

# Algorithmen für Chip-Entwurfswerkzeuge

## Kompaktierung

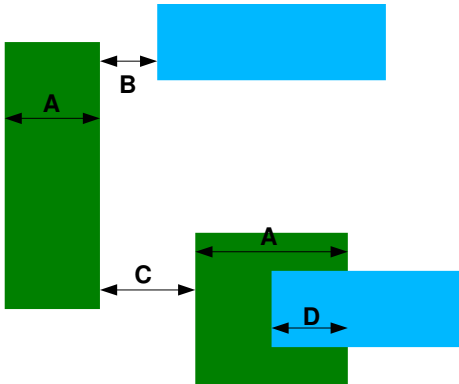


TECHNISCHE  
UNIVERSITÄT  
DARMSTADT

Vorlesung  
WS 2014/2015

Andreas Koch

Eingebette Systeme und Anwendungen  
Technische Universität Darmstadt



- ▶ Bei ASIC-Layouts
  - ▶ Grundlage für erfolgreiche Fertigbarkeit
  - ▶ Von *Technologen* erarbeitet
- ▶ Üblicherweise:
  - ▶ Minimale Breite ( $A$ )
  - ▶ Minimaler Abstand ( $B, C$ )
  - ▶ Minimale Überlappung ( $D$ )
  - ▶ Werte vielfaches von  $\lambda$



- ▶ Komprimieren/Expandieren von Layouts
  - ▶ Unter Beachtung der Designregeln!

- ▶ Anwendungsgebiete:

**Layout-Compilierung** von symbolischen in geometrische Layouts

**Flächenminimierung** von bestehenden Layouts

**Korrektur** von Entwurfsregelverletzungen

**Skalierung** der Technologie



## Eindimensional (1D)

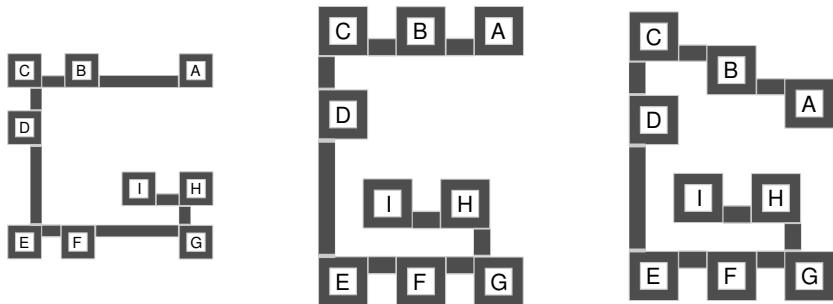
- ▶ Nur eine Richtung bearbeiten  
    **Operationen:** Bewegen, Stauchen
- ▶ Oft abwechselnd in X, Y Richtungen
- ▶ **Problem:** Effizient, aber suboptimal

## Zweidimensional (2D)

- ▶ Beide Richtungen simultan bearbeiten
- ▶ **Problem:** Optimal, aber NP-hart

# Kompaktierung

## Graphisches Beispiel



Original



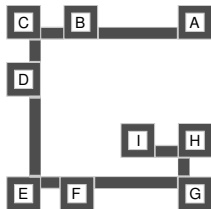
Horizontal kompaktiert



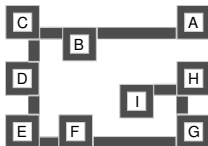
Vertikal kompaktiert

# Kompaktierung

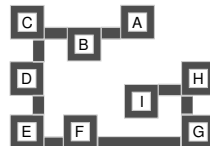
## Graphisches Beispiel



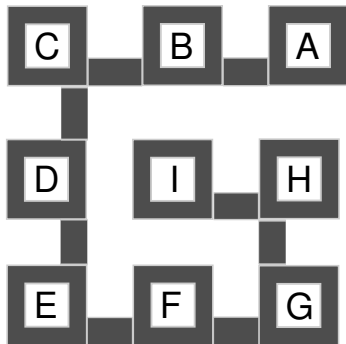
Original



Vertikal kompaktiert



Horizontal kompaktiert

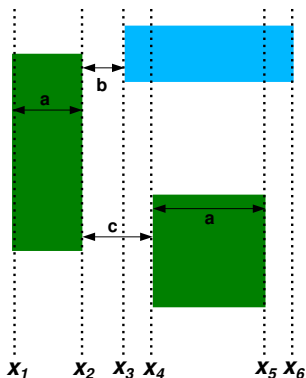


Optimum

- ▶ 2D-Kompaktierung
  - ▶ Findet optimale Lösung
  - ▶ **Problem:** NP-Vollständig
- ▶ Tatsächliche Vorgehensweise
  - ▶ Mehrfache 1D-Kompaktierung
  - ▶ Abwechselnd horizontal, vertikal
  - ▶ **Problem:** Nicht optimal

# Modellierung

## Abstände $\mapsto$ Ungleichungen



$$x_2 - x_1 \geq a$$

$$x_3 - x_2 \geq b$$

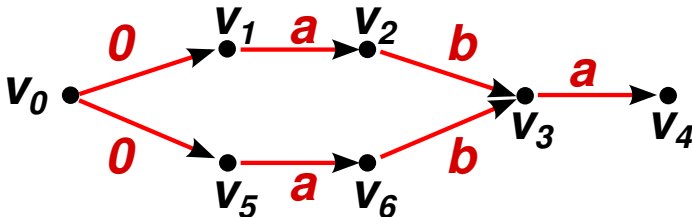
$$x_5 - x_4 \geq a$$

$$x_j - x_i \geq d_{ij}$$



Einschränkungsgraph  $G(V, E)$

- ▶ Gerichtet von  $(v_i, v_j)$
- ▶ Zyklenfrei
- ▶ Längster Pfad von  $v_0$  zu  $v_j =$  Minimale Koordinate von  $x_j$
- ▶ Modelliere  $x_n$  durch  $v_n$



# Modellierung

## Maximale Abstände

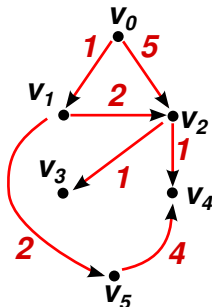
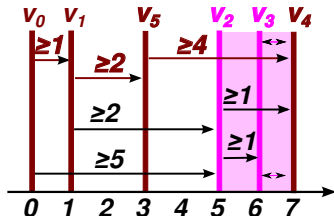


- ▶ Bisher nur minimale Abstände
- ▶ Maximale Abstände mathematisch:  $|x_c - x_w| \leq d$
- ▶  $x_j - x_i \leq c_{ij}$  und  $x_i - x_j \leq c_{ij}$ ,  $c_{ij} \geq 0$
- ▶ Passende Form für unseren Einschränkungsgraph  
**Achtung:** Jetzt sind aber Zyklen möglich
- ▶ Lösung: Berechnung des Längsten Pfades in Graphen mit Zyklen  
Genauer: Einfacher Pfad (d.h. jede Kante max. einmal)

# Kompaktierung

## Kritische vs. Unkritische Element

- ▶ *Kritische Elemente* sind die Knoten entlang des Längsten Pfades
- ▶ Unkritisch alle anderen
- ▶ Layout-Breite hängt nur von kritischen Elementen ab
- ▶ Unkritische Elemente, verschiebbar  
Beeinflussen aber weitere Iterationen



# Kompaktierung

## Weitergehende Details



- ▶ Freie Layoutelemente  
Optimale Lösung ist 2D-Kompaktierung
- ▶ Einfügen von Jogs  
Knicke in den Leitungen
- ▶ Berechnen der Einschränkungen  
Einfacher  $n^2$ -Ansatz: Redundanzen enthalten
- ▶ Hierarchisches Vorgehen



- ▶ Kompaktierung
- ▶ Berechnung der Längsten Pfade
  - ▶ Mit und ohne Zyklen
- ▶ Modellierung von Schaltungen
  - ▶ Graphbasiert
  - ▶ Hierarchisch