

Algorithmen im Chip-Entwurf 4

Genetische Algorithmen, Längenmaße und Platzierung

Andreas Koch
FG Eingebettete Systeme
und ihre Anwendungen
TU Darmstadt

Längenmaße und Platzierung

1

Überblick

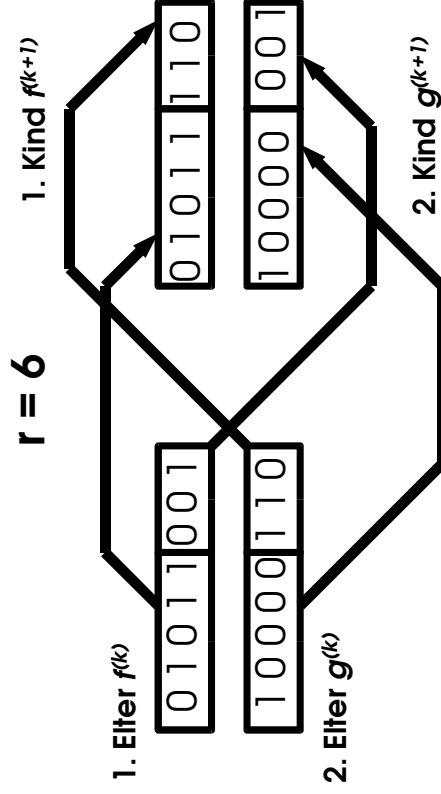
- Abschluss Genetische Algorithmen
- Übung Timing-Analyse
- Längenmaße
- Arten von Platzierungsproblemen
- Platzierungsverfahren
- Partitionierung
 - Kernighan-Lin
- Zusammenfassung

Längenmaße und Platzierung

2

Genetische Algorithmen 4

Beispiel: UPP im 10x10 Raster, platzierte einzelne Zelle



Längenmaße und Platzierung

3

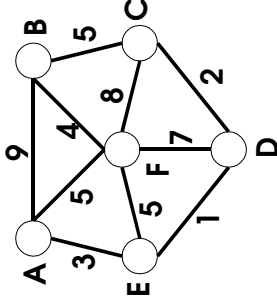
Genetische Algorithmen 5

- Crossover erzeugt ungültige Lösungen
 - Abhilfe: Mehr Struktur als einfache Bifolgen
- Bei UPP: Folgen von 4-bit Koordinaten
 - Nun zwar intern konsistente Koordinaten
 - Reicht aber nicht aus!

Längenmaße und Platzierung

4

Travelling Salesman Problem



- TSP
- Einfacher Zyklus durch alle Knoten mit minimaler Länge
 - Jeder Knoten nur einmal besucht
 - Minimale Kantengewichte
- NP-vollständig

Längenmaße und Platzierung

5

Genetische Algorithmen 6

- Chromosom: Folge von Knoten
- Aber:
 - $\underline{f}^{(k)} = v1v3 \mid v6v5v2v4, \underline{g}^{(k)} = v4v2 \mid v1v5v3v6, r=3$
 - $\underline{f}^{(k+1)} = v1v3v1v5v3v6, \underline{g}^{(k+1)} = v4v2v6v5v2v4$

Längenmaße und Platzierung

6

Genetische Algorithmen 7

- Problem-spezifisches Crossover
- Bei TSP: z.B. Geordnetes Crossover
 - Kopiere Elemente $1 \dots (r-1)$ aus $\underline{f}^{(k)}$ nach $\underline{f}^{(k+1)}$
 - Kopiere in $\underline{f}^{(k+1)}$ fehlende Elemente nach $\underline{f}^{(k+1)}$
 - ◆ In der Reihenfolge ihre Auftretens in $\underline{g}^{(k)}$
 - Beispiel
 - ◆ $\underline{f}^{(k)} = v1v3 \mid v6v5v2v4, \underline{g}^{(k)} = v4v2 \mid v1v5v3v6, r=3$
 - ◆ $\underline{f}^{(k+1)} = v1v3v4v2v5v6, \underline{g}^{(k+1)} = v4v2v1v3v6v5, r=3$

Längenmaße und Platzierung

7

Genetische Algorithmen 8

- Bisher noch keine Optimierung
 - Nur neue Lösungen erzeugt
- Bevorzuge gute Lösungen vor schlechten
 - Wähle „gute“ Eltern aus: Niedrige Kosten
 - Kombiniere gute Eigenschaften in Nachwuchs
- Aber: Auch Gegenteil möglich (r zufällig)
 - ◆ Vererbung schlechter Eigenschaften
 - ◆ Idee: Schlechte Nachkommen verschneiden in nächster Generation

Längenmaße und Platzierung

8

Genetische Algorithmen 9

```

genetic() {
  int pop_size;
  set<chromosome> pop, new_pop;
  chromosome parent1, parent2, child;

  pop := ∅;
  for (i:=1; i <= pop_size; i := i+1)
    pop := pop ∪ {Chromosom einer zufälligen Lösung}
  do {
    newpop := ∅;
    for (i:=1; i <= pop_size; i := i+1) {
      parent1 := pop.select();
      parent2 := pop.select();
      child := crossover(parent1, parent2);
      newpop := newpop ∪ {child};
    }
    pop := newpop;
  } while (!stop());
  report(pop.findmin(c));
}

```

Längenmaße und Platzierung

9

Genetische Algorithmen 10

- stop()
 - Z.B. „Keine Verbesserung in den letzten m Iterationen“
 - m problemspezifischer Parameter
- Mutation
 - Fehler beim Kopieren
 - Vermeidet Steckenbleiben in lokalen Minima
- Sehr viele Variationsmöglichkeiten
 - Komplexes Crossover (mehrere r)
 - Mehrere Generationen gleichzeitig
 - Elite-Selektion
 - Meta-Genetische Algorithmen

Längenmaße und Platzierung

10

Genetische Algorithmen 9

```

genetic() {
  int pop_size;
  set<chromosome> pop, new_pop;
  chromosome parent1, parent2, child;

  pop := ∅;
  for (i:=1; i <= pop_size; i := i+1)
    pop := pop ∪ {Chromosom einer zufälligen Lösung}
  do {
    newpop := ∅;
    for (i:=1; i <= pop_size; i := i+1) {
      parent1 := pop.select();
      parent2 := pop.select();
      child := crossover(parent1, parent2);
      newpop := newpop ∪ {child};
    }
    pop := newpop;
  } while (!stop());
  report(pop.findmin(c));
}

```

Längenmaße und Platzierung

9

Genetische Algorithmen 10

- stop()
 - Z.B. „Keine Verbesserung in den letzten m Iterationen“
 - m problemspezifischer Parameter
- Mutation
 - Fehler beim Kopieren
 - Vermeidet Steckenbleiben in lokalen Minima
- Sehr viele Variationsmöglichkeiten
 - Komplexes Crossover (mehrere r)
 - Mehrere Generationen gleichzeitig
 - Elite-Selektion
 - Meta-Genetische Algorithmen

Längenmaße und Platzierung

10

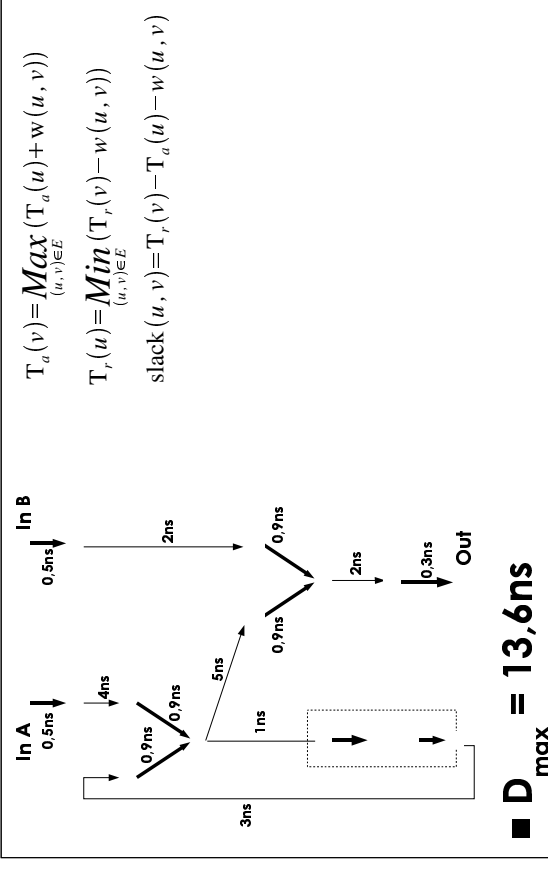
Allgemeine Heuristiken

- Diverse Alternativen
 - Neuronale Netze
 - Simulierte Evolution
 - Lösen des SAT-Erfüllbarkeitsproblems
- Bei allen allgemeinen Ansätzen
 - Immer schlechter als problemspezifische
 - ◆ Z.B. Kernighan-Lin für Partitionierung
 - Aber schneller zu realisieren
 - ◆ Bei unbekanntem Problemeigenschaften
- Hybride Ansätze
 - z.B. Eingeschränktes SA
 - ◆ SDI, TU Braunschweig

Längenmaße und Platzierung

11

Übung Timing-Analyse



Längenmaße und Platzierung

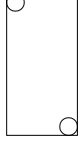
12

Verdrahtungsfläche

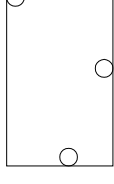
- Mögliches Platzierungs-Qualitätskriterium
 - Gesamtfläche für Verdrahtung
 - ◆ Nur bei ASIC
 - ◆ Bei FPGA: Feste Breite der Leitungen, Länge reicht
- Aber: Vollständiges Routing zu komplex
 - NP
- Abschätzen der Länge durch Metrik
 - Einzelln pro Netz
 - Aufsummieren der Teillängen
 - Multiplizieren mit angenehmer
 - ◆ Leitungsbreite plus
 - ◆ Leitungsabstand

Längenmetriken 1

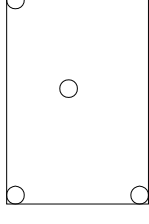
- Halber Umfang (half perimeter)
 - Rechteck um alle Terminals des Netzes



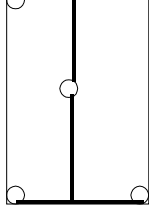
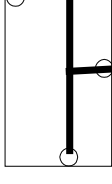
exakt



exakt

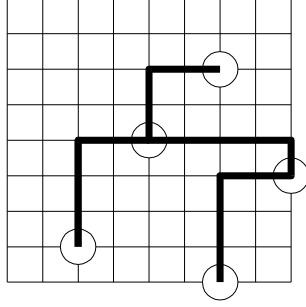


untere Grenze



Längenmetriken 2

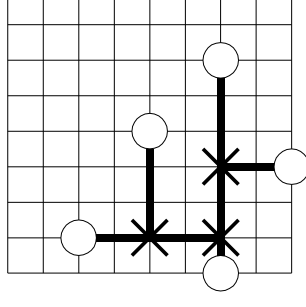
- Minimaler Rechtwinkliger Überspannender Baum (MRST)
 - Sonderfall von MRST
 - In P via Prim's Algorithmus (im Buch 3.4.4)
 - ◆ Vollständiger planarer Graph



$L_r = 19$

Längenmetriken 3

- Rechth. Steiner-minimaler Baum (RSMT)
 - RSMT-Berechnung ist NP-vollständig
 - Annäherung durch MSRT: max. 1.5x so lang
 - Bessere Näherungen existieren



$L_s = 15$

$L_r/L_s = 1.26$

Längenmetriken 4

- **Quadratischer Euklidischer Abstand**
 - Arbeitet auf Zellen, nicht auf Netzen
 - ◆ Für Clique-Modell geeignet

$$\frac{1}{2} \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \gamma_{ij} [(x_i - x_j)^2 + (y_i - y_j)^2]$$

- γ_{ij}
 - = 0 wenn $(v_i, v_j) \notin E$
 - = $|v_i, v_j|$: Gewichtet nach Anzahl Kanten
 - < $|v_i, v_j|$: nicht nur Einzelleitungen

Längenmaße und Platzierung

17

Platzierungsprobleme

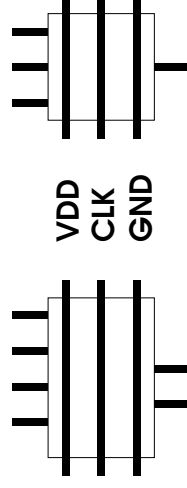
- **Standardzellen**
 - Semi-Custom
- **Building Block**
 - Teilweise Full-Custom möglich
- **MPGA/FPGA**
 - Auf vorgegebene Strukturen

Längenmaße und Platzierung

18

Standardzellen 1

- **Standardzellen (Semi-Custom)**
 - Kleinere Schaltungen (Gatter) aus Bibliothek
 - Festes Layout
 - ◆ Größe
 - ◆ Terminal-Anordnung
 - Anreihbar in Zeilen
 - ◆ Logistische Signale

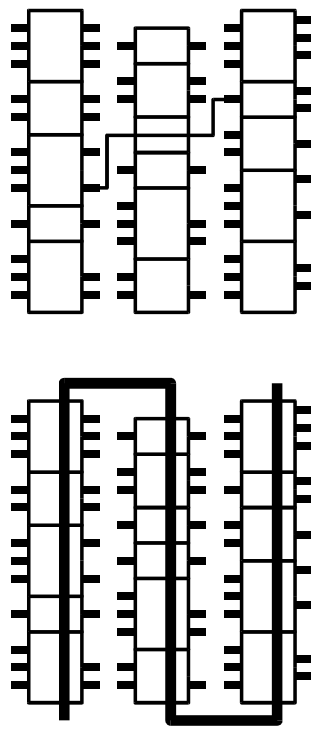


Längenmaße und Platzierung

19

Standardzellen 2

- **Zeilenweise Anordnung**
- **Verdrahtung zwischen Zeilen**
- **Ausnahmen**
 - Angrenzende Verbindungen (abutment)
 - Durchleitungen (feedthroughs)

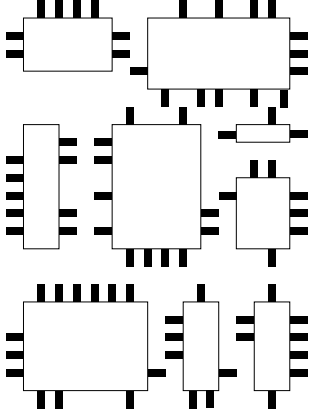


Längenmaße und Platzierung

20

Building Blocks 1

- Mehr Flexibilität
 - Kann auch Full-Custom Teile enthalten
 - Automatisch generierte Blöcke (z.B. RAM)
- Verdrahtungskanäle an allen Seiten



Längenmaße und Platzierung

21

MPGA/FPGA 1

- Mask-Programmable Gate Array
 - Modebezeichnung: Structured ASIC
- Field-Programmable Gate Array
 - Feste Anordnung von
 - Logik
 - Verdrahtung
 - Anpassung auf Anwendung
 - MPGA: Beim Hersteller (Metalllagen)
 - FPGA: Beim Anwender (Programmierung)

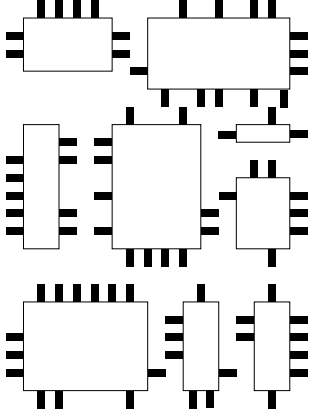
Längenmaße und Platzierung

22

Building Blocks 2

- Mehr Flexibilität

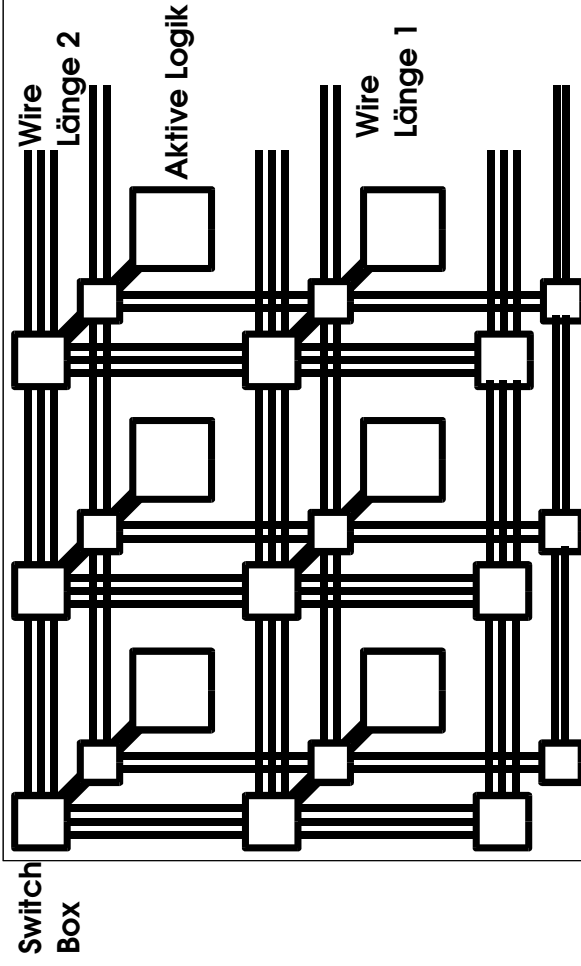
- Kann auch Full-Custom Teile enthalten
 - Automatisch generierte Blöcke (z.B. RAM)
- Verdrahtungskanäle an allen Seiten



Längenmaße und Platzierung

21

MPGA/FPGA 2



Längenmaße und Platzierung

23

MPGA/FPGA 3

- Sehr ähnlich zu UPP
- Aber: Segmentierte Verbindungen
 - Mehrere Verdrahtungslängen
- Verzögerung abhängig von
 - Anzahl durchlaufener Switch Boxes
 - Last (Fan-Out)
- Feste Verdrahtungskapazität
- Nicht jede Platzierung verdrahtbar
- Verdrahtbarkeit in Kostenfunktion

Längenmaße und Platzierung

24

Platzungsverfahren 1

- **Konstruktiv**
 - Zellkoordinaten sind nach einmaligem Platzierungsschritt fest
- **Iterativ**
 - Zellkoordinaten können beliebig oft geändert werden
- **Kombination**
 - Konstruktive Startlösung
 - Dann iterative Verbesserung

Längenmaße und Platzierung

25

Mögliche Optimierungsziele 1

- **Minimale Verdrahtungsfläche**
- **Minimale Verdrahtungslänge**
- **Schnellste Schaltung**
 - Timing-driven
- **Anzahl von Leitungen durch Schnittlinie**
- **Verdrahtbare Schaltung**
- **Geringes Übersprechen**
 - Zwischen Leitungen

Längenmaße und Platzierung

26

Konstruktive Platzierung 1

- **Viele Methoden**
- **Top-Down Verfahren**
 - Starten mit kompletter Schaltung
 - Aufteilen in immer kleinere Probleme
 - Beispiel: Min-Cut
- **Bottom-Up Verfahren**
 - Beginnen mit einzelnen Zellen
 - Zusammenfügen von Teillösungen
 - Beispiel: Clustering

Längenmaße und Platzierung

27

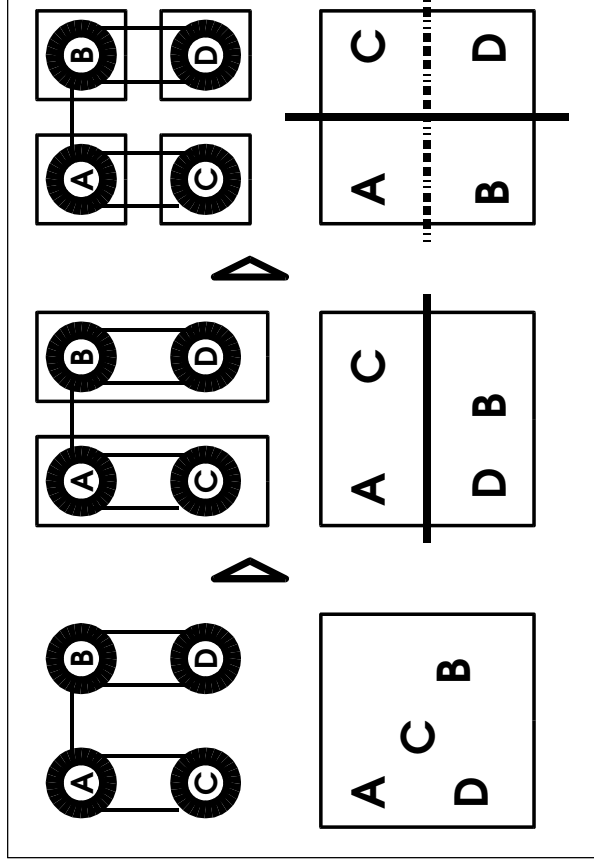
Min-Cut Platzierung 1

- **Idee**
 - Teile Schaltung in zwei Hälften auf
 - Minimiere die Anzahl der Netze dazwischen
 - ◆ MinCut: Minimiere Gewicht *durchschnittlicher* Netze
 - Teile auch Layoutfläche nach jedem Schnitt
 - Ordne Schaltungshälften Layouthälften zu
 - ◆ Horizontal und Vertikal, i.d.R. abwechselnd
 - Wiederhole bis Abbruch
 - ◆ z.B. Nur noch eine Zelle in Partition

Längenmaße und Platzierung

28

Min-Cut Platzierung 2



Längenmaße und Platzierung

29

Min-Cut Platzierung 3

- Aufteilen des Graphen
 - Standardalgorithmen
- Zuweisung der Partitionen an Layout
 - Einschließlich Richtung der Aufteilung
- Verschiedene Heuristiken
- Beispiele:
 - ◆ Berücksichtige bereits zugewiesene Partitionen
 - ◆ Berücksichtige Chip-I/O-Pads

Längenmaße und Platzierung

30

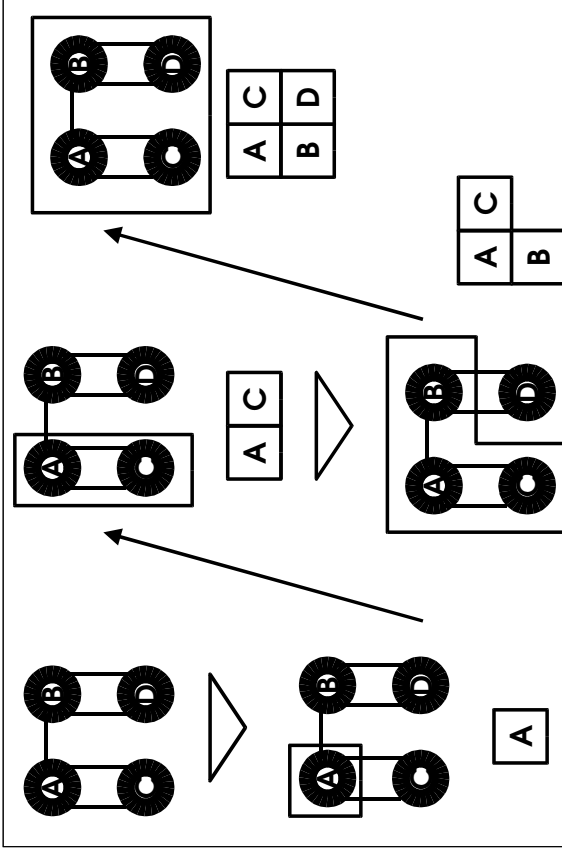
Platzierung mit Clustering 1

- Beginne mit einer Startzelle als Cluster
- Finde angeschlossene Zelle(n)
- Ordne Zelle(n) „nahe“ um Cluster an
- Füge neue Zellen dem Cluster hinzu
- Entscheidungen:
 - Welche Zellen(n) hinzufügen?
 - Auf welche Art nahelegen anordnen?

Längenmaße und Platzierung

31

Platzierung mit Clustering 2



Längenmaße und Platzierung

32

Iterative Verbesserung 1

- „Kleine“ Veränderung bestehender Lösung
 - Ändere die Position von Zelle(n)
 - Falls besseres Ergebnis: Immer übernehmen
 - Schlechter: Unter Umständen übernehmen→ Abhängig von Suchverfahren!

Längenmaße und Platzierung

33

Iterative Verbesserung 2

```
iterative_improvement () {  
  s := initial_configuration();  
  c := s.cost();
```

```
  while (!stop()) {
```

```
    s' := s.perturb();
```

```
    c' := s'.cost();
```

```
    if ( c.accept( c' ) )
```

```
      s := s';
```

```
  }
```

```
}
```

- **initial_configuration**
- **cost**
- **stop**
 - z.B. #Iterationen
 - komplexer möglich
- **accept**
 - Nachbarsuche
 - Simulated Annealing
 - Tabu-Suche

Längenmaße und Platzierung

34

Iterative Verbesserung 3

- **perturb**
 - Bei UPP: einfach, z.B. Positionstausch
 - ◆ Bei Standardzellen oder Building Block:
 - ✦ Unterschiedliche Zellgrößen, Überlappung möglich

Längenmaße und Platzierung

35

Iterative Verbesserung 4

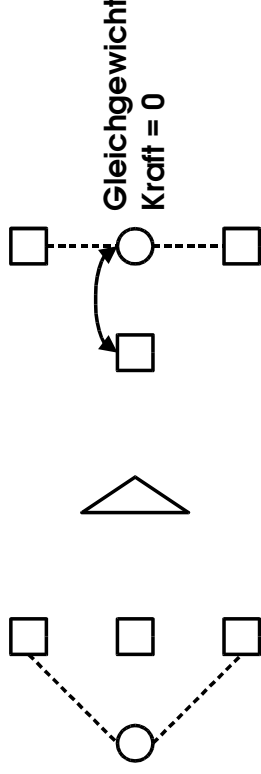
- **Vorgehensweisen**
 - Überlappung erlaubt, aber höhere Kosten
 - ◆ Bereinige beste gefundene Lösung am Ende
 - ◆ Möglicherweise drastische Verschlechterung
 - **Beseitige Überlappung direkt nach jedem Zug**
 - ◆ Bei BB sehr aufwendig, bei SC machbar
 - ◆ Aber so genauere Kostenberechnung möglich
 - **Erzeuge nur Überlappungsfreie Lösungen**
 - ◆ Züge unter Umständen sehr viel aufwendiger

Längenmaße und Platzierung

36

Iterative Verbesserung 5

- Alternativen zu zufälligem Zellaustausch
 - Kräfte-gesteuerte Auswahl des Partners
 - Bestimme Idealposition der Zelle
 - ◆ Reduziere durch Netze ausgeübte Anziehungskraft
 - Tausche dann mit Zelle auf Idealposition



Längenmaße und Platzierung

37

Iterative Verbesserung 6

- Berechnung des Schwerpunktes
 - Verwendet Cliques-Modell $G(V, E)$
 - γ_{ij} : Gewicht von $(i, j) \in E$, $\gamma_{ij} = 0$ falls $(i, j) \notin E$
 - Bestimme Schwerpunkt (x_i^g, y_i^g) der Zelle i

$$x_i^g = \frac{\sum_j \gamma_{ij} x_j}{\sum_j \gamma_{ij}} \quad \text{Gewichteter Durchschnitt} \quad y_i^g = \frac{\sum_j \gamma_{ij} y_j}{\sum_j \gamma_{ij}}$$

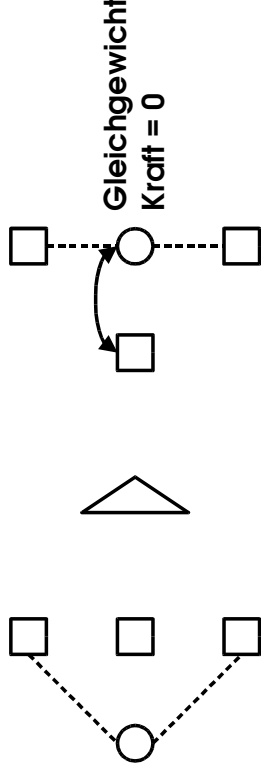
- Bewege Zelle i dorthin
- Was tun, wenn dort schon andere Zelle liegt?
 - ◆ Bewege andere Zelle auf ihren Schwerpunkt
 - ◆ Erzeuge Folge von Zügen, ggf. Tabu-Mechanismus

Längenmaße und Platzierung

38

Iterative Verbesserung 5

- Alternativen zu zufälligem Zellaustausch
 - Kräfte-gesteuerte Auswahl des Partners
 - Bestimme Idealposition der Zelle
 - ◆ Reduziere durch Netze ausgeübte Anziehungskraft
 - Tausche dann mit Zelle auf Idealposition



Längenmaße und Platzierung

37

Iterative Verbesserung 6

- Berechnung des Schwerpunktes
 - Verwendet Cliques-Modell $G(V, E)$
 - γ_{ij} : Gewicht von $(i, j) \in E$, $\gamma_{ij} = 0$ falls $(i, j) \notin E$
 - Bestimme Schwerpunkt (x_i^g, y_i^g) der Zelle i

$$x_i^g = \frac{\sum_j \gamma_{ij} x_j}{\sum_j \gamma_{ij}} \quad \text{Gewichteter Durchschnitt} \quad y_i^g = \frac{\sum_j \gamma_{ij} y_j}{\sum_j \gamma_{ij}}$$

- Bewege Zelle i dorthin
- Was tun, wenn dort schon andere Zelle liegt?
 - ◆ Bewege andere Zelle auf ihren Schwerpunkt
 - ◆ Erzeuge Folge von Zügen, ggf. Tabu-Mechanismus

Längenmaße und Platzierung

38

Partitionierung 1

- Aufteilen eines Graphen
- Hier motiviert durch Platzierung
 - Min-Cut
- Andere Anwendungen
 - Aufteilen einer Schaltung auf mehrere Chips
 - Verkleinern der Problemgröße
 - ◆ Vorbearbeitung vor anderem Algorithmus
- Viele Verfahren
 - Beispiel: Kernighan-Lin

Längenmaße und Platzierung

39

Kernighan-Lin Partitionierung 1

- Problem
 - Gewichteter, ungerichteter Graph $G(V, E)$
 - $|V| = 2n$
 - γ_{ab} : Gewicht von $(a, b) \in E$, $\gamma_{ab} = 0$ bei $(a, b) \notin E$
 - Finde Mengen A und B mit
 - ◆ $A \cup B = V$, $A \cap B = \emptyset$, $|A| = |B| = n$
 - Minimiere
$$\sum_{(a,b) \in A \times B} \gamma_{ab}$$
- Arbeitet auf Cliques-Modell

Längenmaße und Platzierung

40

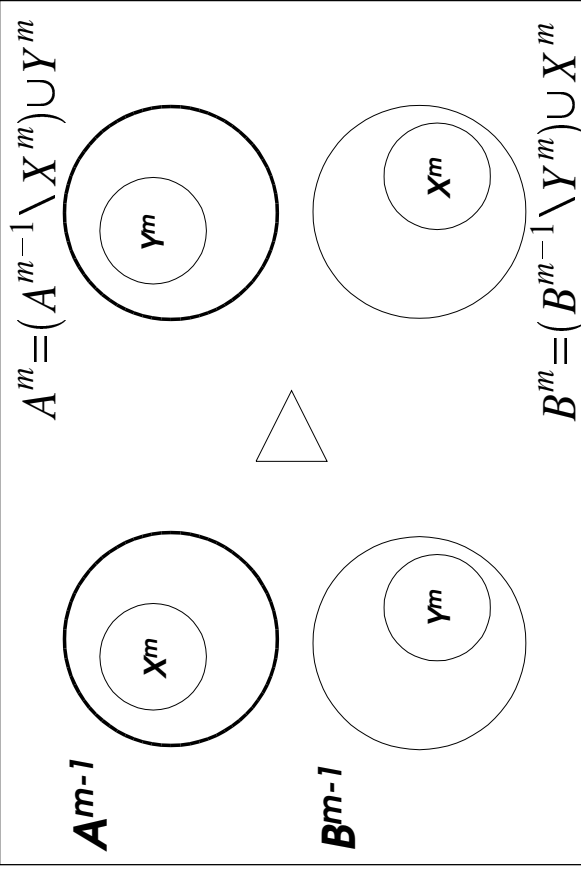
Kernighan-Lin Partitionierung 2

- Partitionierungsproblem ist NP-vollständig
- KL ist eine Heuristik
 - Im praktischen Einsatz bewährt
- Vorgehensweise
 - Anfangslösung bestehend aus A^0 und B^0
 - ◆ i.d.R. nicht optimal
 - Isoliere Untermengen von A^{m-1} und B^{m-1}
 - Tausche diese aus um A^m und B^m zu bestimmen
 - Wiederhole, solange Verbesserung erreichbar

Längenmaße und Platzierung

41

Kernighan-Lin Partitionierung 3



Längenmaße und Platzierung

42

Kernighan-Lin Partitionierung 4

- Optimum immer in einem Schritt erzielbar
 - Bei geeignetem X^m und Y^m
- Problem: Wie X^m und Y^m bestimmen?
 - Schwer zu finden
- Suche Lösung in mehreren Schritten
 - Wiederhole, bis keine Verbesserung mehr
- Anzahl Schritte unabhängig von n
 - In der Praxis ≤ 4 .

Längenmaße und Platzierung

43

Kernighan-Lin Partitionierung 5

- Konstruktion von X^m und Y^m
- Externe Kosten

$$E_a = \sum_{y \in B^{m-1}} \gamma_{ay}, \quad a \in A^{m-1}$$
- Interne Kosten

$$I_a = \sum_{x \in A^{m-1}} \gamma_{ax}, \quad a \in A^{m-1}$$
- Analog für B

Längenmaße und Platzierung

44

Kernighan-Lin Partitionierung 6

- $D_a = E_a - I_a$ für $a \in A^{m-1}$ (desirability)
- >0 : Knoten sollte nach B getauscht werden
- <0 : Knoten sollte in A bleiben
- Verbesserung Δ der Schnittkosten
- Bei Austausch von $a \in A^{m-1}$ und $b \in B^{m-1}$

$$\Delta = D_a + D_b - 2\gamma_{ab}$$

- Δ kann negativ sein!

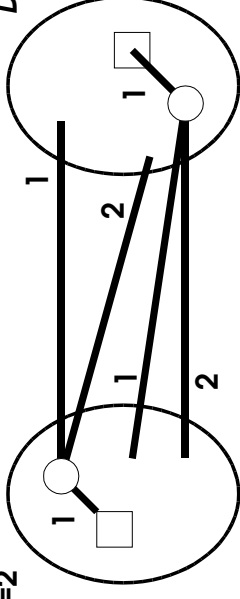
Längenmaße und Platzierung

45

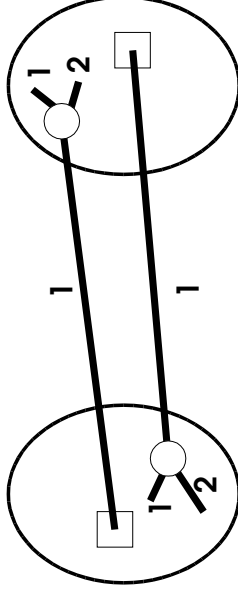
Kernighan-Lin Partitionierung 7

$$D_a = 3 - 1 = 2$$

$$D_b = 3 - 1 = 2$$



$$\Delta = D_a + D_b - 2\gamma_{ab} = 2 + 2 - 0 = 4$$



Längenmaße und Platzierung

46

Kernighan-Lin Partitionierung 8

- $D_a = E_a - I_a$ für $a \in A^{m-1}$ (desirability)
- >0 : Knoten sollte nach B getauscht werden
- <0 : Knoten sollte in A bleiben
- Verbesserung Δ der Schnittkosten
- Bei Austausch von $a \in A^{m-1}$ und $b \in B^{m-1}$

$$\Delta = D_a + D_b - 2\gamma_{ab}$$

- Δ kann negativ sein!

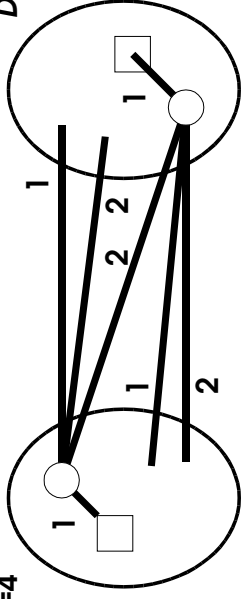
Längenmaße und Platzierung

47

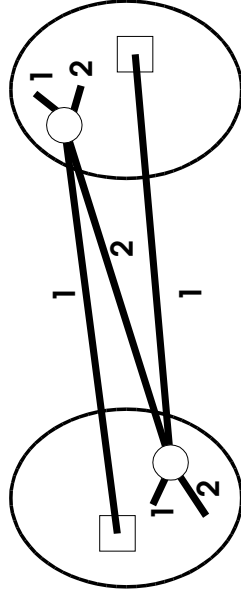
Kernighan-Lin Partitionierung 8

$$D_a = 5 - 1 = 4$$

$$D_b = 5 - 1 = 4$$



$$\Delta = D_a + D_b - 2\gamma_{ab} = 4 + 4 - 2 \cdot 2 = 4$$



Längenmaße und Platzierung

48

Kernighan-Lin Partitionierung 9

initialize(A^0, B^0);

$m := 1$;

do {

 foreach $a \in A^{m-1}$

 "berechne D_a ";

 foreach $b \in B^{m-1}$

 "berechne D_b "

 for ($i := 1; i \leq n; ++i$) {

 "finde freie $a_j \in A^{m-1}, b_j \in B^{m-1}$ mit

$\Delta_i := D_{a_i} + D_{b_i} - 2\gamma_{a_i b_i}$ maximal"

 "sperrt a_j und b_j "

 foreach "freies" $x \in A^{m-1}$

$D_x := D_x + 2\gamma_{x a_i} - 2\gamma_{x b_i}$;

 foreach "freies" $y \in B^{m-1}$

$D_y := D_y - 2\gamma_{y a_i} + 2\gamma_{y b_i}$;

 } "finde ein k mit $\sum_{i=1}^k \Delta_i$ ist max."

$G := \sum_{i=1}^k \Delta_i$

 } while ($G > 0$);

 } while ($G > 0$);

 } while ($G > 0$);

 } while ($G > 0$);

 } while ($G > 0$);

Längenmaße und Platzierung

48

$$\begin{aligned} D_x &= E_x - I_x \\ &= E_x^{old} + \gamma_{ax} - \gamma_{bx} - (I_x^{old} - \gamma_{ax} + \gamma_{bx}) \\ &= D_x^{old} + 2\gamma_{ax} - 2\gamma_{bx} \end{aligned}$$

if ($G > 0$) {

$X^m := \{a_1, \dots, a_k\}$;

$Y^m := \{b_1, \dots, b_k\}$;

$A^m := (A^{m-1} \setminus X^m) \cup Y^m$;

$B^m := (B^{m-1} \setminus Y^m) \cup X^m$;

 "entsperre alle Knoten in A^m and B^m "

$m := m + 1$;

 }

 } while ($G > 0$);

 } while ($G > 0$);

 } while ($G > 0$);

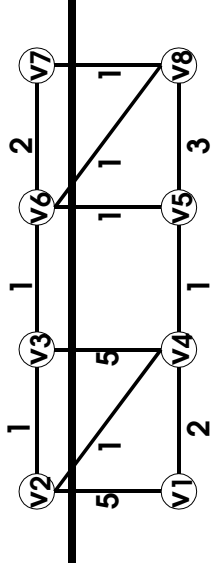
Kernighan-Lin Partitionierung 10

- Δ_j kann negativ werden
- $\sum \Delta_j$ kann zeitweise auch negativ sein
 - Dicht verbundene Teilengen
 - ◆ Keine Verbesserung bei Austausch von Einzelknoten
 - ◆ Erst bei Austausch der gesamten Teilmenge

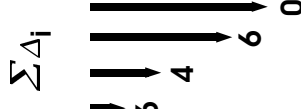
Längenmaße und Platzierung

49

Kernighan-Lin Partitionierung 11



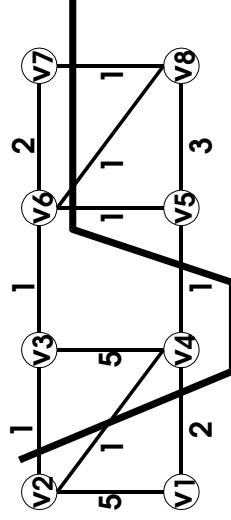
i	A^0				B^0				Δ_i
	v2	v3	v6	v7	v1	v4	v5	v8	
1	5	3	-1	-1	3	3	-3	-1	6
2		-5	-1	-1	-3	-1	-1	-1	-2
3			-5	1	-3	3			2
4				-3	-3			-6	



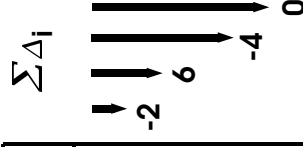
Längenmaße und Platzierung

50

Kernighan-Lin Partitionierung 12



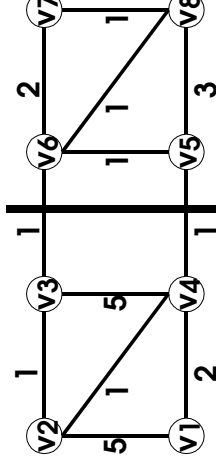
i	A^1				B^1				Δ_i
	v3	v4	v6	v7	v1	v2	v5	v8	
1	-5	-1	-1	-1	-3	-3	-1	-1	-2
2	5	-3	-3	-3	-7	-5	3	8	
3		-3	-3	-3	-7	-7	-7	-10	
4				1	3			4	



Längenmaße und Platzierung

51

Kernighan-Lin Partitionierung 13



- Danach keine Verbesserung mehr in G
 - Innere Schleife: n Iterationen
 - Finden des Paares mit bestem Δ : $O(n^2)$
 - Nach Δ sortiert: $O(n \log n)$
- $O(n^3)$ oder $O(n^2 \log n)$

Längenmaße und Platzierung

52

Kernighan-Lin Partitionierung 14

- **KL: Lokale Suche mit variabler Nachbarschaft**
- **Schnellere Verfahren**
 - **Fiduccia-Mattheyses (FM)**
 - ◆ Wesentlich schneller: $O(n)$
 - ◆ Aber schlechtere Qualität der Lösungen
 - **QuickCut (QC): avg. $O(|E| \log n)$**
 - ◆ Gleiche Qualität wie KL
- **Diverse Alternativen**
 - **Spectral Partitioning, Multi-Level-FM, ...**

Längenmaße und Platzierung

53

Weiteres Vorgehen

- **Diesen Freitag keine Veranstaltung!**
- **Dienstag**
 - **Abgabe 1. Aufgabe: 12:00 Uhr MET mittags**
 - ◆ Ausnahmsweise noch ohne Gruppennummer
 - ◆ Bitte in der Mail auch Klarnamen angeben
 - ◇ Nicht nur E-Mail-Adressen!
 - **Keine Vorbereitung der Vorlesung**
 - ◆ Vorstellung eines realen Platzierungswerkzeugs

Längenmaße und Platzierung

54

Zusammenfassung

- **Genetische Algorithmen**
- **Übung Timing-Analyse**
- **Längenmaße für Netze**
- **Platzierungsverfahren**
 - Zieltechnologien
 - Konstruktiv
 - Iterativ
- **Partitionierung: Min-Cut**
 - Anwendung für Platzierung
 - Kernighan-Lin

Längenmaße und Platzierung

55