

Rechnerorganisation – Kapitel 6



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

Prof. Sarah Harris, Ph.D.
Fachgebiet Eingebettete Systeme und ihre Anwendungen (ESA)
Fachbereich Informatik

SS 16



Professorin Sarah Harris



- Technische Universität Darmstadt
2015 – 2016
- **Fachgebiet:** Eingebettete Systeme, Rechnerarchitekturen
- **Kontakt Informationen:**
Sprechstunden: Mittwochs, 13:30 Uhr – 14:30 Uhr
Email: harris@esa.informatik.tu-darmstadt.de
Büro: S2/02 (Piloty Gebäude), Raum E102

Wo ich herkomme

- Stanford University
Ph.D. (≈Doktor)
Electrical and Computer Engineering
(2005)
- Harvey Mudd College
Assistant/Associate Professorin
(2004-2014)
- University of Nevada, Las Vegas
Associate Professorin
(2014 -)

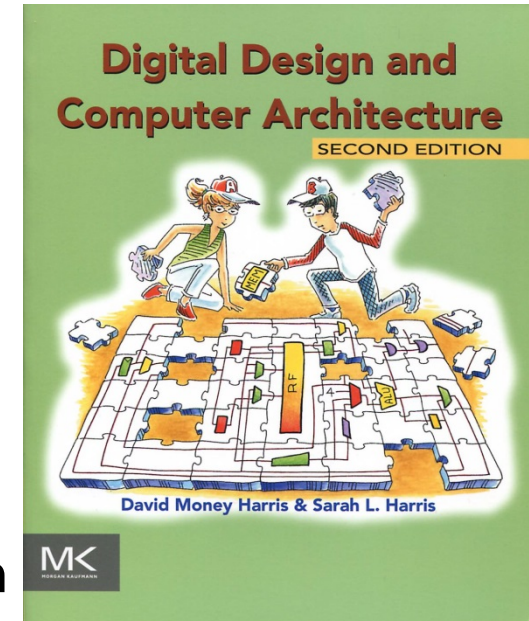


Lehr- und Anschauungsmaterial

- Aus dem Lehrbuch

Digital Design and Computer Architecture, zweite Auflage

- Diese Folien nach englischen Originalvorlagen erstellt (Originale sind © 2007 Elsevier)
- Buch wird an Studierende **subventioniert** abgegeben
 - Organisiert durch Fachschaft Informatik
- Mehr **Hintergrundmaterial** auf Web-Seite zu Buch
- Dieses Semester: Kapitel 6 bis 8



Überblick

Themen zu diesem Semester:

- **Architektur:** Programmierersicht auf Computer (Kapitel 6)
- **Mikroarchitektur:** Hardware-Implementierung der Architektur (Kapitel 7)
- **Speichersysteme:** Caches, Virtueller Speicher, I/O (Kapitel 8)

Empfehlungen

- Rechtzeitig die Vorlesungen anschauen und Übungen mitmachen
 - die aktuelle Vorlesung baut auf die vorgehenden Vorlesungen/Stoff auf
- Wenn Sie **Fragen** haben, stellen Sie die mal während der Vorlesung, nach der Vorlesung, während der Sprechstunden, in den Übungsgruppen

Ich werde Ihnen während der Vorlesung auch Fragen stellen

Vorlesung Ablauf



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

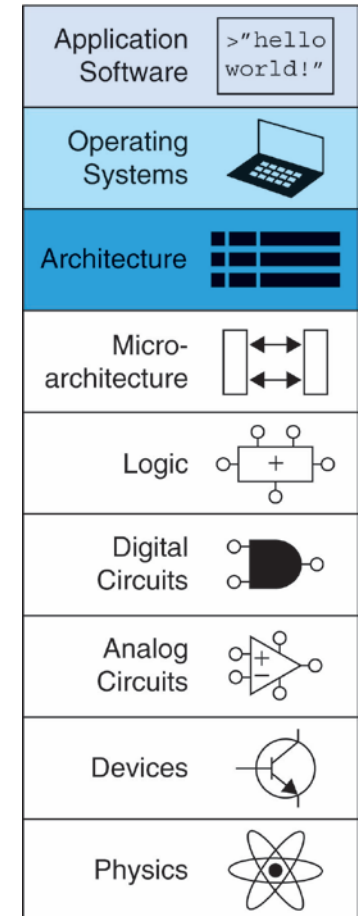
- Wir machen eine kurze (2 Minuten) Pause in ungefähr der Mitte der Vorlesung.
- Bitte sich nach vorne Platz nehmen.
- Falls Sie während der Vorlesung ein Gespräch mit Ihren Kommilitonen ausführen möchten, bitte das außerhalb des Hörsaals machen.

Organisatorisches

- **Übungen:** Organisatorisches von dem Assistent jetzt erklärt...
- **Webseite:** www.esa.informatik.tu-darmstadt.de
 - unter Lehre → SS 2016 → Rechnerorganisation
 - Vorlesungsfolien, Aufzeichnungen der Vorlesungen, kommentierte Vorlesungsfolien
- **Prüfung:** 18. Juli 2016 (vorläufig)

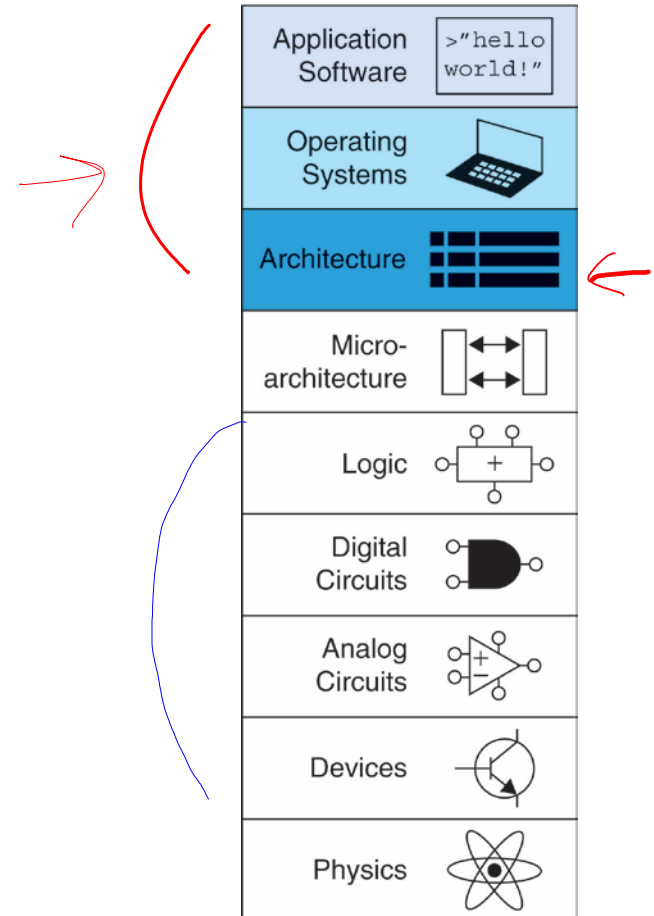
Kapitel 6: Themen

- **Einleitung**
- **Assembler-Sprache**
- **Maschinensprache**
- **Programmierung**
- **Adressierungsmodi**
- **Compilieren, Assemblieren und Linken**
- **Dies und Das**



Einleitung

- Nun Sprung auf höhere Abstraktionsebene
 - Erstmal ...
- **Architektur:** Programmierersicht auf Computer
 - Definiert durch Instruktionen (Operationen) und Operanden
- **Mikroarchitektur:** Hardware-Implementierung der Architektur
 - Kommt im Detail in Kapitel 7



Assemblersprache



Programmieren in Sprache des Computers

- **Instruktionen / Befehle:** Einzelne Worte ←
- **Befehlssatz:** Gesamtes Vokabular

Befehle geben Art der Operation und ihre Operanden an

Zwei Darstellungen

- ▪ **Assemblersprache:** für Menschen lesbare Schreibweise für Instruktionen
 - **Maschinensprache:** maschinenlesbares Format ←
- (1'en und 0'en)

MIPS Architektur

- Von John Hennessy und Kollegen in Stanford in den 1980ern entwickelt
- In vielen Computern und eingebetteten Systemen verwendet:
 - Silicon Graphics, Nintendo, Sony, Cisco, ←
Cavium, NetLogic, ...
- Gut zur Darstellung von allgemeinen Konzepten
 - Vieles auch auf andere Architekturen übertragbar
- Imagination Technologies hat MIPS im Feb 2013 gekauft)

John Hennessy

- Präsident der Universität Stanford
- Professor in Elektrotechnik und Informationstechnik in Stanford seit 1977
- Miterfinder des Reduced Instruction Set Computers (RISC)
- Entwickelte MIPS-Architektur in Stanford in 1984 und war Mitgründer von MIPS Computer Systems
- Bis 2004: Über 300 Millionen MIPS Prozessoren verkauft



Entwurfsprinzipien für Architekturen



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

John Hennessy (Stanford) und David Patterson (Berkeley):

1. Regularität vereinfacht Entwurf
2. Mach den häufigsten Fall schnell
3. Kleiner ist schneller
4. Ein guter Entwurf verlangt gute Kompromisse

Befehle: Addition



→ Hochsprache

`a = b + c;`

MIPS Assemblersprache

`add a, b, c`

↑
sub

- **add:** Befehlsname (*mnemonic*) gibt die Art der auszuführenden Operation an
- **b, c:** Quelloperanden auf denen die Operation ausgeführt wird
- **a:** Zieloperand in den das Ergebnis eingetragen wird

Befehl: Subtraktion

Subtraktion ist ähnlich zur Addition. Nur der Befehlsname ändert sich.

Hochsprache

$a = b - c;$

MIPS Assemblersprache

sub a, b, c

- **sub:** mnemonic
- **b, c:** Quelloperanden
- **a:** Zieloperand

Regularität vereinfacht Entwurf

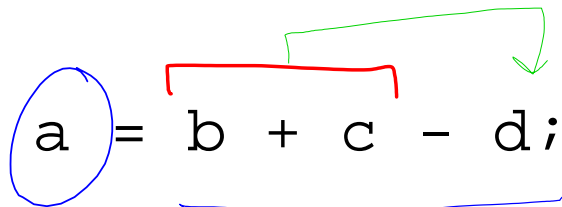
- Konsistentes Befehlsformat ←
- Gleiche Anzahl von Operanden
 - Zwei Quellen, ein Ziel
- Leichter zu kodieren und in Hardware zu bearbeiten

Befehle: Komplexere Abläufe

Komplexere Abläufe werden durch Folgen von einfachen Befehlen realisiert

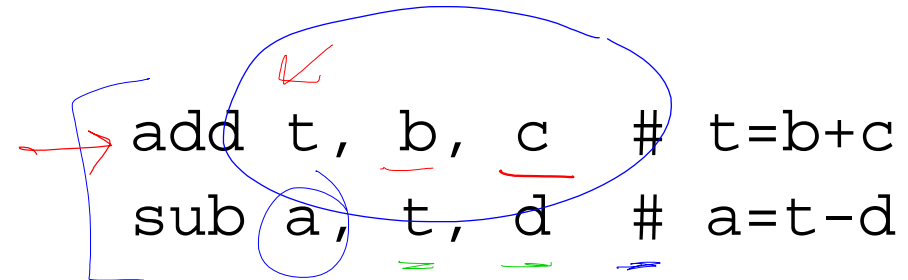
Hochsprache

```
a = b + c - d;
```



MIPS Assemblersprache

```
add t, b, c # t=b+c  
sub a, t, d # a=t-d
```



```
// Kommentare bis Zeilenende  
/* mehrzeiliger  
Kommentar */
```

```
# Kommentare bis Zeilende
```

Entwurfsprinzip 2

Mach den häufigen Fall schnell

- MIPS enthält nur **einfache, häufig verwendete** Befehle
- Hardware zur Dekodierung und Ausführung der Befehle kann einfach, klein und schnell sein
- Komplexe Anweisungen (die nur seltener auftreten) können durch Folgen von einfachen Befehlen realisiert werden

Mach den häufigen Fall schnell

- MIPS enthält nur **einfache, häufig verwendete** Befehle
- Hardware zur Dekodierung und Ausführung der Befehle kann einfach, klein und schnell sein
- Komplexe Anweisungen (die nur seltener auftreten) können durch Folgen von einfachen Befehlen realisiert werden
- MIPS ist ein Computer mit reduziertem Befehlssatz (***reduced instruction set computer, RISC***)
- Alternative: Computer mit komplexem Befehlssatz (***complex instruction set computer, CISC***)
 - Beispiel: Intel IA-32 / x86 (weit verbreitet in PCs)

Operanden

Ein Prozessor hat physikalische Speicherorte für die Operanden von Befehlen

Mögliche Speicherorte

Ein Prozessor hat physikalische Speicherorte für die Operanden von Befehlen

Mögliche Speicherorte

- Register ←
- Speicher ←
- Konstante Werte (*immediates*) - stehen häufig direkt im Befehl ←

Operanden: Register

- Speicher ist langsam
- Viele Architekturen haben deshalb kleine Anzahl von schnellen Registern
- MIPS hat 32 Register, jedes 32 Bit breit
Wird deshalb auch "32b Architektur" genannt
- Es gibt auch eine 64b-Version von MIPS
... wird hier aber nicht weiter behandelt

Entwurfsprinzip 3

Kleiner ist schneller ←

- MIPS stellt nur eine kleine Anzahl von Registern bereit
- Kann in schnellerer Hardware realisiert werden als größeres Registerfeld

MIPS Registerfeld

Name	Registernummer	Verwendungszweck
\$0	0	Konstante Null
\$at	1	Temporäre Variable für Assembler
\$v0-\$v1	2-3	Rückgabe von Werten aus Prozedur
\$a0-\$a3	4-7	Aufrufparameter in Prozedur
\$t0-\$t7	8-15	Temporäre Variablen
\$s0-\$s7	16-23	Gesicherte Variablen
\$t8-\$t9	24-25	Mehr temporäre Variablen
\$k0-\$k1	26-27	Temporäre Variablen für Betriebssystem
\$gp	28	Zeiger auf globale Variablen im Speicher
\$sp	29	Stapelzeiger im Speicher
\$fp	30	Zeiger auf aktuellen Aufruf-Frame im Speicher
\$ra	31	Rücksprungadresse aus Prozedur

Operanden: Register

Register:

- Kennzeichnend gemacht durch dem Namen vorangestelltes Dollar-Zeichen
- **Beispiel:** Register 0 wird geschrieben als “\$0” ←
Gelesen als: “Register Null” oder “Dollar Null”.

Bestimmte Register für bestimmte Verwendungszwecke, zum Beispiel:

- \$0 enthält immer den konstanten Wert 0.
- Gesicherte Register (\$s0 - \$s7) für das Speichern von Variablen
- Temporäre Register (\$t0 - \$t9) für das Speichern von Zwischenergebnissen während einer komplizierteren Rechnung

Saved

Operanden: Register

Zunächst benutzen wir nur

- Temporäre Register ($\$t0 - \$t9$) ←
- Gesicherte Register ($\$s0 - \$s7$)

Später mehr ...

Befehle mit Registerangaben

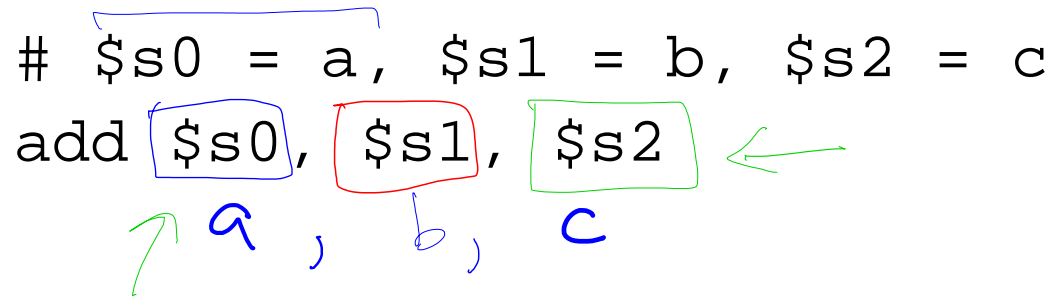
Rückblick auf add-Befehl

Hochsprache

`a = b + c`

MIPS Assemblersprache

`# $s0 = a, $s1 = b, $s2 = c`
`add $s0, $s1, $s2`

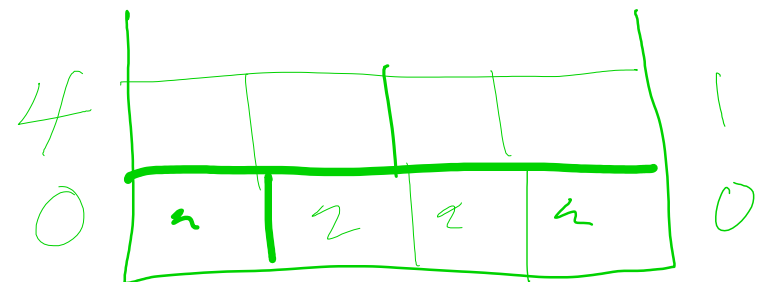
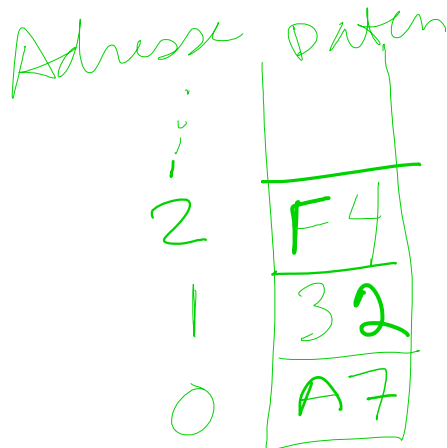


Operanden: Speicher

- Daten passen nicht alle in 32 Register
- Lege Daten im Hauptspeicher ab
- Hauptspeicher ist **groß** (GB...TB) und kann viele Daten halten ... ist aber auch **langsam**
- Speichere **häufig verwendete Daten in Registern**
- Kombiniere Register und Speicher zum Halten von Daten
 - **Ziel:** Greife schnell auf große Mengen von Daten zu

Wort- und Byte-Adressierung von Daten im Speicher

- MIPS ist **byte-adressiert**, das heißt... 
jedes Byte hat eine eindeutige Adresse



Wort- und Byte-Adressierung von Daten im Speicher

- MIPS ist **byte-adressiert**, das heißt...
jedes Byte hat eine eindeutige Adresse
- 32-bit Wort = 4 Bytes...
Adressen von Worten sind also Vielfache von 4

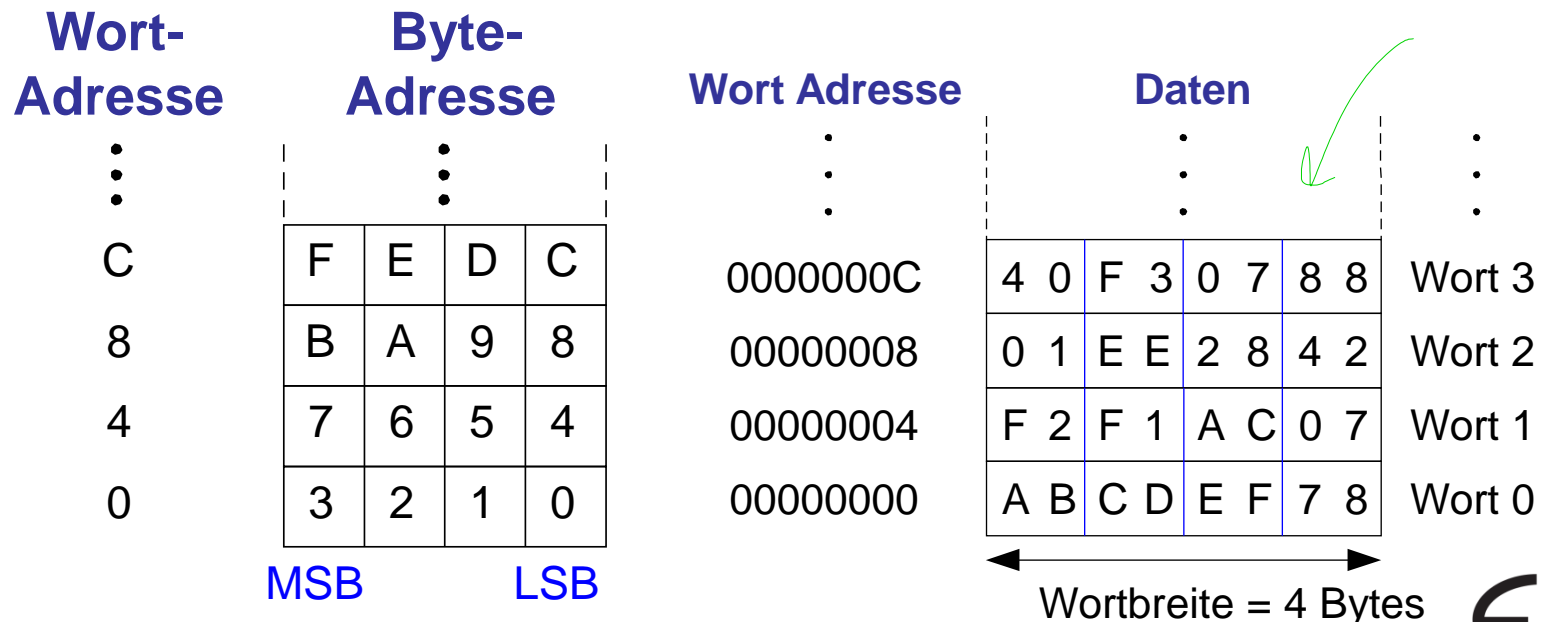
Wort- Adresse	Byte- Adresse			
⋮	⋮			
C	F	E	D	C
8	B	A	9	8
4	7	6	5	4
0	3	2	1	0
	MSB			LSB

3
2
1
0

Wort- und Byte-Adressierung von Daten im Speicher

- MIPS ist **byte-adressiert**, das heißt...
jedes Byte hat eine eindeutige Adresse
- 32-bit Wort = 4 Bytes...

Adressen von Worten sind also Vielfache von 4



Lesen aus byte-adressiertem Speicher



- Lesen geschieht durch Ladebefehle (*load*)
- Befehlsname: *load word* (lw)
- **Format:** `lw $t0, 8($s2)`

Handwritten annotations for the instruction `lw $t0, 8($s2)`:

- A green bracket under `$t0` with an arrow pointing to the text "Ziel operand" (target operand).
- A red bracket under `8($s2)` with an arrow pointing to the text "Adresse" (address).
- A handwritten note "Basisregister" (base register) with an arrow pointing to `$s2`.

Handwritten calculation for the address:

Distanz
Adresse: $(\$s2 + 8)$

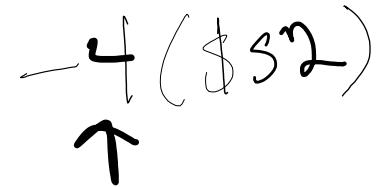
Handwritten result of the calculation:

$\$t0 = \text{Speicher}(\$s2 + 8)$

Lesen aus byte-adressiertem Speicher



- Lesen geschieht durch Ladebefehle (*load*)
- Befehlsname: *load word* (lw)
- **Format:** lw $\$t0$, $8(\$s2)$



Lese ein Datenwort von der Speicheradresse ($\$s2 + 8$) nach $\$t0$

Adressarithmetik: Adressen werden relativ zu einem Register angegeben

- Basisadresse ($\$s2$) plus Distanz (*offset*) (8)
- Adresse = ($\$s2 + 8$) ←

Ergebnis: $\$t0$ enthält das Datawort von Speicheradresse ($\$s2 + 8$)

Jedes Register darf als Basisadresse verwendet werden

Lesen aus byte-adressiertem Speicher



12

Beispiel: Lese Datenwort 3 (Speicheradresse 0xC)
nach \$s7

→ lw \$s7, 0xC(\$0)
 ↳ ↳ ↳ 12(\$0)

Wort-Adresse	Daten				
⋮	⋮	⋮	⋮	⋮	
0000000C	4 0	F 3	0 7	8 8	Wort 3 ←
00000008	0 1	E E	2 8	4 2	Wort 2
00000004	F 2	F 1	A C	0 7	Wort 1
00000000	A B	C D	E F	7 8	Wort 0

←—————→
Wortbreite = 4 Bytes

Lesen aus byte-adressiertem Speicher

Beispiel: Lese Datenwort 3 (Speicheradresse 0xC)
nach $\$s7$

$lw \$s7, 0xC(\$0)$

~~$lw \$s7, 0xC$~~

Adressarithmetik:

- Basisadresse ($\$0$) plus Distanz (*offset*) (0xC)
- Adresse = ($\$0 + 12$) = 12

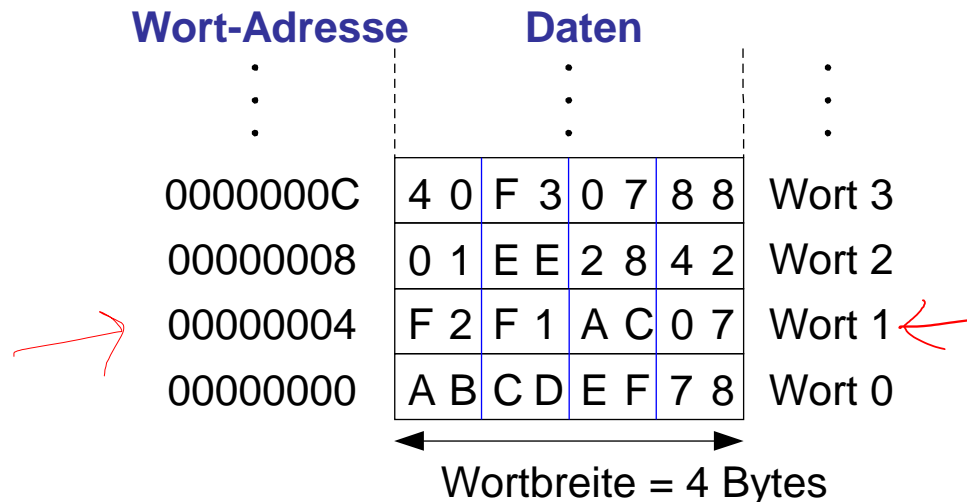
Nach Abarbeiten des Befehls hat $\$s7$ den Wert 0x40F30788

Wort-Adresse	Daten	
⋮	⋮	⋮
0000000C	4 0 F 3 0 7 8 8	Wort 3
00000008	0 1 E E 2 8 4 2	Wort 2
00000004	F 2 F 1 A C 0 7	Wort 1
00000000	A B C D E F 7 8	Wort 0

← Wortbreite = 4 Bytes →

Lesen aus byte-adressiertem Speicher

Beispiel: Lese Datenwort 1 nach `$s5`



Lesen aus byte-adressiertem Speicher

Beispiel: Lese Datenwort 1 nach $\$s5$

$lw \$s5, 4(\$0)$

Adressarithmetik:

- Basisadresse ($\$0$) plus Distanz (*offset*) (4)
- Adresse = ($\$0 + 4$) = 4

Nach Abarbeiten des Befehls hat $\$s5$ den Wert 0xF2F1AC07

Wort-Adresse	Daten	
⋮	⋮	⋮
0000000C	4 0 F 3 0 7 8 8	Wort 3
00000008	0 1 E E 2 8 4 2	Wort 2
00000004	F 2 F 1 A C 0 7	Wort 1
00000000	A B C D E F 7 8	Wort 0

← Wortbreite = 4 Bytes →

Schreiben in byte-adressiertem Speicher



- Schreiben geschieht durch Speicherbefehle (*store*)
- Befehlsname: *store word* (*sw*)

- **Format:** `sw $t4, (0x1c($0))`

Adresse

Adresse $i(\$0 + 0x1c)$

Schreiben in byte-adressiertem Speicher



- Schreiben geschieht durch Speicherbefehle (*store*)
- Befehlsname: *store word* (*sw*)
- **Format:** `sw $t4, 0x1c($0)`

Beispiel: Schreibe (speichere) den Wert aus `$t4` in Speicherwort 7 (bzw. Speicheradresse $7 \times 4 = 28 = 0x1C$)

Schreiben in byte-adressiertem Speicher



- Schreiben geschieht durch Speicherbefehle (*store*)
- Befehlsname: *store word* (*sw*)
- **Format:** *sw* $\$t4$, $0x1c$ ($\$0$)

Beispiel: Schreibe (speichere) den Wert aus $\$t4$ in Speicherwort 7 (bzw. Speicheradresse $7 \times 4 = 28 = 0x1C$)

Adressarithmetik:

- Basisadresse ($\$0$) plus Distanz (*offset*) ($0x1c$)
- Adresse = ($\$0 + 28$)

Ergebnis: Nach Abarbeiten des Befehls enthält Speicheradresse ($\$0 + 28$) das Datawort von $\$t4$

Schreiben in byte-adressiertem Speicher



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

Beispiel: Schreiben Sie den Wert in \$t2 in Speicherwort 15

$$15 \times 4 = 60$$

SW \$t2, 60(\$0)

Schreiben in byte-adressiertem Speicher



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

Beispiel: Schreiben Sie den in \$t2 in Speicherwort 15

```
addi $t2, $0, 79
```

```
sw $t2, 60($0)
```

Adressarithmetik:

- Basisadresse (\$0) plus Distanz (*offset*) (60)
- Adresse = ($\$0 + 60$) = 60

Nach Abarbeiten des Befehls hat Speicheradresse 60 den Wert 79.

Byte-adressierbarer Speicher

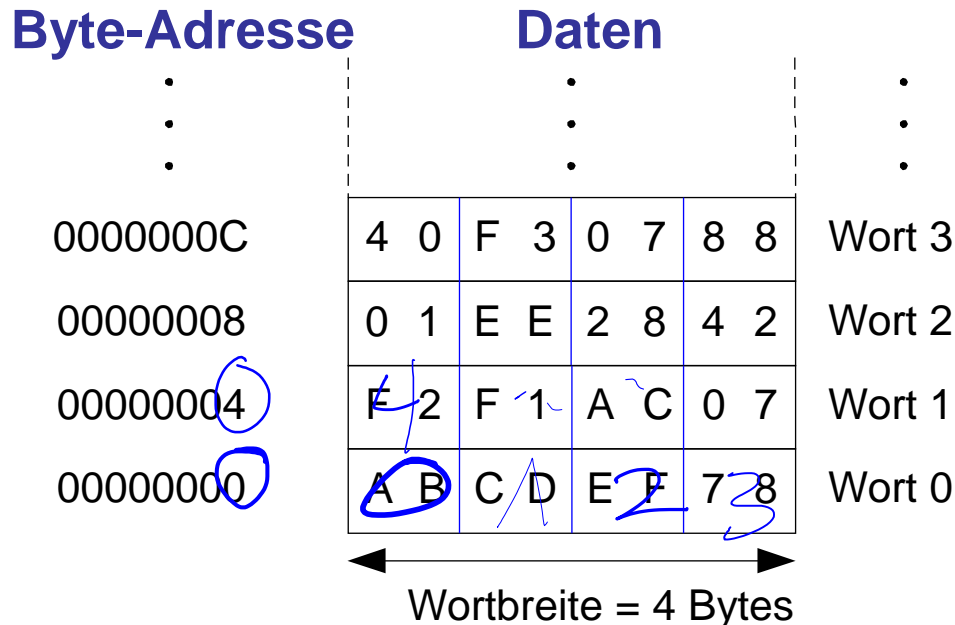


TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

Speicherbefehle können auf Worten oder Bytes arbeiten

Worte: lw / sw

Bytes: lb / sb



Speicherorganisation: Big-Endian und Little-Endian

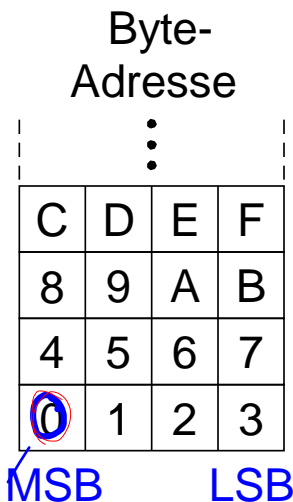
Schemata für Nummerierung von Bytes in einem Wort

Wort-Adresse ist bei beiden **gleich**

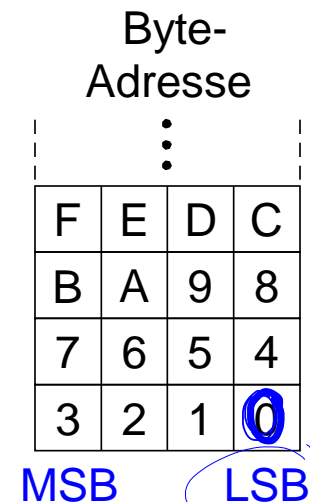
Little-endian: Bytes werden vom niederstwertigen Ende an gezählt

Big-endian: Bytes werden vom höchstwertigen Ende an gezählt

Big-Endian



Little-Endian



Speicherorganisation: Big-Endian und Little-Endian



Aus Jonathan Swift's *Gullivers Reisen*

- **Little-Endians** schlagen Eier an der schmalen Seite auf
- **Big-Endians** schlagen Eier an der breiten Seite auf

Welche Organisation benutzt wird ist im Prinzip egal ...

... außer wenn unterschiedliche Systeme Daten austauschen müssen

Big-Endian

Byte-Adresse			
⋮			
C	D	E	F
8	9	A	B
4	5	6	7
0	1	2	3
MSB			LSB

Little-Endian

Byte-Adresse			
⋮			
F	E	D	C
B	A	9	8
7	6	5	4
3	2	1	0
MSB			LSB

Beispiel: Big-Endian und Little-Endian



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

Annahme: $\$t0$ enthält den Wert 0x23456789

Programm:

```
→ sw $t0, 0($0)
→ lb $s0, 1($0)
```

Fragen: Welchen Wert hat $\$s0$ nach Ausführung auf einem...

- ... Big-Endian Prozessor? 45
- ... Little-Endian Prozessor? 67

Beispiel: Big-Endian und Little-Endian



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

Annahme: `$t0` enthält den Wert `0x23456789`

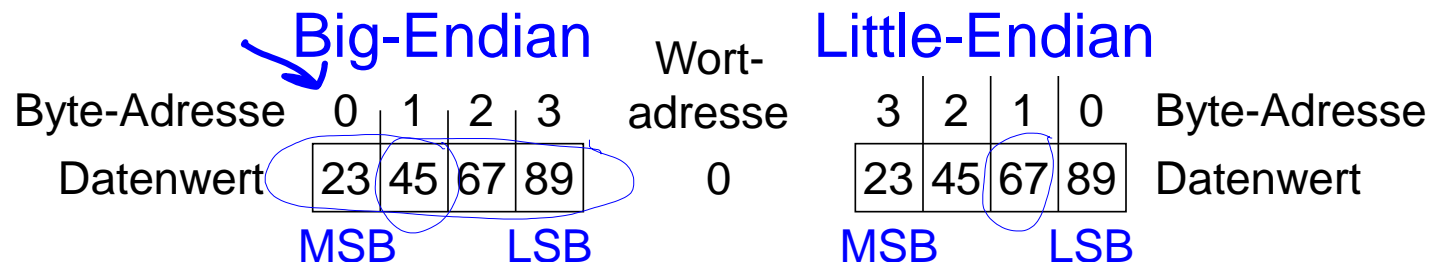
Programm:

```
sw $t0, 0($0)
```

```
lb $s0, 1($0)
```

Fragen: Welchen Wert hat `$s0` nach Ausführung auf einem...

- ... Big-Endian Prozessor? `0x00000045`
- ... Little-Endian Prozessor? `0x00000067`



Entwurfsprinzip 4

Ein guter Entwurf verlangt gute Kompromisse

- Mehrere **Befehlsformate** erlauben Flexibilität ...
 - add, sub: verwenden drei Register als Operanden
 - lw, sw: verwendet zwei Register und eine Konstante als Operanden
- ... aber **Anzahl** von Befehlsformaten sollte klein sein ←
 - Entwurfsprinzip 1: Regularität vereinfacht Entwurf
 - Entwurfsprinzip 3: Kleiner ist schneller

Operanden: Konstante Werte in Befehl (*immediates*)

- `lw` und `sw` zeigen die Verwendung von konstanten Werten (*immediates*)
 - Direkt im Befehl untergebracht, deshalb auch **Direktwerte** ← genannt
 - Brauchen kein eigenes Register oder Speicherzugriff
- Befehl “add immediate” (`addi`) addiert Direktwert auf Register
- Direktwert ist 16b Zweierkomplementzahl

→ Hochsprache

→ `a = a + 4;`
`b = a - 12;`

MIPS Assemblersprache

`$s0 = a, $s1 = b`
→ `addi $s0, $s0, 4` ←
→ `addi $s1, $s0, -12`

Maschinensprache

- Computer verstehen nur 0'en und 1'en
- **Maschinensprache:** Binärdarstellung von Befehlen
- 32b Befehle
 - **Regularität vereinfacht Entwurf:** Daten und Befehle sind beides 32b Worte

Drei Befehlsformate

- **R-Typ:** Operanden sind nur Register
- **I-Typ:** Register und ein Direktwert
- **J-Typ:** für Programmsprünge (kommt noch)

Befehlsformat R-Typ (Register Typ)

3 Registeroperanden

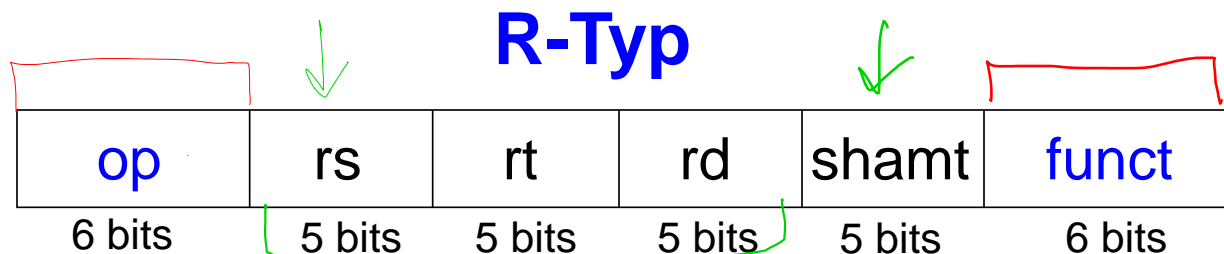
- rs: *source* Quellregister
- rt: Quellregister
- rd: Zielregister *destination*

add \$s0, \$t1, \$0

rd *rs* *rt*

Andere Angaben in binärkodiertem Befehl:

- op: Operations-Code oder Opcode (ist 0 für Befehle vom R-Typ)
- funct: Auswahl der genauen Funktion
Opcode und Funktion zusammen bestimmen die auszuführende Operation
- shamt: Schiebeweite für Shift-Befehle, sonst 0



Beispiele für Befehle vom R-Typ

Assemblersprache

add \$s0, \$s1, \$s2
sub \$t0, \$t3, \$t5

Felder in Befehlsword

op	rs	rt	rd	shamt	funct
0	17	18	16	0	32
0	11	13	8	0	34

6 bits 5 bits 5 bits 5 bits 5 bits 6 bits

Maschinsprache

op	rs	rt	rd	shamt	funct	
000000	10001	10010	10000	00000	100000	(0x02328020)
000000	01011	01101	01000	00000	100010	(0x016D4022)

6 bits 5 bits 5 bits 5 bits 5 bits 6 bits

Beachte andere Reihenfolge der Register in Assembler-Sprache:

add rd, rs, rt

Zusammenfassung von der letzten Vorlesung

MIPS Architektur

Assemblersprache:

- **Befehle:** `add, sub, lw, sw, addi`
- **Operanden:** Register, Speicher, Direktwert (immediate)
 - 32 32b Register
 - Byte-adressierbarer Speicher
 - 16b Zweierkomplement Direktwert im Befehl

Machinsprache:

- **32b breit:** Assemblerbefehl in Maschinenbefehl umsetzen
- **R-Typ, I-Typ, J-Typ**

Befehlsformat R-Typ (Register Typ)

3 Registeroperanden

rs: Quellregister
rt: Quellregister
rd: Zielregister

add rd, rs, rt

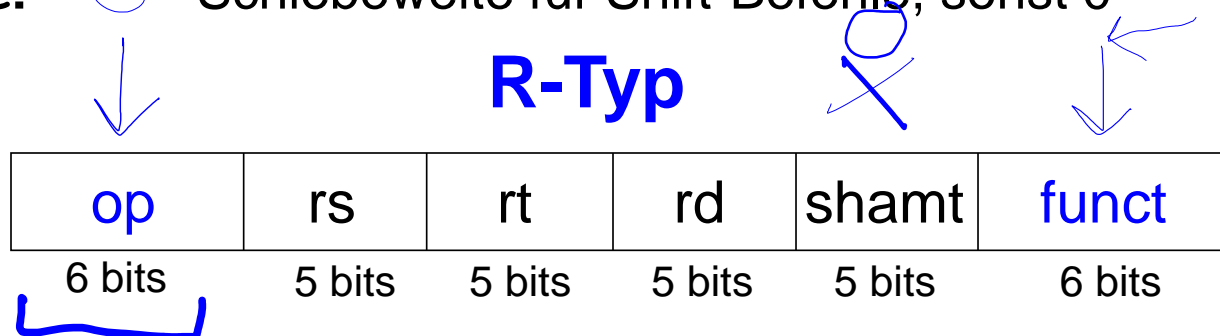
add \$s0, \$t1, \$s2

Andere Angaben in binärkodiertem Befehl:

op: Operations-Code oder Opcode (ist 0 für Befehle vom R-Typ)

funct: Auswahl der genauen *Funktion*
Opcode und Funktion zusammen bestimmen die auszuführende Operation

shamt: Schiebeweite für Shift-Befehle, sonst 0



Beispiele für Befehle vom R-Typ

Assemblersprache

rd rs rt
 add \$s0, \$s1, \$s2
 sub \$t0, \$t3, \$t5

Felder in Befehlsword

op	rs	rt	rd	shamt	funct
0	17	18	16	0	32
0	11	13	8	0	34
6 bits	5 bits	5 bits	5 bits	5 bits	6 bits

Maschinsprache

op	rs	rt	rd	shamt	funct	
000000	10001	10010	10000	00000	100000	(0x02328020)
000000	01011	01101	01000	00000	100010	(0x016D4022)
6 bits	5 bits	5 bits	5 bits	5 bits	6 bits	

Beachte andere Reihenfolge der Register in Assembler-Sprache:

add rd, rs, rt

Befehlsformat I-Typ (Immediate Typ)

3 Operanden:

rs: Quellregister

rt: ~~Quell~~/Zielregister

imm: 16b Direktwert im Zweierkomplement ←

addi ^{rt} \$s0, ^{rs} \$s2, -4

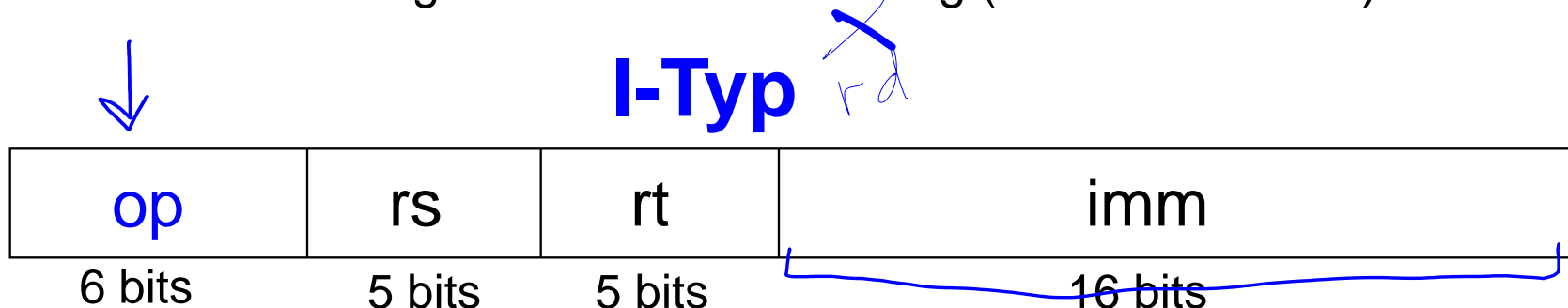
Andere Angaben:

op: Opcode

Regularität vereinfacht Entwurf: **Alle** Befehle haben einen Opcode

Operation wird bei I-Typ **nur** durch Opcode bestimmt

- Keine Angabe über Funktion nötig (oder vorhanden!)



Wiederholung: Zahlen

Beispiele: 4b Zahlen:

Vorzeichenlose Zahlen: 0000_2 bis 1111_2 (Dezimal: 0 bis 15)

Vorzeichenbehaftete Zahlen: 1000 bis 0111 (Dezimal: -8 bis 7)
(genannt: zweierkomplemente Zahlen)

Beispiele

Vorzeichenlosezahl

$$\begin{array}{cccc} \textcircled{1} & \textcircled{1} & 0 & 0 \\ \hline & & & \\ \text{---} & & & \\ 2^3 & 2^2 & 2^1 & 2^0 \\ 8 & 4 & 2 & 1 \end{array} = 8 + 4 = 12$$

Zweierkomplementezahl

$$\begin{array}{cccc} \textcircled{1} & 0 & 0 & \textcircled{1} \\ \hline & & & \\ -2^3 & 2^2 & 2^1 & 2^0 \\ \uparrow & 4 & 2 & 1 \end{array} = -8 + 1 = -7$$

Beispiele



Vorzeichenlosezahl

$$\frac{1}{2^3} \frac{1}{2^2} \frac{0}{2^1} \frac{0}{2^0} = 8 + 4 = 12$$

Zweierkomplementezahl

$$\frac{1}{-2^3} \frac{0}{2^2} \frac{0}{2^1} \frac{1}{2^0} = -8 + 1 = -7$$

Wiederholung: Zweierkomplementzahlen



Beispiel:

Stellen Sie -4 als ein 4b Zweierkomplementzahl dar:

$$\begin{array}{r} 4: \quad 0100 \\ \quad \quad 11 \\ \textcircled{1} \quad 1011 \\ + \quad \quad 1 \\ \hline \textcircled{2} \quad 1100 \leftarrow -4 \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{Übertragung} \\ \text{Zeichenbit} \end{array}$$

The diagram illustrates the conversion of the decimal number 4 to its 4-bit two's complement representation, -4. It shows the binary number 0100 for 4, followed by adding 1 to its one's complement (1011). The result is 1100, where the leading 1 is the sign bit. A green arrow points from the 1100 result back to the 4, and another green arrow points from the 1100 result to the -4. A red arrow points from the 1100 result to the 11, with the word 'Übertragung' (Carry) written in red. A bracket under the 1100 result is labeled 'Zeichenbit' (Sign bit) in red.

Wiederholung: Zweierkomplementzahlen



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

Beispiel:

Stellen Sie -4 als ein 4b Zweierkomplementzahl dar:

$$4 = 0100$$

Lösung:

1. Bits invertieren: 1011

2. 1 darauf addieren:
$$\begin{array}{r} + 1 \\ \hline \end{array}$$

Ergebnis:

1100



-4

Handwritten solution showing the conversion of 4 to -4 in 4-bit two's complement:

$$\begin{array}{r} \textcircled{1} \quad 0011 \\ + \quad \quad \quad 1 \\ \hline 0100 \end{array}$$

Red annotations: $\wedge \wedge$ above the first two bits of 0011, \wedge above the last bit of 1, and arrows pointing to the final result 0100.

Zweierkomplement arithmetisch bilden



In **beide** Richtungen anwendbar

- Vorzeichenwechsel: $k \rightarrow -k$

Algorithmus

1. Alle Bits invertieren ($0 \rightarrow 1$, $1 \rightarrow 0$)
2. Dann 1 addieren

Beispiel: Vorzeichenwechsel von $3_{10} = 00011_2$

1. 11100_2

2. $11101_2 = -3_{10}$

Beispiel: Vorzeichenwechsel von $-3_{10} = 11101_2$

1. 00010_2

2. $00011_2 = 3_{10}$

Weitere Beispiele

Zweierkomplement

- Bestimme Zweierkomplement von $6_{10} = 0110_2$

1. 1001
2. + 1

 1010₂ = -6₁₀

- Was ist der Dezimalwert der Zweierkomplementzahl 1001_2 ?

1. 0110
2. + 1

 0111₂ = 7₁₀, msb war vorher 1 also negativ: $1001_2 = -7_{10}$

Addition im Zweierkomplement: es funktioniert

- Addiere $6 + (-6)$

$$\begin{array}{r} 111 \\ 0110 \\ + 1010 \\ \hline 0000 \end{array}$$

Handwritten annotations: A red '1' is written above the first zero of the result. A red checkmark is next to the result. To the right, '6' and '-6' are written in red, with a red checkmark below them.

Übertrag:
Ignorieren, wenn
Positive und negative
Zahlen gleicher
Bitbreite addiert
werden

- Addiere $-2 + 3$

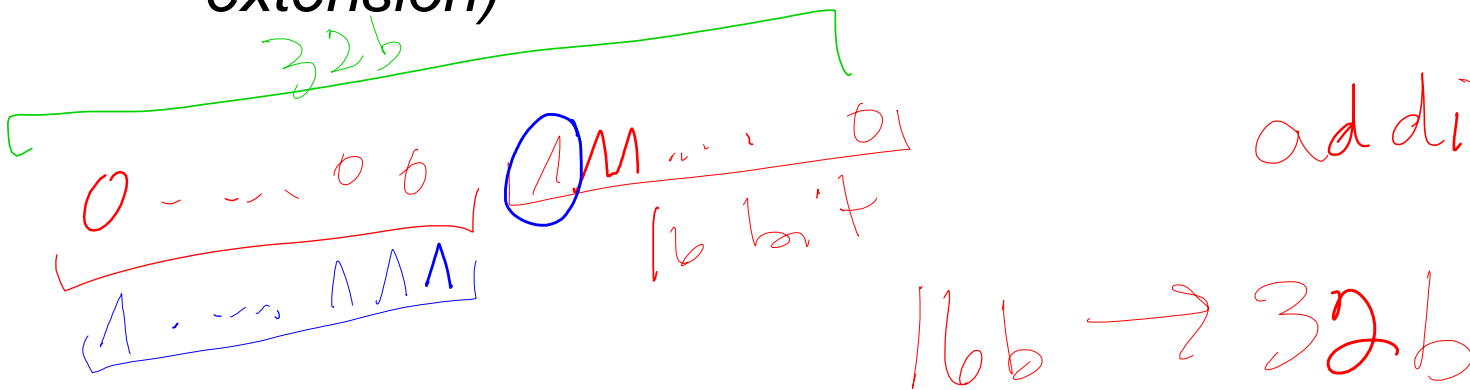
$$\begin{array}{r} 111 \\ 1110 \\ + 0011 \\ \hline 10001 \end{array}$$

Handwritten annotations: A red '1' is written above the first zero of the result. A red checkmark is next to the result. To the right, '-2' and '3' are written in red, with a red checkmark below them.

Erweitern von Zahlen auf höhere Bitbreite

Zwei Möglichkeiten

- Auffüllen mit führenden Nullen (zero extension) ←
- Auffüllen mit dem bisherigen Vorzeichen (sign extension)



addi \$s1, \$t0, -15

Erweitern durch Auffüllen mit Vorzeichenbit

Vorzeichenbit nach **links** kopieren bis gewünschte Breite erreicht

- Zahlenwert bleibt **unverändert** - auch bei negativen Zahlen!

Beispiel 1:

- 4-bit Darstellung von 3 = **0011**
- 8-bit aufgefüllt durch Vorzeichen: **0000**0011



4b → 8b

Beispiel 2:

- 4-bit Darstellung von -5 = **1011**
- 8-bit aufgefüllt durch Vorzeichen : **1111**1011



Erweitern durch Auffüllen mit Nullbits



Nullen nach **links** anhängen bis gewünschte Breite erreicht

- **Zerstört** Wert von negativen Zahlen - positive Zahlen bleiben unverändert

Beispiel 1:

- 4-bit Wert = $0011 = 3_{10}$
- 8-bit durch Auffüllen mit Nullbits: $00000011 = 3_{10}$

Beispiel 2:

- 4-bit Wert = $1011 = -5_{10}$
- 8-bit durch Auffüllen mit Nullbits : $00001011 = 11_{10}$, falsch!

Befehlsformat I-Typ (Immediate Typ)

3 Operanden:

rs: Quellregister ←

rt: Quell/Zielregister ←

imm: 16b Direktwert im Zweierkomplement ←

Andere Angaben:

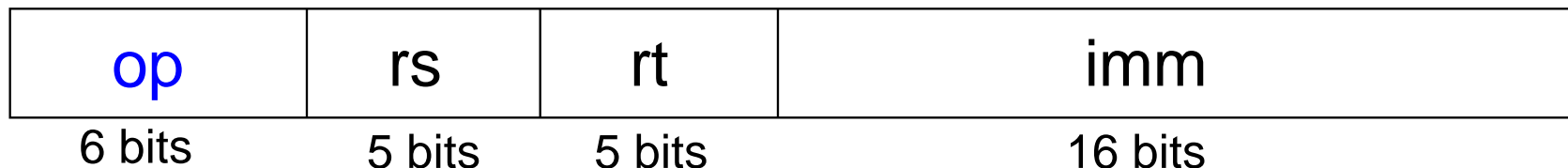
op: Opcode

Regularität vereinfacht Entwurf: **Alle** Befehle haben einen Opcode

Operation wird bei I-Typ **nur** durch Opcode bestimmt

- Keine Angabe über Funktion nötig (oder vorhanden!)

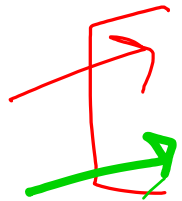
I-Typ



Beispiel für Befehle vom I-Typ

Assemblersprache

¹⁶ ¹⁷
 addi \$s0, \$s1, 5
^{rt} ^{rs}
 addi \$t0, \$s3, -12
^{rt} ^{rs}
 lw \$t2, 32(\$0)
 sw \$s1, 4(\$t1)



Felder im Befehlsword

op	rs	rt	imm
8	17	16	5
8	19	8	-12
35	0	10	32
43	9	17	4

6 bits 5 bits 5 bits 16 bits

Maschinensprache

op	rs	rt	imm	
001000	10001	10000	0000 0000 0000 0101	(0x22300005)
001000	10011	01000	1111 1111 1111 0100	(0x2268FFF4)
100011	00000	01010	0000 0000 0010 0000	(0x8C0A0020)
101011	01001	10001	0000 0000 0000 0100	(0xAD310004)

6 bits 5 bits 5 bits 16 bits

lw \$t2, 32(\$0)

adresse: \$0 + 32
: 32

\$t2 ← Speicher(32)

Beispiel für Befehle vom I-Typ

Assemblersprache

```
addi $s0, $s1, 5
addi $t0, $s3, -12
lw    $t2, 32($0)
sw    $s1, 4($t1)
```

Felder im Befehlswort

op	rs	rt	imm
8	17	16	5
8	19	8	-12
35	0	10	32
43	9	17	4

6 bits 5 bits 5 bits 16 bits

Beachte unterschiedliche Reihenfolge von Registern in Assembler- und Maschinensprache

```
addi rt, rs, imm
lw    rt, imm(rs)
sw    rt, imm(rs)
```

Maschinensprache

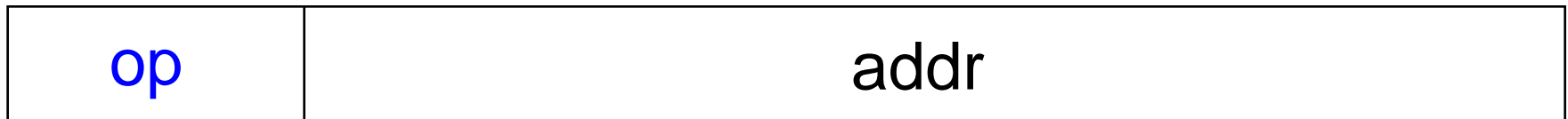
op	rs	rt	imm	
001000	10001	10000	0000 0000 0000 0101	(0x22300005)
001000	10011	01000	1111 1111 1111 0100	(0x2268FFF4)
100011	00000	01010	0000 0000 0010 0000	(0x8C0A0020)
101011	01001	10001	0000 0000 0000 0100	(0xAD310004)

6 bits 5 bits 5 bits 16 bits

Befehlsformat J-Typ (Jump Typ)

- 26b Adressoperand (`addr`)
- Verwendet für Sprungbefehle (`j`)

J-Typ



6 bits

26 bits

32b



Übersicht über Befehlsformate



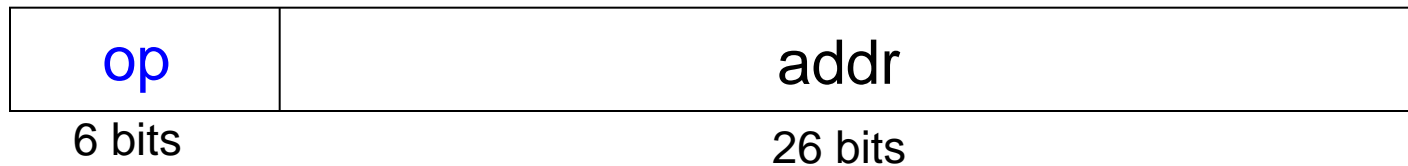
R-Typ



I-Typ



J-Typ



Flexibilität durch gespeicherte Programme





TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

- 32b Befehle und Daten im **Speicher**
- Folgen von Befehlen bestimmen **Verhalten**
- Einziger Unterschied zwischen zwei Anwendungen
- Ausführen von **unterschiedlichen** Programmen
 - Ohne Neuverdrahten oder Neuaufbau von Hardware
 - Nur neues Programm als **Maschinsprache** im Speicher ablegen

Flexibilität durch gespeicherte Programme

Die Hardware des Prozessors führt Programm schrittweise aus:

- **Holt neue Befehle** aus dem Speicher (*fetch*) in  richtiger Reihenfolge
- **Führt die** im Befehl verlangte Operation aus 

Programmzähler (*program counter, PC*)

- Zeigt Adresse des auszuführenden Befehls an

Bei MIPS: Programmausführung **beginnt** auf Adresse 0x00400000

Im Speicher abgelegtes Programm

Assemblersprache

Maschinensprache

→ lw	\$t2, 32(\$0)	0x8C0A0020
→ add	\$s0, \$s1, \$s2	0x02328020
→ addi	\$t0, \$s3, -12	0x2268FFF4
sub	\$t0, \$t3, \$t5	0x016D4022

Programm im Speicher

Adresse	Befehle
⋮	⋮
0040000C	0 1 6 D 4 0 2 2
00400008	2 2 6 8 F F F 4
00400004	0 2 3 2 8 0 2 0
00400000	8 C 0 A 0 0 2 0
⋮	⋮

←

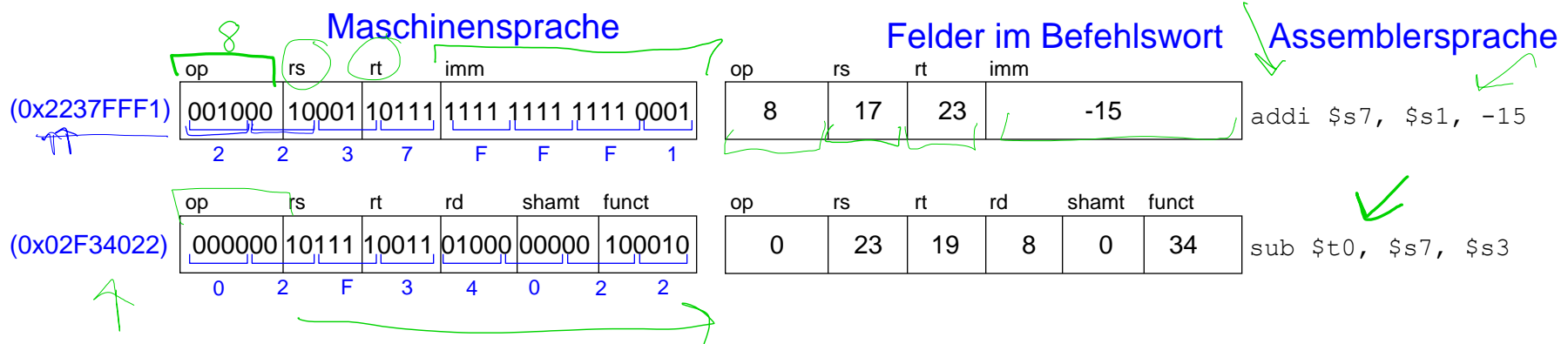
PC = PC + 4
PC = PC + 4
PC = 0x00400000

niedrigsten

Hauptspeicher

Maschinensprache verstehen

- Beginn mit **Entschlüsseln** des Opcodes
- Opcode bestimmt **Bedeutung** der anderen Bits
- Wenn Opcode **Null** ist
 - ... liegt ein Befehl im **R-Format** vor
 - Die Operation wird durch das Funktionsfeld bestimmt
- **Sonst**
 - Bestimmt Opcode alleine die Operation, siehe Anhang B im Buch



Hochsprachen:

- z.B. C, Java, Python, Scheme
- Auf einer **abstrakteren** Ebene programmieren



Häufige Konstrukte in Hochsprachen:

- if/else-Anweisungen
- for-Schleifen
- while-Schleifen
- Feld (Array) zugriffe
- Prozeduraufrufe



Andere **nützliche** Anweisungen:

- Arithmetische/logische Ausdrücke
- Verzweigungen



Ada Lovelace, 1815 - 1852



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

- Schrieb das erste Computerprogramm
- Sollte die Bernoulli-Zahlen auf der Analytischen Maschine von Charles Babbage berechnen
- Ein Kind des Dichters Lord Byron



Programmierung

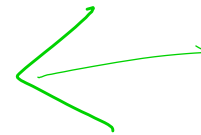


Hochsprachen:

- z.B. C, Java, Python, Scheme
- Auf einer **abstrakteren** Ebene programmieren

Häufige Konstrukte in Hochsprachen:

- if/else-Anweisungen
- for-Schleifen
- while-Schleifen
- Feld (Array) zugriffe
- Prozeduraufrufe



Andere **nützliche** Anweisungen:

- **Arithmetische/logische Ausdrücke**
- **Verzweigungen**



Logische Befehle

and, or, xor, nor

- and: nützlich zum **Maskieren** von Bits ←

Beispiel: Ausmaskieren aller Bits außer dem LSB:

$$0xF234012F \text{ AND } 0x000000FF = 0x0000002F$$

- → or: Nützlich zum **Vereinigen** von Bitfeldern

Beispiel: Vereinige $0xF2340000$ mit $0x000012BC$:

$$0xF2340000 \text{ OR } 0x000012BC = 0xF23412BC$$

- nor: nützlich zur **Invertierung** von Bits:

Beispiel: $A \text{ NOR } \$0 = \text{NOT } A$ ←

Logische Befehle mit Konstanten



andi, ori, xori

- 16-bit Direktwert wird erweitert mit führenden **Nullbits** (*nicht vorzeichenerweitert*)
- `nor` wird nicht benötigt ←

`andi $s21, $r1, 0xFFFF`
↓
`0x0000FFFF`

Beispiele: Logische Befehle

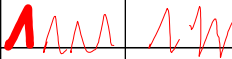

Quellregister

\$s1	1111	1111	1111	1111	0000	0000	0000	0000
\$s2	0100	0110	1010	0001	1111	0000	1011	0111

Assemblersprache

```
and $s3, $s1, $s2  
or $s4, $s1, $s2  
xor $s5, $s1, $s2  
nor $s6, $s1, $s2
```

Ergebnisse

\$s3								
\$s4								
\$s5								
\$s6								

Beispiele: Logische Befehle

Quellregister

\$s1	1111	1111	1111	1111	0000	0000	0000	0000
\$s2	0100	0110	1010	0001	1111	0000	1011	0111

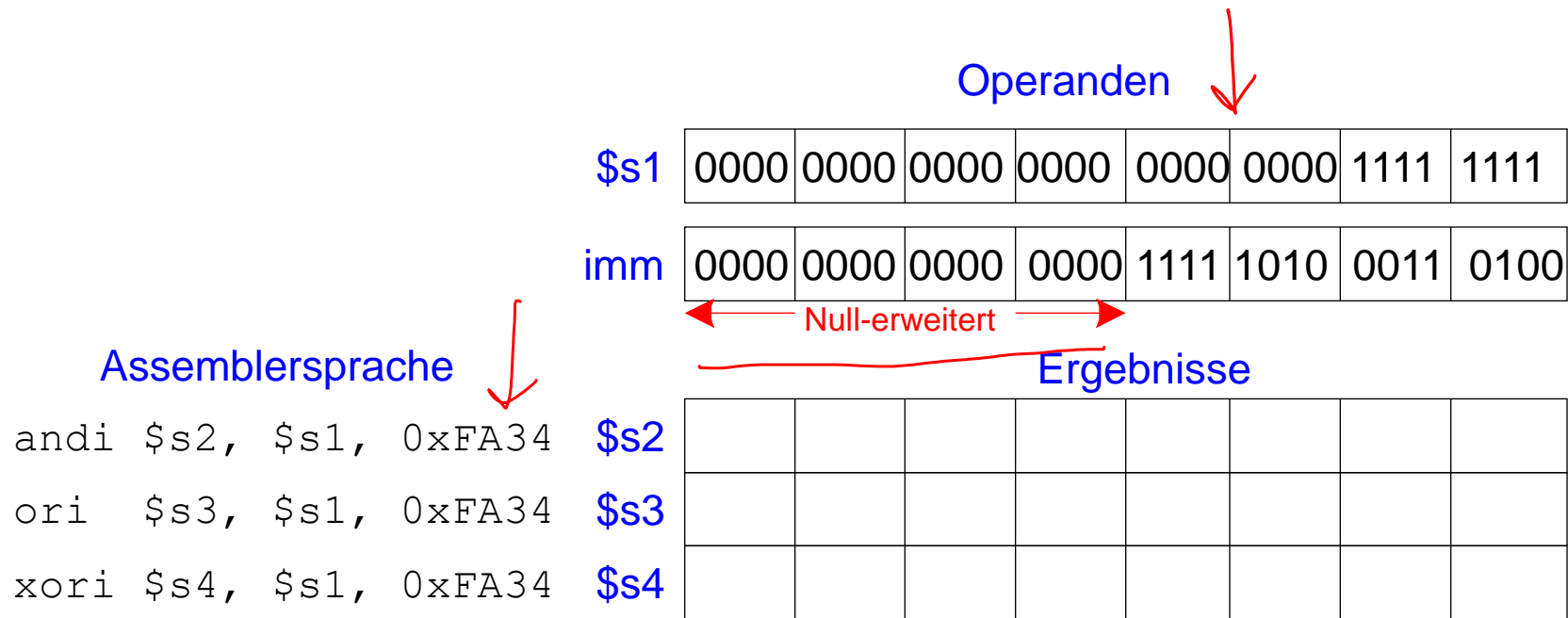
Assemblersprache

```
and $s3, $s1, $s2  
or $s4, $s1, $s2  
xor $s5, $s1, $s2  
nor $s6, $s1, $s2
```

Ergebnisse

\$s3	0100	0110	1010	0001	0000	0000	0000	0000
\$s4	1111	1111	1111	1111	1111	0000	1011	0111
\$s5	1011	1001	0101	1110	1111	0000	1011	0111
\$s6	0000	0000	0000	0000	0000	1111	0100	1000

Beispiele: Logische Befehle



Beispiele: Logische Befehle

Operanden

\$s1	0000	0000	0000	0000	0000	0000	1111	1111
imm	0000	0000	0000	0000	1111	1010	0011	0100

← Null-erweitert →

Assemblersprache

andi	\$s2	\$s1	0xFA34	\$s2	0000	0000	0000	0000	0000	0000	0011	0100
ori	\$s3	\$s1	0xFA34	\$s3	0000	0000	0000	0000	1111	1010	1111	1111
xori	\$s4	\$s1	0xFA34	\$s4	0000	0000	0000	0000	1111	1010	1100	1011

Ergebnisse

Schiebebefehle

sll: shift left logical

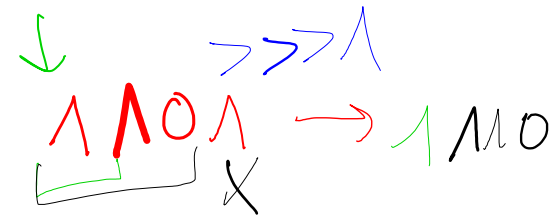
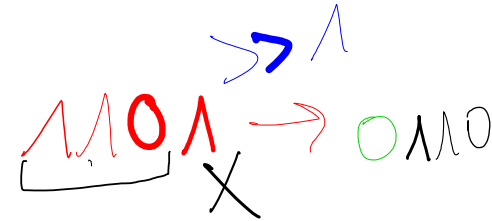
- **Beispiel:** `sll $t0, $t1, 5`
`$t0 <= $t1 << 5`

srl: shift right logical ←

- **Beispiel:** `srl $t0, $t1, 5`
`$t0 <= $t1 >> 5`

sra: shift right arithmetic ←

- **Beispiel:** `sra $t0, $t1, 5`
`$t0 <= $t1 >>> 5`



Schieben mit variabler Distanz:

sllv: shift left logical variable

- **Beispiel:** `sllv $t0, $t1, $t2`
`$t0 <= $t1 << $t2`

srlv: shift right logical variable

- **Beispiel:** `srlv $t0, $t1, $t2`
`$t0 <= $t1 >> $t2`

srav: shift right arithmetic variable

- **Beispiel:** `srav $t0, $t1, $t2`
`$t0 <= $t1 >>> $t2`

Schiebebefehle



Assemblersprache

$\overset{rd}{sll} \ \$t0, \ \$s1, \ \overset{rt}{2}$
 $srl \ \$s2, \ \$s1, \ 2$
 $sra \ \$s3, \ \$s1, \ 2$

Felder in Instruktion

op	rs	rt	rd	shamt	funct
0	0	17	8	2	0
0	0	17	18	2	2
0	0	17	19	2	3

6 bits 5 bits 5 bits 5 bits 5 bits 6 bits

Maschinsprache

op	rs	rt	rd	shamt	funct	
000000	00000	10001	01000	00010	000000	(0x00114080)
000000	00000	10001	10010	00010	000010	(0x00119082)
000000	00000	10001	10011	00010	000011	(0x00119883)

6 bits 5 bits 5 bits 5 bits 5 bits 6 bits

Handhabung von Konstanten

16-Bit Konstante mit addi:

Hochsprache

```
// int ist ein  
// vorzeichenbehaftetes  
// 32b Wort
```

→ int a = 0x4f3c;

MIPS Assemblersprache

```
# $s0 = a
```

→ addi \$s0, \$0, 0x4f3c ←

32-Bit Konstante mit Load Upper Immediate (lui) und ori:

(lui lädt den 16-Bit Direktwert in obere Registerhälfte und setzt untere Hälfte auf 0.)

Hochsprache

```
int a = 0xFEDC8765;
```

\$s0

F E D C | 8 7 6 5

MIPS Assemblersprache

```
# $s0 = a
```

```
lui $s0, 0xFEDC ←
```

```
ori $s0, $s0, 0x8765 ←
```


Multiplikation und Division



Spezialregister: lo, hi ←

- 32b × 32b Multiplikation, 64b Produkt

mult \$s0, \$s1 ←

Ergebnis in {hi, lo} ←

- 32b Division, 32b Quotient, 32b Rest

div \$s0, \$s1

Quotient in lo

Rest in hi

$$\$s0 / \$s1 = lo + \frac{hi}{\$s1}$$

- Lesen von Daten aus Spezialregistern („move from ...“)


mfl0 \$s2

mfhi \$s3

$$\$s2 \leftarrow lo$$

Verzweigungen und Sprünge



- Ändern der Ausführungsreihenfolge von Befehlen
- Arten von Verzweigungen:
 - **Bedingte** 
 - branch if equal (`beq`): Verzweige, wenn gleich
 - branch if not equal (`bne`): Verzweige, wenn ungleich
 - **Unbedingte Verzweigungen**
 - jump (`j`): Springe
 - jump register (`jr`): Springe auf Adresse aus Register
 - jump and link (`jalu`): Springe und merke Adresse des nächsten Befehls

später

Wiederholung: Programm im Speicher

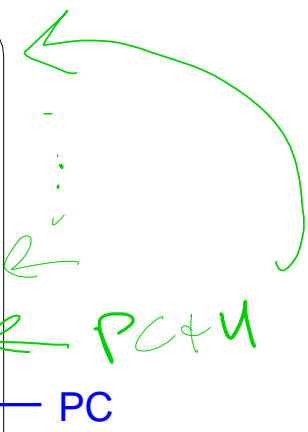
Assemblersprache

Maschinensprache

lw	\$t2, 32(\$0)	0x8C0A0020
add	\$s0, \$s1, \$s2	0x02328020
addi	\$t0, \$s3, -12	0x2268FFF4
sub	\$t0, \$t3, \$t5	0x016D4022

Abgespeichertes Programm

Adresse	Befehle
⋮	⋮
0040000C	0 1 6 D 4 0 2 2
00400008	2 2 6 8 F F F 4
00400004	0 2 3 2 8 0 2 0
00400000	8 C 0 A 0 0 2 0
⋮	⋮



Hauptspeicher

Bedingte Verzweigungen (beq)



MIPS Assemblersprache

```
addi $s0, $0, 4
```

```
# $s0 = 0 + 4 = 4
```

```
addi $s1, $0, 1
```

```
# $s1 = 0 + 1 = 1
```

```
sll $s1, $s1, 2
```

```
# $s1 = 1 << 2 = 4
```

```
beq $s0, $s1, target
```

```
# Verzweigung wird genommen ✓
```

```
addi $s1, $s1, 1
```

```
# nicht ausgeführt
```

```
sub $s1, $s1, $s0
```

```
# nicht ausgeführt
```

```
target:
```

```
# Positionsmarkierung (label)
```

```
add $s1, $s1, $s0
```

```
# $s1 = 4 + 4 = 8
```

Label sind Namen für Stellen (Adressen) im Programm. Sie müssen anders als Mnemonics heißen und haben einen Doppelpunkt am Ende.

Nicht genommene Sprünge

MIPS Assemblersprache

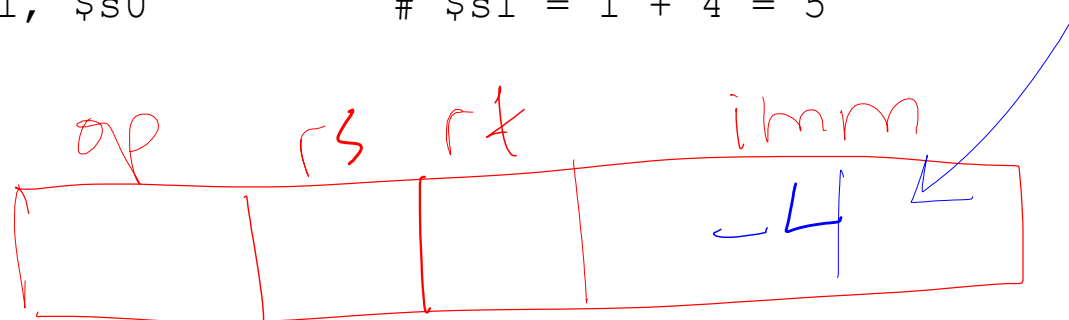
Markiert

```
addi $s0, $0, 4      # $s0 = 0 + 4 = 4
addi $s1, $0, 1      # $s1 = 0 + 1 = 1
sll  $s1, $s1, 2      # $s1 = 1 << 2 = 4
bne  $s0, $s1, target PC # Verzweigung nicht genommen
addi $s1, $s1, 1 PC+4 # $s1 = 4 + 1 = 5
sub  $s1, $s1, $s0    # $s1 = 5 - 4 = 1
```

~~target:~~

```
add  $s1, $s1, $s0    # $s1 = 1 + 4 = 5
```

bne und beq
sind I-Typ



Unbedingte Verzweigungen / Springen (j) ←



MIPS Assemblersprache

```
addi $s0, $0, 4           # $s0 = 4
addi $s1, $0, 1           # $s1 = 1
j     target              # Springe zu target ←
sra  $s1, $s1, 2          # nicht ausgeführt
addi $s1, $s1, 1          # nicht ausgeführt
sub  $s1, $s1, $s0        # nicht ausgeführt

target:
add  $s1, $s1, $s0        # $s1 = 1 + 4 = 5
```

Unbedingte Verzweigungen (jr)



MIPS Assemblersprache

```
0x00002000    addi $s0, $0, 0x2010 ←  
→ 0x00002004    jr    $s0  
0x00002008    addi $s1, $0, 1  
0x0000200C    sra  $s1, $s1, 2  
0x00002010    lw   $s3, 44($s1) ←
```

$\$s0 =$
 $0x00002010$

Hochsprachen:

- z.B. C, Java, Python, Scheme
- Auf einer **abstrakteren** Ebene programmieren

Häufige Konstrukte in Hochsprachen:

- **if/else-Anweisungen**
- **for-Schleifen**
- **while-Schleifen**
- Feld (Array) zugriffe
- Prozeduraufrufe

Andere **nützliche** Anweisungen:

- Arithmetische/logische Ausdrücke
- Verzweigungen

Konstrukte in Hochsprachen



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

- `if`-Anweisungen
- `if/else`-Anweisungen
- `while`-Schleifen
- `for`-Schleifen

If-Anweisung

Hochsprache

```
if (i == j)
    f = g + h;
f = f - i;
```

MIPS Assemblersprache

```
# $s0=f, $s1=g, $s2=h
# $s3=i, $s4=j
```

```
beq $s3, $s4, L1
```

```
sub $s0, $s0, $s3
j L2
```

```
L1: add $s0, $s1, $s2
L2: i, h, r
```

Nicht so in Assemblersprache
umsetzen!

If-Anweisung

Hochsprache

if (i == j)
(f = g + h;)

f = f - i;

MIPS Assemblersprache

\$s0=f, \$s1=g, \$s2=h

\$s3=i, \$s4=j

bne \$s3, \$s4, L1

add \$s0, \$s1, \$s2

L1: sub \$s0, \$s0, \$s3

Beachte: Im Assembler wird auf entgegengesetzte
Bedingung geprüft ($i \neq j$) als in der Hochsprache
($i == j$).

If-Anweisung

Hochsprache

```
if (i == j)
    f = g + h;
else
    f = f - i;
```

(Handwritten annotations: red brackets around the if and else blocks, a green arrow pointing from the if block to the MIPS code, and a green bracket around the else block.)

MIPS Assemblersprache

```
# $s0=f, $s1=g, $s2=h
# $s3=i, $s4=j
    bne $s3, $s4, L1
    add $s0, $s1, $s2
    j L2
L1: sub $s0, $s0, $s3
    L2:
```

(Handwritten annotations: green 'j' and 'L2' next to the jump instruction, and a green arrow pointing from the if block to the MIPS code.)

Beachte: Im Assembler wird auf **entgegengesetzte** Bedingung geprüft ($i \neq j$) als in der Hochsprache ($i == j$).

If / Else-Anweisung

Hochsprache

```
if (i == j)
    f = g + h;
else
    f = f - i;
```

MIPS Assemblersprache

```
# $s0=f, $s1=g, $s2=h
# $s3=i, $s4=j
        bne $s3, $s4, L1
        add $s0, $s1, $s2
        j   done
L1:     sub $s0, $s0, $s3
done:
```

While-Schleife



Hochsprache

```
// berechnet  
// x = log2(128)
```

```
int pow = 1;  
int x   = 0;
```

```
while (pow != 128) {  
    pow = pow * 2;  
    x = x + 1;  
}
```

MIPS Assemblersprache

```
# $s0 = pow, $s1 = x
```

Auch hier: Assemblersprache prüft auf **entgegengesetzte**
Bedingung (`pow == 128`) als Hochsprache (`pow != 128`).

While-Schleife



Hochsprache

MIPS Assemblersprache

```
// berechnet                                     # $s0 = pow, $s1 = x
// x = log2(128)
int pow = 1;
int x = 0;

while (pow != 128) {
    pow = pow * 2;
    x = x + 1;
}

while: beq $s0, $t0, done
      sll $s0, $s0, 1
      addi $s1, $s1, 1
      j while
done:
```

Handwritten annotations in green:

- Arrows pointing from C code to MIPS code: `int pow = 1;` to `addi $s0, $0, 1`; `int x = 0;` to `add $s1, $0, $0`; `pow = pow * 2;` to `sll $s0, $s0, 1`; `x = x + 1;` to `addi $s1, $s1, 1`.
- A large arrow from `while (pow != 128)` to `beq $s0, $t0, done`.
- A handwritten note `$s0 == 128` with arrows pointing to `addi $t0, $0, 128` and `beq $s0, $t0, done`.

Auch hier: Assemblersprache prüft auf entgegengesetzte Bedingung (`pow == 128`) als Hochsprache (`pow != 128`).

For-Schleife

Allgemeiner Aufbau:

```
for (① Initialisierung; ② Bedingung; ④ Schleifenanweisung)  
  ③ Schleifenrumpf
```

- ① **Initialisierung**: wird **einmal** vor Ausführung der Schleife ausgeführt
- ② **Bedingung**: wird vor **Beginn** jedes Schleifendurchlaufs geprüft
- ④ **Schleifenanweisung**: wird am **Ende** jedes Schleifendurchlaufs ausgeführt
- ③ **Schleifenrumpf**: wird einmal ausgeführt, wenn Bedingung **wahr** ist

For-Schleifen

Hochsprache

```
// addiere Zahlen
// von 0 to 9 auf
int sum = 0;
int i;

for (i=0; i != 10; i=i+1){
    sum = sum + i;
}
```

MIPS Assemblersprache

```
# $s0 = i, $s1 = sum
    addi $s1, $0, 0
    add  $s0, $0, $0
    addi $t0, $0, 10
for: beq  $s0, $t0, done
    add  $s1, $s1, $s0
    addi $s0, $s0, 1
    j    for
done:
```

Auch hier: Prüfen auf **entgegengesetzte** Bedingung in
Assemblersprache ($i == 10$) als in Hochsprache ($i != 10$).



For-Schleifen

Hochsprache

```
// addiere Zahlen  
// von 0 to 9 auf  
int sum = 0;  
int i;  
  
for (i=0; i != 10; i=i+1) {  
    sum = sum + i;  
}
```

MIPS Assemblersprache

```
# $s0 = i, $s1 = sum  
addi $s1, $0, 0  
add $s0, $0, $0  
addi $t0, $0, 10  
for: beq $s0, $t0, done  
    add $s1, $s1, $s0  
    addi $s0, $s0, 1  
j for  
done:
```

init.

Auch hier: Prüfen auf entgegengesetzte Bedingung in Assemblersprache ($i == 10$) als in Hochsprache ($i != 10$).



slt: Set if Less Than

**Befehl `slt`: das Ergebnis (rd) auf 1 setzen,
wenn $rs < rt$**

MIPS Assemblersprache

```
addi $t0, $0, 12 # $t0 = 12
addi $t1, $0, 15 # $t1 = 15
slt  $t2, $t0, $t1 # wenn ($t0 < $t1), $t2 = 1
                    # sonst, $t2 = 0
                    # also, $t2 = 1

slt  $t2, $t1, $t0 # wenn ($t1 < $t0), $t2 = 1
                    # sonst, $t2 = 0
                    # also, $t2 = 0
```



Kleiner-als Vergleiche

Hochsprache

```
// addiere Zweierpotenzen  
// kleiner gleich 100
```

```
int sum = 0;  
int i;  
  
for (i=1; i<101; i=i*2) {  
    sum = sum + i;  
}
```

MIPS Assemblersprache

```
# $s0 = i, $s1 = sum
```

```
addi $s1, $0, 0  
addi $s0, $0, 1  
addi $t0, $0, 101  
loop: slt  $t1, $s0, $t0  
      beq  $t1, $0, done  
      add  $s1, $s1, $s0  
      sll  $s0, $s0, 1  
      j   loop  
done:
```

$\$t1 = 1$ wenn $i < 101$.



Kleiner-als Vergleiche

Hochsprache

```
// addiere Zweierpotenzen  
// kleiner gleich 100
```

```
int sum = 0;  
int i;
```

```
for (i=1; i<101; i=i*2) {  
    sum = sum + i;  
}
```

$i = 1$
 \vdots
 2
 \vdots
 4

MIPS Assemblersprache

```
# $s0 = i, $s1 = sum
```

```
addi $s1, $0, 0  
addi $s0, $0, 1  
addi $t0, $0, 101  
loop: slt $t1, $s0, $t0  
      beq $t1, $0, done  
      add $s1, $s1, $s0  
      sll $s0, $s0, 1  
      j  loop
```

```
done:
```

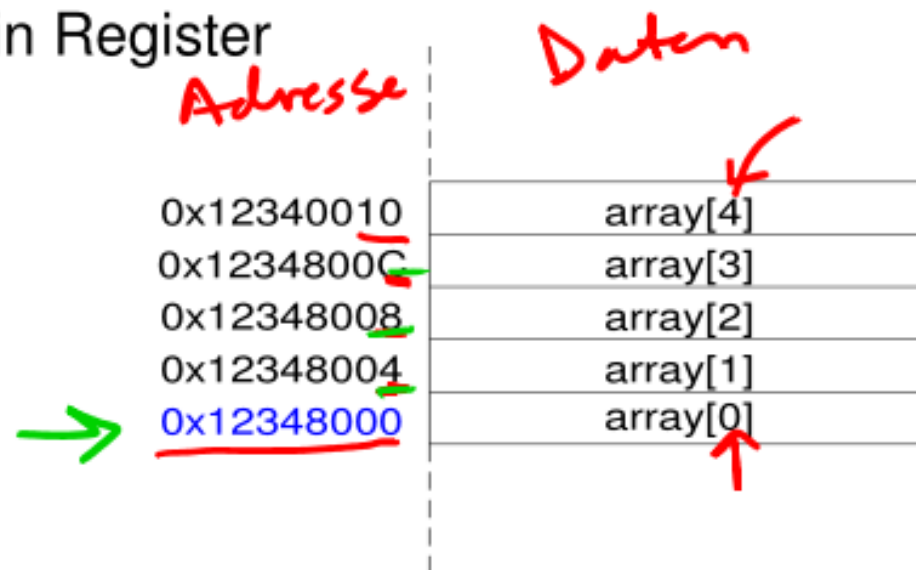
\$t1 = 1 wenn $i < 101$.

Datenfelder (*arrays*)

- Nützlich um auf eine große Zahl von Daten **gleichen Typs** zuzugreifen
- Zugriff auf einzelne Elemente über **Index**
- **Größe** eine Arrays: Anzahl von Elementen im Array

Verwendung von Arrays

- Array mit 5 Elementen
- **Basisadresse**, hier 0x12348000
 - Adresse des **ersten** Array-Elements
 - Index 0, geschrieben als `array[0]`
- Erster Schritt für Zugriff auf Element: Lade Basisadresse des Arrays in Register



Verwendung von Arrays



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

// **Hochsprache**

```
int array[5];  
array[0] = array[0] * 2; ←  
array[1] = array[1] * 2; ←
```

MIPS Assemblersprache

Basisadresse von array = \$s0

```
lui  $s0, 0x1234          # lade 0x1234 in obere Hälfte von $s0  
ori  $s0, $s0, 0x8000     # lade 0x8000 in untere Hälfte von $s0
```

```
{  
lw   $t1, 4($s0)         # $t1 = array[0]  
sll  $t1, $t1, 1         # $t1 = $t1 * 2  
sw   $t1, 4($s0)         # array[0] = $t1  
}
```


Verwendung von Arrays

// Hochsprache

```
int array[5];  
array[0] = array[0] * 2;  
array[1] = array[1] * 2;
```

MIPS Assemblersprache

```
# Basisadresse von array = $s0
```

```
lui   $s0, 0x1234           # lade 0x1234 in obere Hälfte von $S0  
ori   $s0, $s0, 0x8000     # lade 0x8000 in untere Hälfte von $s0  
  
lw    $t1, 0($s0)          # $t1 = array[0]  
sll   $t1, $t1, 1          # $t1 = $t1 * 2  
sw    $t1, 0($s0)          # array[0] = $t1  
  
lw    $t1, 4($s0)          # $t1 = array[1]  
sll   $t1, $t1, 1          # $t1 = $t1 * 2  
sw    $t1, 4($s0)          # array[1] = $t1
```

Bearbeite Array in for-Schleife



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

// Hochsprache

```
int array[1000];  
int i;
```

```
for (i=0; i < 1000; i = i + 1)  
    array[i] = array[i] * 8;
```

MIPS Assemblersprache

```
# $s0 = Basisadresse von Array, $s1 = i
```

```
# Initialisierung
```

```
lui $s0, 0x23B8 # $s0 = 0x23B80000
```

```
ori $s0, $s0, 0xF000 # $s0 = 0x23B8F000
```

```
addi $s1, $0, 0 # i = 0
```

```
addi $t2, $0, 1000 # $t2 = 1000
```

```
loop:
```

```
slt $t0, $s1, $t2 # i < 1000?
```

```
beq $t0, $0, done # if not then done
```

```
sll $t0, $s1, 2 # $t0 = i * 4 (byte offset)
```

```
add $t0, $t0, $s0 # address of array[i]
```

```
lw $t1, 0($t0) # $t1 = array[i]
```

```
...
```

```
done:
```



Bearbeite Array in for-Schleife

// Hochsprache

```
int array[1000];  
int i;
```

```
for (i=0; i < 1000; i = i + 1)  
    array[i] = array[i] * 8;
```

MIPS Assemblersprache

```
# $s0 = Basisadresse von Array, $s1 = i
```

```
# Initialisierung
```

```
lui $s0, 0x23B8 # $s0 = 0x23B80000
```

```
ori $s0, $s0, 0xF000 # $s0 = 0x23B8F000
```

```
addi $s1, $0, 0 # i = 0
```

```
addi $t2, $0, 1000 # $t2 = 1000
```

```
loop:
```

```
slt $t0, $s1, $t2 # i < 1000?
```

```
beq $t0, $0, done # if not then done
```

```
sll $t0, $s1, 2 # $t0 = i * 4 (byte offset)
```

```
add $t0, $t0, $s0 # address of array[i]
```

```
lw $t1, 0($t0) # $t1 = array[i]
```

```
sll $t1, $t1, 3 # $t1 = array[i] * 8
```

```
sw $t1, 0($t0) # array[i] = array[i] * 8
```

```
addi $s1, $s1, 1 # i = i + 1
```

```
j loop # repeat
```

```
done:
```

Bearbeite Array in for-Schleife



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

// Hochsprache

```
int array[1000];  
int i;
```

```
for (i=0; i < 1000; i = i + 1)  
    array[i] = array[i] * 8;
```

MIPS Assemblersprache

```
# $s0 = Basisadresse von Array, $s1 = i
```

```
# Initialisierung
```

```
lui $s0, 0x23B8 # $s0 = 0x23B80000
```

```
ori $s0, $s0, 0xF000 # $s0 = 0x23B8F000
```

```
addi $s1, $0, 0 # i = 0
```

```
addi $t2, $0, 1000 # $t2 = 1000
```

```
loop:
```

```
slt $t0, $s1, $t2 # i < 1000?
```

```
beq $t0, $0, done # if not then done
```

```
sll $t0, $s1, 2 # $t0 = i * 4 (byte offset)
```

```
add $t0, $t0, $s0 # address of array[i]
```

```
lw $t1, 0($t0) # $t1 = array[i]
```

```
sll $t1, $t1, 3 # $t1 = array[i] * 8
```

```
sw $t1, 0($t0) # array[i] = array[i] * 8
```

```
addi $s1, $s1, 4 # i = i + 1
```

```
j loop # repeat
```

```
done:
```

Zeichendarstellung im ASCII-Code



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

American Standard Code for Information Interchange

- Definiert für gängige Textzeichen einen 7b breiten Code
- Einfach, aber schon älter
- Heute Unicode: breitere Darstellung für *alle* Textzeichen

Beispiel: "S" = 0x53, "a" = 0x61, "A" = ~~0x41~~ ^{0x20}

Klein- und Großbuchstaben liegen auseinander um 0x20 (32).

Zuordnung von Zeichen zu Codes



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

#	Char	#	Char	#	Char	#	Char	#	Char	#	Char
20	space	30	0	40	@	50	P	60	'	70	p
21	!	31	1	41	A	51	Q	61	a	71	q
22	"	32	2	42	B	52	R	62	b	72	r
23	#	33	3	43	C	53	S	63	c	73	s
24	§	34	4	44	D	54	T	64	d	74	t
25	%	35	5	45	E	55	U	65	e	75	u
26	&	36	6	46	F	56	V	66	f	76	v
27	'	37	7	47	G	57	W	67	g	77	w
28	(38	8	48	H	58	X	68	h	78	x
29)	39	9	49	I	59	Y	69	i	79	y
2A	*	3A	:	4A	J	5A	Z	6A	j	7A	z
2B	+	3B	:	4B	K	5B	[6B	k	7B	{
2C	,	3C	<	4C	L	5C	\	6C	l	7C	
2D	-	3D	=	4D	M	5D]	6D	m	7D	}
2E	.	3E	>	4E	N	5E	^	6E	n	7E	~
2F	/	3F	?	4F	0	5F	_	6F	o		

Programmierung

Hochsprachen:

- z.B. C, Java, Python, Scheme
- Auf einer **abstrakteren** Ebene programmieren

Häufige Konstrukte in Hochsprachen:

- if/else-Anweisungen
- for-Schleifen
- while-Schleifen
- Feld (Array) zugriffe
- **Prozeduraufrufe**

Andere **nützliche** Anweisungen:

- Arithmetische/logische Ausdrücke
- Verzweigungen



Definitionen

- Aufrufer: Ursprung des Prozeduraufrufs (hier `main`)
- Aufgerufener: aufgerufene Prozedur (hier `sum`)

Hochsprache

```
void main()  
{  
    int y;  
    y = sum (42, 7); ←  
    ...  
}  
  
int sum (int 42a, int 7b)  
{  
    return (a + b);  
}
```


Prozedur- und Funktionsaufruf



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

Aufrufer:

- Übergibt Argumente (aktuelle Parameter) an Aufgerufenen
- Springt Aufgerufenen an

Aufgerufener:

- Führt Prozedur/Funktion aus ←
- Gibt Ergebnis (Rückgabewert) an Aufrufer zurück (für Funktion)
- Springt hinter Aufrufstelle zurück ←
- Darf keine Register oder Speicherstellen überschreiben, die im Aufrufer genutzt werden

Prozedur- und Funktionsaufruf

Konventionen für MIPS



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

- Prozeduraufruf: “jump and link (jal)”
 - Rücksprung: “jump register (jr)”
 - Register für Argumente: \$a0 - \$a3
 - Register für Ergebnis: \$v0
- Handwritten notes:*
- A green 'j' is written above the 'jal' instruction.
- Blue text 'jr \$ra' is written next to the 'jr' instruction.
- Red text 'und \$ra = PC+4' is written to the right of the 'jr' instruction.

Prozedur- und Funktionsaufruf



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

Hochsprache

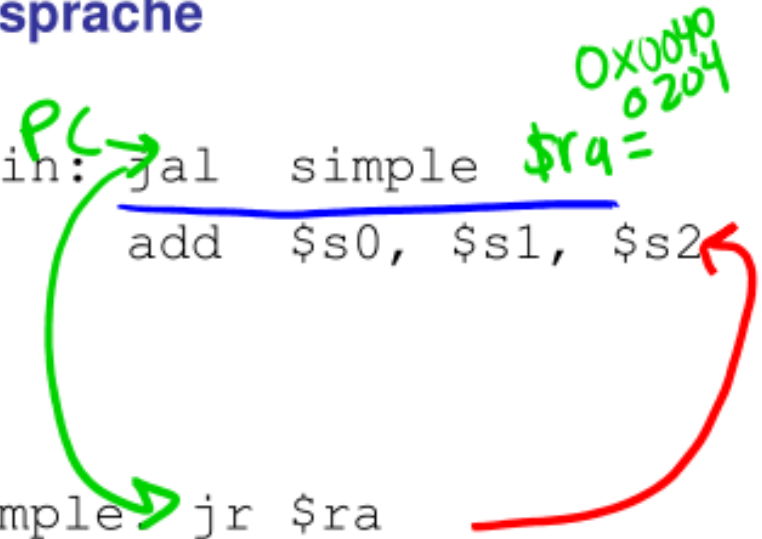
```
int main() {  
    simple();  
    a = b + c;  
}
```

```
void simple() {  
    return;  
}
```

MIPS Assemblersprache

```
0x00400200 main: jal simple  
0x00400204      add $s0, $s1, $s2  
...
```

```
0x00401020 simple: jr $ra
```



void bedeutet, dass simple keinen Rückgabewert hat.
- Also eine Prozedur und keine Funktion ist

Prozedur- und Funktionsaufruf



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

Hochsprache

```
int main() {  
    simple();  
    a = b + c;  
}
```

MIPS Assemblersprache

```
0x00400200 main: jal    simple  
0x00400204          add    $s0, $s1, $s2  
...
```

```
void simple() {  
    return;  
}
```

```
0x00401020 simple: jr    $ra
```

jal: springt zu simple
speichert PC+4 im Spezialregister \$ra "return address register"
Hier: \$ra = 0x00400204 nach Ausführung von jal

jr \$ra: springt zur Adresse in \$ra, hier also 0x00400204.

Aufrufargumente und Rückgabewert



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

MIPS Konventionen:

- Argumentwerte (aktuelle Parameter): $\$a0 - \$a3$
- Rückgabewert (Funktionswert, Ergebnis): $\$v0$

Aufrufargumente und Rückgabewert



Hochsprache

```
int main()
{
    int y;
    ...
    y = diffosums (2, 3, 4, 5); // 4 Argumente
    ...
}
```

\$a0 \$a1 \$a2 \$a3

```
→ int diffosums (int f, int g, int h, int i)
// 4 formale Parameter
{
    int result;
    result = (f + g) - (h + i);
    → return result; // Rückgabewert
}
```

Aufrufargumente und Rückgabewert

MIPS Assemblersprache

```
# $s0 = y
```

```
main:
```

```
...
```

```
addi $a0, $0, 2 # Argument 0 = 2
```

```
addi $a1, $0, 3 # Argument 1 = 3
```

```
addi $a2, $0, 4 # Argument 2 = 4
```

```
addi $a3, $0, 5 # Argument 3 = 5
```

```
jal diffofsums # Prozeduraufruf
```

```
add $s0, $v0, $0 # y = Rückgabewert
```

```
...
```

```
# $s0 = Rückgabewert
```

```
diffofsums:
```

```
add $t0, $a0, $a1 # $t0 = f + g
```

```
add $t1, $a2, $a3 # $t1 = h + i
```

```
sub $s0, $t0, $t1 # result = (f + g) - (h + i)
```

```
add $v0, $s0, $0 # Lege Rückgabewert in $v0 ab
```

```
jr $ra # Rücksprung zum Aufrufer
```

$\$ra = PC + 4$

PC →



Aufrufargumente und Rückgabewert

MIPS Assemblersprache

```
# $s0 = result
diffofsums:
    add $t0, $a0, $a1 # $t0 = f + g
    add $t1, $a2, $a3 # $t1 = h + i
    sub $s0, $t0, $t1 # result = (f + g) - (h + i)
    add $v0, $s0, $0 # Lege Rückgabewert in $v0 ab
    jr $ra # Rücksprung zum Aufrufer
```

- `diffofsums` überschreibt drei Register: `$t0`, `$t1` und `$s0`
- `diffofsums` kann benötigte Register temporär auf Stack sichern

Stack (auch Stapel- oder Kellerspeicher)



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

- Speicher für **temporäres Zwischenspeichern** von Werte
- Agiert wie ein **Stapel** (Beispiel: Teller)
 - Zuletzt aufgelegter Teller wird zuerst heruntergenommen
 - “last in, first out” (LIFO)

Dehnt sich aus: Belegt mehr Speicher, wenn mehr Daten unterzubringen sind

Zieht sich zusammen: Belegt weniger Speicher, wenn zwischengespeicherte Daten nicht mehr gebraucht werden



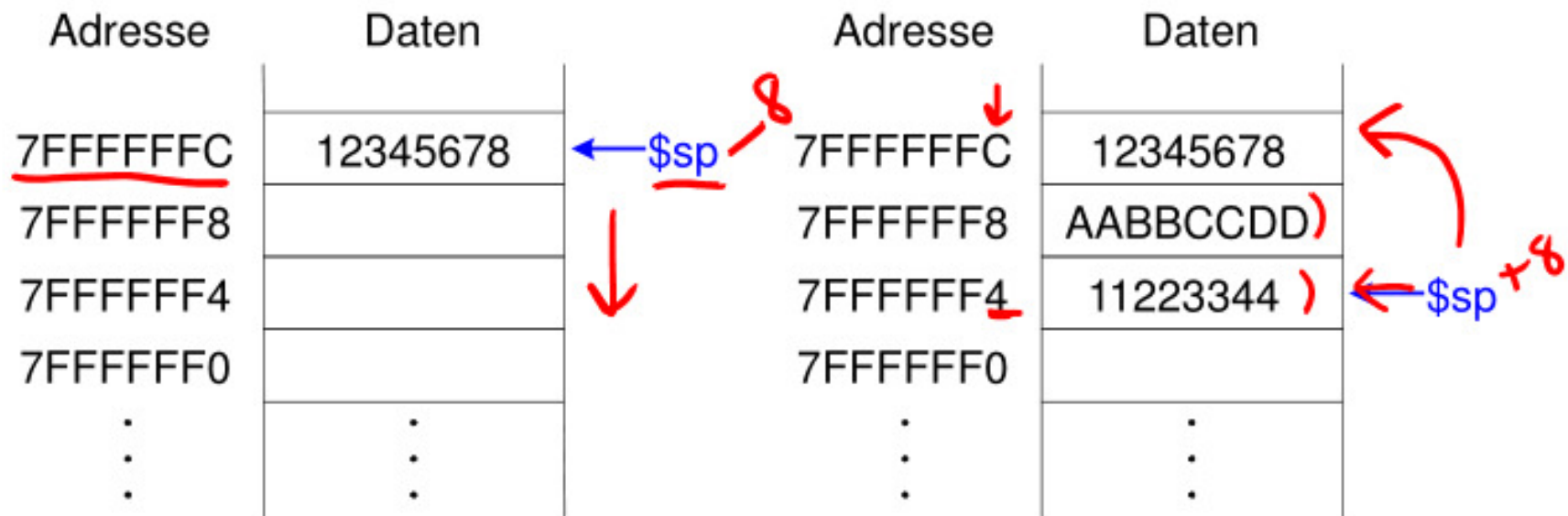
Stack

Wächst bei MIPS nach **unten** (von hohen zu niedrigeren Speicheradressen)

- Übliche Realisierung (deshalb auch **Kellerspeicher** genannt)

Stapelzeiger ("stack pointer"): $\$sp$

- zeigt auf zuletzt auf dem Stack abgelegtes Datenelement



Verwendung des Stacks in Prozeduren



- Aufgerufene Prozeduren dürfen keine unbeabsichtigten Nebenwirkungen (“Seiteneffekte”) haben
- **Problem:** `diffofsums` überschreibt die drei Register `$t0`, `$t1`, `$s0`

MIPS Assemblersprache

```
# $s0 = result
diffofsums:
  add $t0, $a0, $a1 # $t0 = f + g
  add $t1, $a2, $a3 # $t1 = h + i
  sub $s0, $t0, $t1 # result = (f + g) - (h + i)
  add $v0, $s0, $0 # Lege Rückgabewert in $v0 ab
  jr $ra           # Rücksprung zum Aufrufer
```

Register auf Stack zwischenspeichern



```
# $s0 = result
```

```
diffofsums:
```

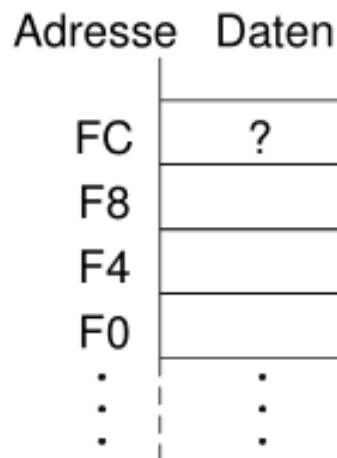
```
    addi $sp, $sp, -12 # 3*4 Bytes auf Stack anfordern
```

```
                                # um drei 32b Register zu sichern
```

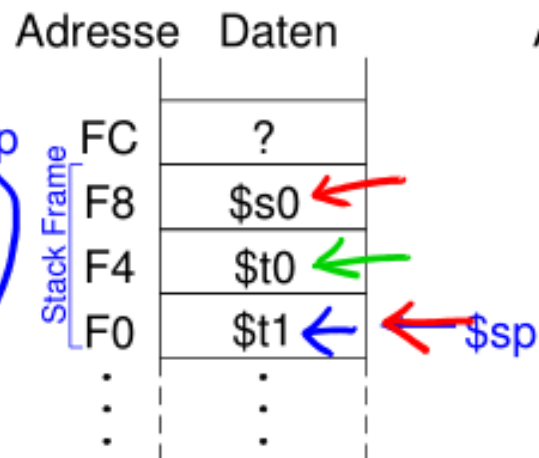
```
→ sw  $s0, 8($sp) # speichere $s0 auf Stack
```

```
→ sw  $t0, 4($sp) # speichere $t0 auf Stack
```

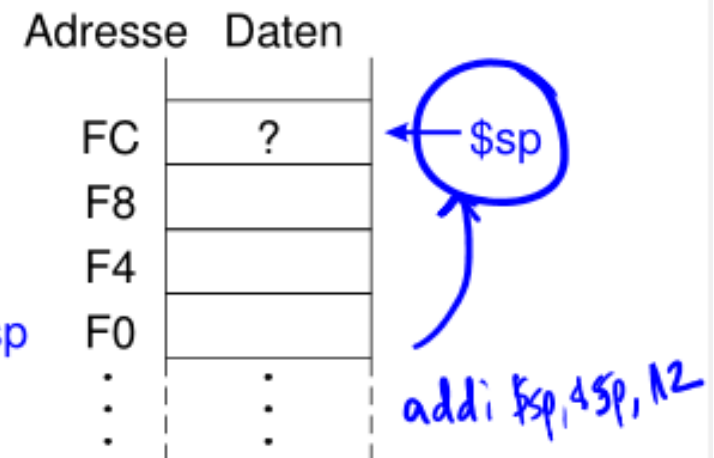
```
→ sw  $t1, 0($sp) # speichere $t1 auf Stack
```



(a)



(b)



(c)

Register auf Stack zwischenspeichern



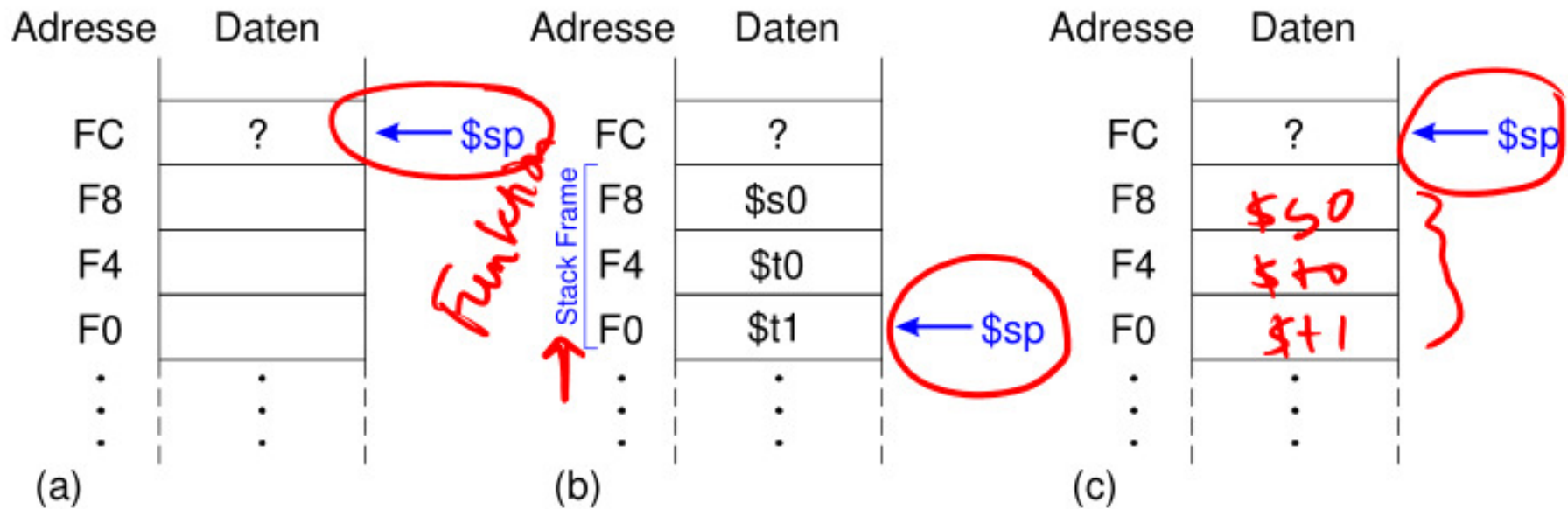
```
# $s0 = result
diffofsums:
    addi $sp, $sp, -12 # 3*4 Bytes auf Stack anfordern
                        # um drei 32b Register zu sichern
    sw   $s0, 8($sp)   # speichere $s0 auf Stack
    sw   $t0, 4($sp)   # speichere $t0 auf Stack
    sw   $t1, 0($sp)   # speichere $t1 auf Stack
    add  $t0, $a0, $a1 # $t0 = f + g
    add  $t1, $a2, $a3 # $t1 = h + i
    sub  $s0, $t0, $t1 # result = (f + g) - (h + i)
    add  $v0, $s0, $0  # Lege Rückgabewert in $v0 ab
    lw   $t1, 0($sp)   # stelle $t1 wieder vom Stack her
    lw   $t0, 4($sp)   # stelle $t0 wieder vom Stack her
    lw   $s0, 8($sp)   # stelle $s0 wieder vom Stack her
    addi $sp, $sp, 12  # Platz auf Stack wird nicht mehr benötigt,
                        # wieder freigeben
    jr   $ra           # Rücksprung zum Aufrufer
```

Handwritten annotations: A red circle around `$s0`, blue circles around `$t0` and `$t1`, a blue bracket on the right side of the code, and blue arrows pointing to the `lw` and `addi` instructions.

Veränderung des Stacks während diffosums



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT



Sicherungskonventionen für Register



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

Erhalten <i>Gesichert vom Aufgerufenen</i>	Nicht erhalten <i>Gesichert vom Aufrufer</i>
<code>\$s0 - \$s7</code>	<code>\$t0 - \$t9</code>
<code>\$ra</code>	<code>\$a0 - \$a3</code>
<code>\$sp</code>	<code>\$v0 - \$v1</code>
Stack oberhalb von <code>\$sp</code>	Stack unterhalb von <code>\$sp</code>

Register auf Stack zwischenspeichern



```
# $s0 = result
diffofsums:
    addi $sp, $sp, -12 -4 # 3*4 Bytes auf Stack anfordern
                                # um drei 32b Register zu sichern
    sw    $s0, 8($sp)      # speichere $s0 auf Stack
sw    $t0, 4($sp)      # speichere $t0 auf Stack
sw    $t1, 0($sp)      # speichere $t1 auf Stack
    add   $t0, $a0, $a1    # $t0 = f + g
    add   $t1, $a2, $a3    # $t1 = h + i
    sub   $s0, $t0, $t1    # result = (f + g) - (h + i)
    add   $v0, $s0, $0     # Lege Rückgabewert in $v0 ab
lw    $t1, 0($sp)      # stelle $t1 wieder vom Stack her
lw    $t0, 4($sp)      # stelle $t0 wieder vom Stack her
    lw    $s0, 8($sp)      # stelle $s0 wieder vom Stack her
    addi $sp, $sp, 12 4 # Platz auf Stack wird nicht mehr benötigt,
                                # wieder freigeben
    jr    $ra             # Rücksprung zum Aufrufer
```


Erhalten von Registern mittels Stack



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

```
# $s0 = result
diffofsums:
    addi $sp, $sp, -4 # Platz auf Stack für 4 Bytes anlegen
                        # reicht zum Sichern eines Registers
    sw  $s0, 0($sp)  # sichere $s0 auf Stack
                        # $t0 und $t1 brauchen nicht erhalten zu werden!

    add $t0, $a0, $a1 # $t0 = f + g
    add $t1, $a2, $a3 # $t1 = h + i
    sub $s0, $t0, $t1 # result = (f + g) - (h + i)
    add $v0, $s0, $0  # Lege Rückgabewert in $v0 ab
    lw  $s0, 0($sp)  # stelle $s0 vom Stack wieder her
    addi $sp, $sp, 4 # Gebe nicht mehr benötigten Speicher auf Stack frei
    jr  $ra          # Rücksprung zum Aufrufer
```

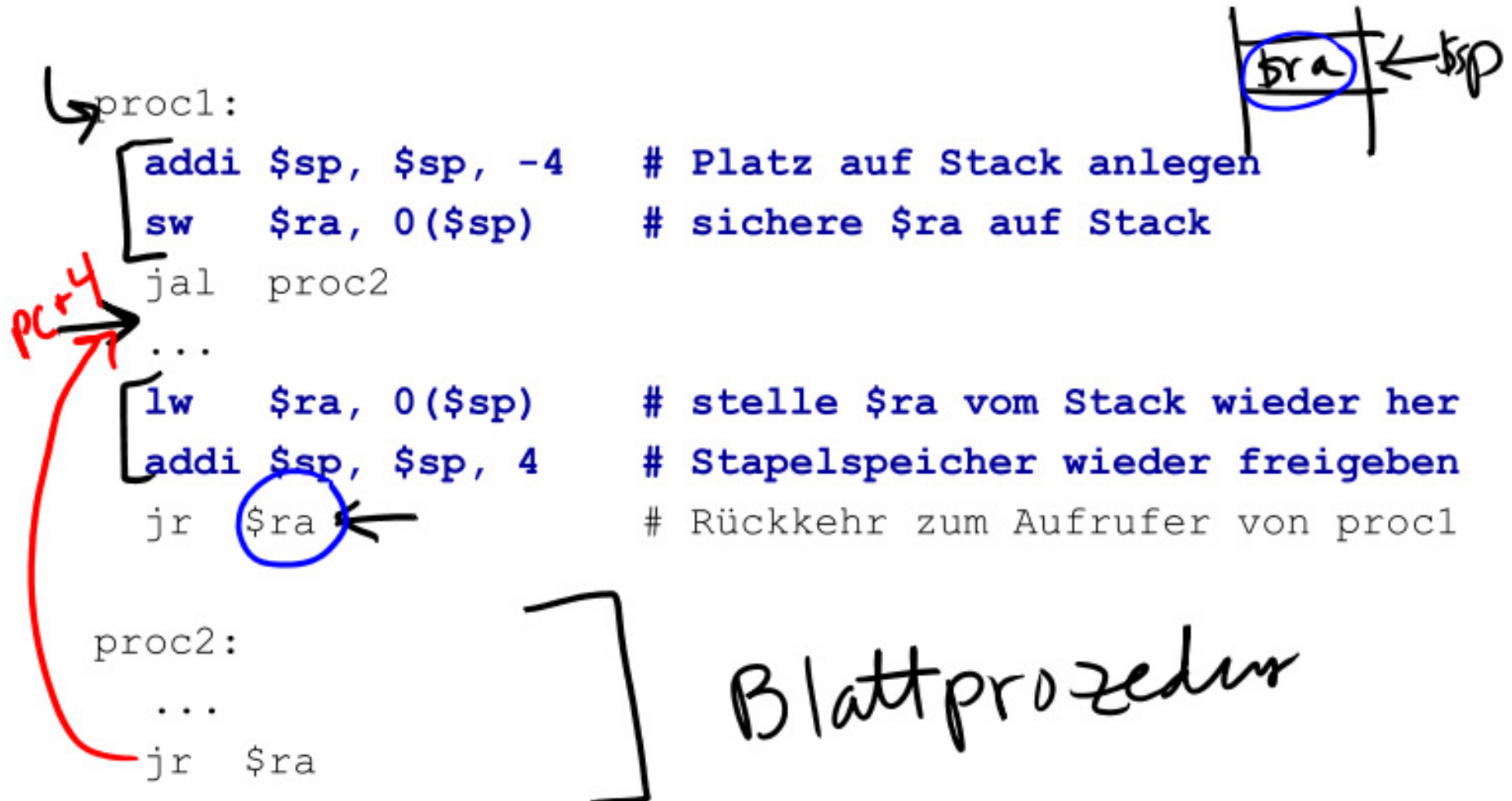
Sicherungskonventionen für Register



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

Erhalten <i>Gesichert vom Aufgerufenen</i>	Nicht erhalten <i>Gesichert vom Aufrufer</i>
$\$s0 - \$s7$	$\$t0 - \$t9$
$\$ra$	$\$a0 - \$a3$
$\$sp$	$\$v0 - \$v1$
Stack oberhalb von $\$sp$	Stack unterhalb von $\$sp$

Mehrfache Prozeduraufrufe: Sichern von \$ra



Rekursive Prozeduraufrufe

Hochsprache

```
int fakultaet (int n) {  
    if (n <= 1)  
        return 1;  
    else  
        return (n * fakultaet(n-1));  
}
```

\$a0
\$v0

MIPS Assemblersprache

```
fakultaet  
→ $a0 auf Stack  
addi $t0, $0, 2  
slt $t0, $a0, $t0  
beq $t0, $0, else  
addi $v0, $0, 1  
jr $ra
```

\$t0 = 2
\$t0 = 1 n < 2

```
else:  
    addi $a0, $a0, -1 # n = n-1  
    jal fakultaet  
→ $a0 von dem Stack  
mul $v0, $a0, $v0  
jr $ra
```



Rekursive Prozeduraufrufe

Hochsprache

```
int fakultaet (int n) {  
  
    if (n <= 1)  
        return 1;  
  
    else  
  
        return (n * fakultaet(n-1));  
}
```

(3 * 2)

MIPS Assemblersprache

```
fakultaet:  
  
    addi $t0, $0, 2  
    slt  $t0, $a0, $t0 # n <= 1 ?  
    beq  $t0, $0, else # nein: weiter bei else  
    addi $v0, $0, 1    # ja: gebe 1 zurück  
  
    jr   $ra          # Rücksprung  
else:  
    addi $a0, $a0, -1 # n = n - 1  
    jal  fakultaet    # rekursiver Aufruf  
  
    mul  $v0, $a0, $v0 # n * fakultaet(n-1)  
  
    jr   $ra          # Rücksprung
```



Rekursive Prozeduraufrufe

Hochsprache

```
int fakultaet (int n) {  
  
    if (n <= 1)  
        return 1;  
  
    else  
  
        return (n * fakultaet(n-1));  
}
```

MIPS Assemblersprache

```
fakultaet:  
    addi $sp, $sp, -8 # Platz für zwei Register  
    sw $a0, 4($sp) # sichere $a0  
    sw $ra, 0($sp) # sichere $ra  
    addi $t0, $0, 2  
    slt $t0, $a0, $t0 # n <= 1 ?  
    beq $t0, $0, else # nein: weiter bei else  
    addi $v0, $0, 1 # ja: gebe 1 zurück  
    addi $sp, $sp, 8 # Platz wieder freigeben  
    jr $ra # Rücksprung  
else:  
    addi $a0, $a0, -1 # n = n - 1  
    jal fakultaet # rekursiver Aufruf  
    lw $ra, 0($sp) # wiederherstellen von $ra  
    lw $a0, 4($sp) # wiederherstellen von $a0  
    mul $v0, $a0, $v0 # n * fakultaet(n-1)  
    addi $sp, $sp, 8 # Platz wieder freigeben  
    jr $ra # Rücksprung
```



Rekursive Prozeduraufrufe

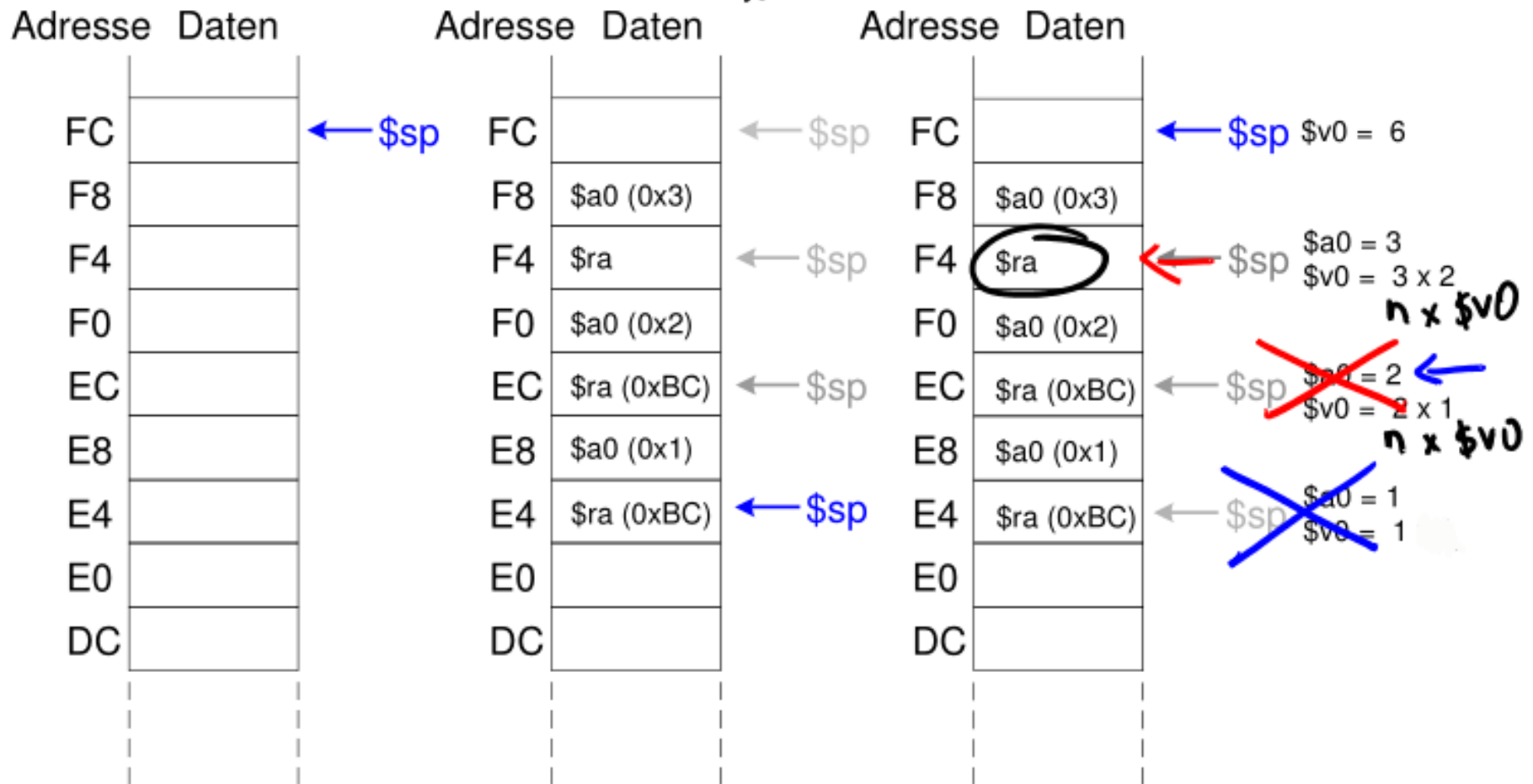
MIPS Assemblersprache

```
0x90 fakultaet: addi $sp, $sp, -8 # Platz für zwei Register
0x94          sw   $a0, 4($sp) # sichere $a0
0x98          sw   $ra, 0($sp) # sichere $ra
0x9C          addi $t0, $0, 2
0xA0          slt  $t0, $a0, $t0 # n <= 1 ?
0xA4          beq  $t0, $0, else # nein: weiter bei else
0xA8          addi $v0, $0, 1 # ja: gebe 1 zurück
0xAC          addi $sp, $sp, 8 # Platz wieder freigeben
0xB0          jr   $ra # Rücksprung
0xB4          else: addi $a0, $a0, -1 # n = n - 1
0xB8          jal  fakultaet # rekursiver Aufruf
0xBC          lw   $ra, 0($sp) # wiederherstellen von $ra
0xC0          lw   $a0, 4($sp) # wiederherstellen von $a0
0xC4          mul  $v0, $a0, $v0 # n * fakultaet(n-1)
0xC8          addi $sp, $sp, 8 # Platz wieder freigeben
0xCC          jr   $ra # Rücksprung
```

Veränderung des Stacks bei rekursivem Aufruf



fakultät (3)



Zusammenfassung: Prozeduraufruf

Aufrufer

- Lege Aufrufparameter (aktuelle Parameter) in $\$a0-\$a3$ ab
- Sichere zusätzlich benötigte Register auf Stack ($\$ra$, manchmal auch $\$t0-t9$) - entsprechend Konvention über Erhaltung von Registern
- `jal aufrufener`
- Stelle gesicherte Register wieder her
- Hole evtl. Rückgabewert aus $\$v0$ (bei Funktionen)

Aufgerufener

- Sichere zu erhaltende verwendete Register auf Stack (üblicherweise $\$s0-\$s7$)
- Führe Berechnungen der Prozedur aus
- Lege Rückgabewert in ab $\$v0$ (bei Funktionen)
- Stelle gesicherte Register wieder her
- `jr $ra`

Adressierungsarten

Wo kommen Operanden für Befehle her?

- Aus einem Register
- Direktwert aus Instruktion
- Relativ zu einer Basisadresse
 - Sonderfall: Relativ zum Programmzähler
- Pseudodirekt

indirekt

lw, sw
bez



Adressierungsarten

Aus Register (*register operands*)

- **Beispiel:** `add $s0, $t2, $t3`
- **Beispiel:** `sub $t8, $s1, $0`



Direktwert aus Instruktion (*immediate*)

- 16b Direktwert als Operand verwenden

- **Beispiel:** `addi $s4, $t5, -73`
- **Beispiel:** `ori $t3, $t7, 0xFF`

2er Komplement
null-erweitert

Adressierungsarten

Relativ zu einer Basisadresse

Adresse eines Operanden im Speicher ist:

Basisadresse + Vorzeichenerweiterter Direktwert

▪ **Beispiel:** `lw $s4, 72($0)`

Adresse = $\underbrace{\$0 + 72}$

(Note: In the original image, two arrows point down from the '72' and '\$0' in the assembly code to the corresponding terms in the address calculation.)

▪ **Beispiel:** `sw $t2, -25($t1)`

Adresse = $\$t1 - 25$



Adressierungsarten

Relativ zur nächsten Adresse im Programmzähler

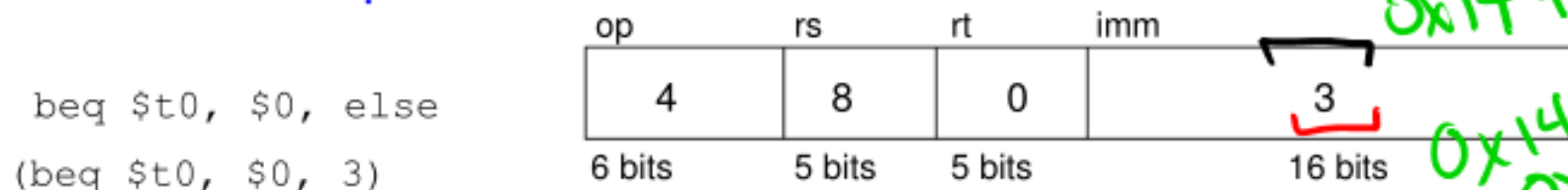
```

0x10      beq    $t0, $0, else ← PC = 0x10
0x14      addi   $v0, $0, 1      ← PC + 4
0x18      addi   $sp, $sp, i    ①
0x1C      jr     $ra            ②
0x20      else: addi   $a0, $a0, -1 ③
0x24      jal   fakultaet

```

Branch Target Address = $BTA = PC + 4 + (imm \ll 4)$

Assemblersprache (Zieladresse) Bitfelder in Instruktion



$0x14 + (3 \times 4)$
 $0x14 + 0xC$
 $0x20$ ✓

Adressierungsarten

(Zieladresse)
Jump Target Address = JTA = { PC+4_{31:28}, addr, 2'b0 }
Pseudodirekte Operanden
Auffüllen von entfallenen Bits (mit Nullen und (PC+4)[31:28])

0x0040005C jal sum

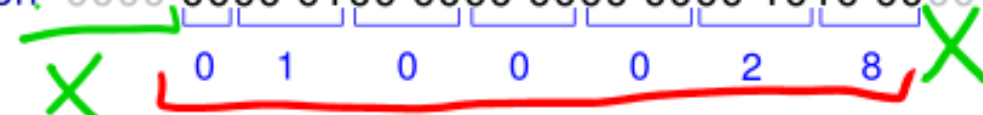


...

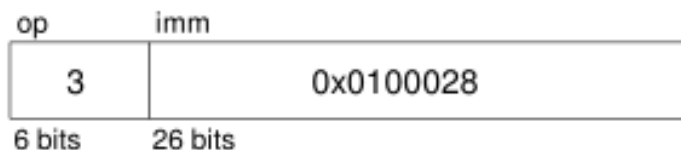
0x004000A0 sum: add \$v0, \$a0, \$a1

32b Sprungzieladresse 0000 0000 0100 0000 0000 0000 1010 0000 (0x004000A0)

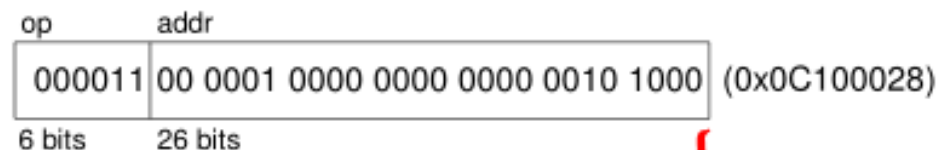
26b Feld in J-Instruktion 0000 0000 0100 0000 0000 0000 1010 0000 (0x0100028)



Bitfelder in Instruktion



Maschinencode



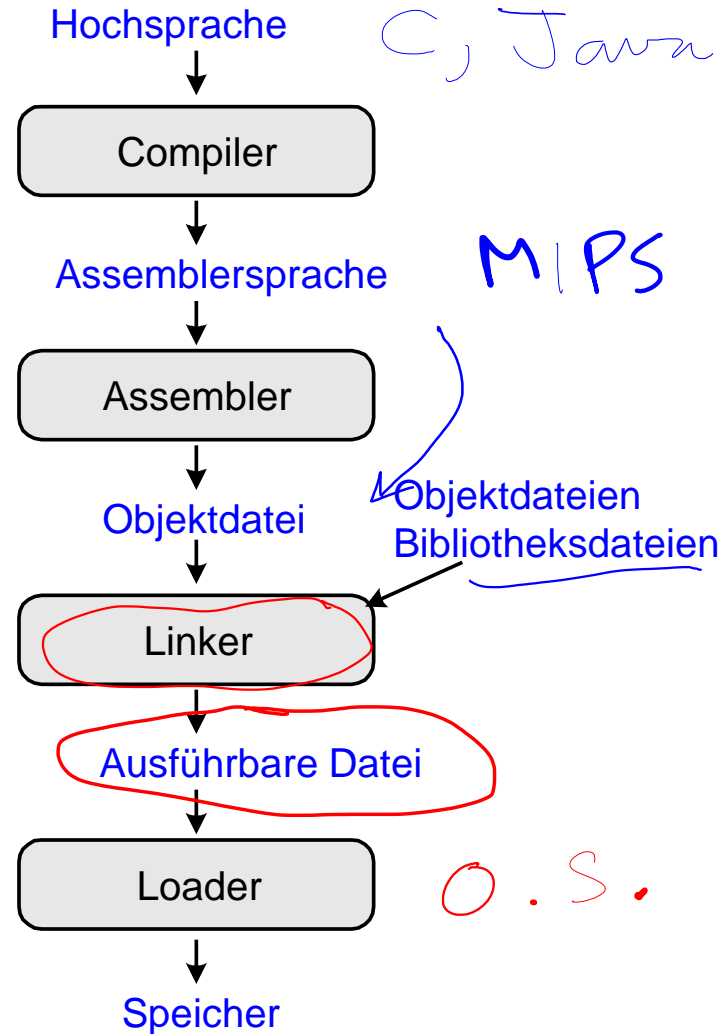
Überblick der heutigen Themen



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

- von Programm bis zum Ausführen
- Dies und Das
 - Pseudobefehle
 - Ausnahmebehandlung (*exceptions*)
 - Befehle für vorzeichenbehaftete und vorzeichenlose Zahlen
 - Gleitkommabefehle

Compilieren und Ausführen einer Anwendung



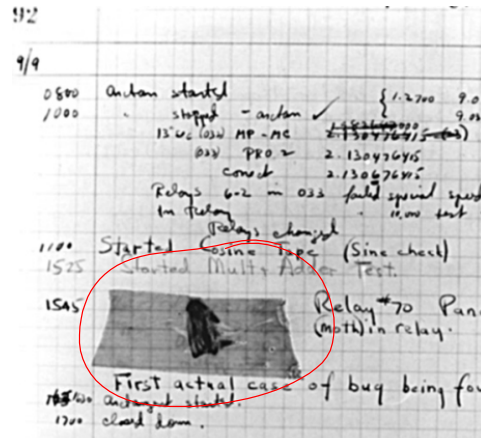
Grace Hopper, 1906 - 1992

- Promovierte zum Dr. der Mathematik in Yale
- Entwickelte den ersten Compiler
- Half bei der Entwicklung von COBOL
- Prägte den Begriff „Debugging“
 - Elektromechanischer Harvard Mark-I Computer
- Hochdekorierte Marineoffizierin



Grace Hopper, 1906 - 1992

- Promovierte zum Dr. der Mathematik in Yale
- Entwickelte den ersten Compiler
- Half bei der Entwicklung von COBOL
- Prägte den Begriff „Debugging“
 - Elektromechanischer Harvard Mark-I Computer
- Hochdekorierte Marineoffizierin



Was muss im Speicher abgelegt werden?

- Instruktionen (historisch auch genannt *Text*)

- Daten

- Globale und statische: angelegt vor Beginn der Programmausführung

- Dynamisch: während der Programmausführung angelegt

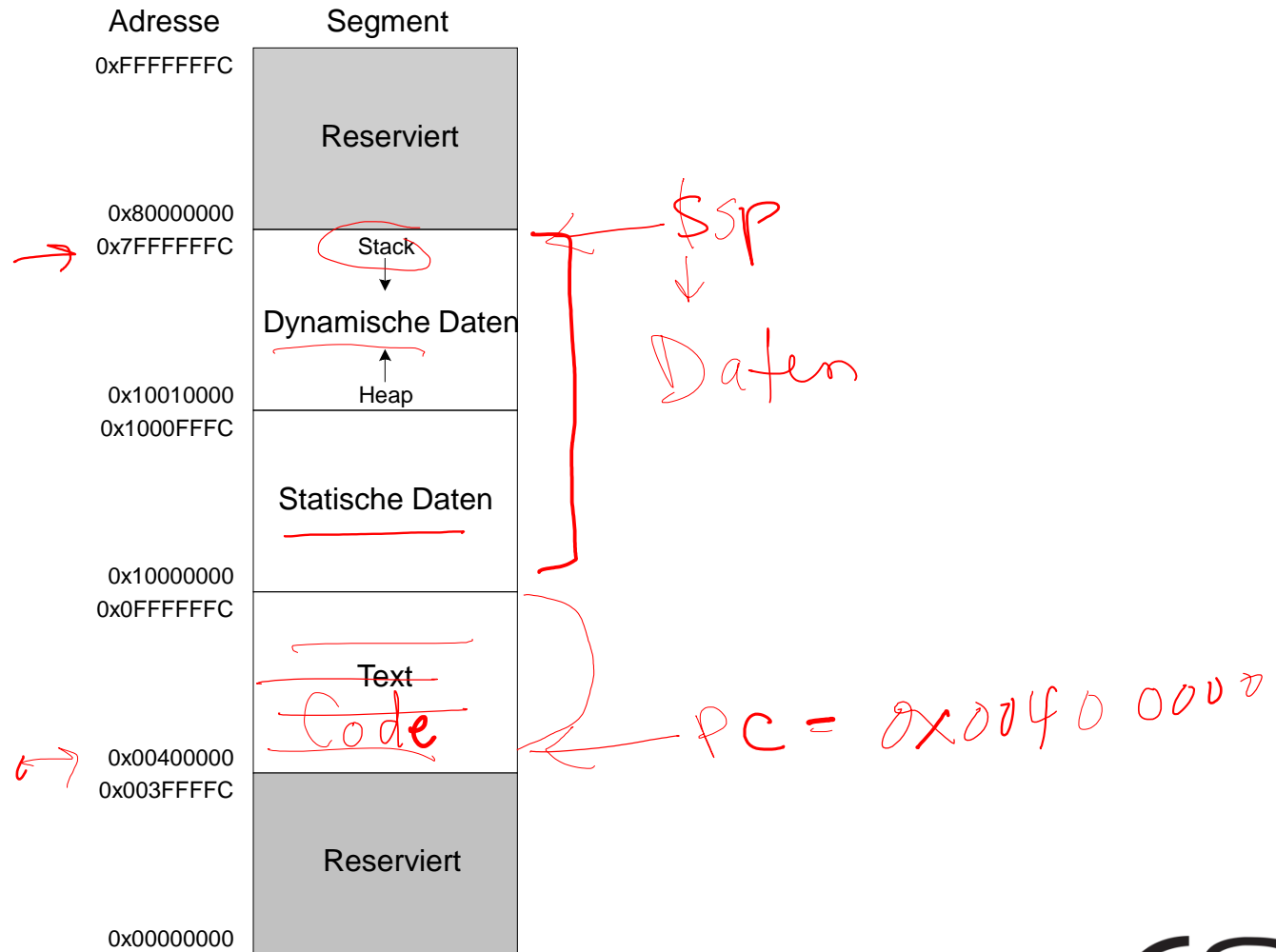
Stack

Speicherobergrenze bei MIPS (32b Adressen)?

- Maximal $2^{32} = 4$ Gigabytes (4 GB)

- Von Adresse 0x00000000 bis 0xFFFFFFFF

MIPS Speicherorganisation (*memory map*)



Beispielprogramm in "C"



```
int f, g, y; // globale Variablen
```

```
int main(void)  
{
```

```
f = 2;
```

```
g = 3;
```

```
y = sum(f, g);
```

```
return y;
```

```
}
```

```
int sum(int a, int b) {
```

```
    return (a + b);
```

```
}
```

↳ VO

Beispielprogramm: MIPS Assemblersprache

```
int f, g, y; // globale Variablen
```

```
.data
```

```
f: .space 4
```

```
g: .space 4
```

```
y: .space 4
```

```
.text
```

```
main:
```

```
addi $sp, $sp, -4 # Stack Frame anlegen
```

```
sw $ra, 0($sp) # sichere $ra
```

```
addi $a0, $0, 2 # $a0 = 2
```

```
sw $a0, f # f = 2
```

```
addi $a1, $0, 3 # $a1 = 3
```

```
sw $a1, g # g = 3
```

```
jal sum # Aufruf von sum
```

```
sw $v0, y # y = sum()
```

```
lw $ra, 0($sp) # stelle $ra wieder her
```

```
addi $sp, $sp, 4 # stelle $sp wieder her
```

```
jr $ra # Rückkehr ins Betriebssystem
```

```
sum:
```

```
add $v0, $a0, $a1 # $v0 = a + b
```

```
jr $ra # return
```

```
int main(void)
```

```
{
```

```
f = 2;
```

```
g = 3;
```

```
y = sum(f, g);
```

```
return y;
```

```
}
```

```
int sum(int a, int b) {
```

```
return (a + b);
```

```
}
```

Größe

0x0040
0x...

(\$s0)

Beispielprogramm: Symboltabelle



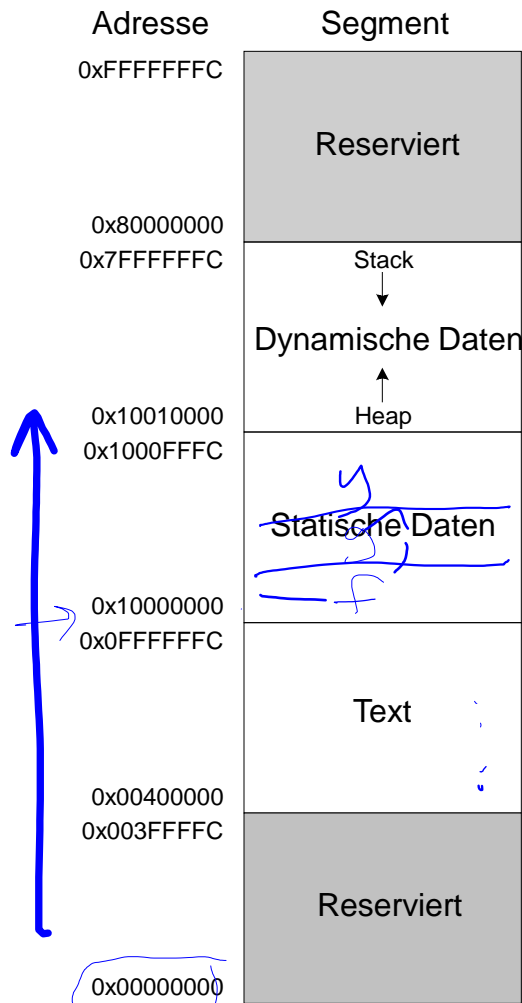
Symbol	Adresse
f	
g	
y	
main	
sum	

Beispielprogramm: Symboltabelle

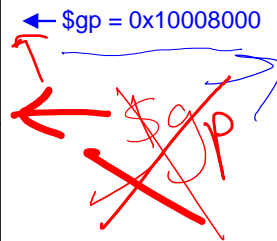
global pointer



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT



Symbol	Adresse
f	0x10000000
g	0x10000004
y	0x10000008
main	0x00400000
sum	0x0040002c



sw \$a0, 0x8000(\$gp)
0x10000000
0x10000000
0x10000000 (\$gp)

2er

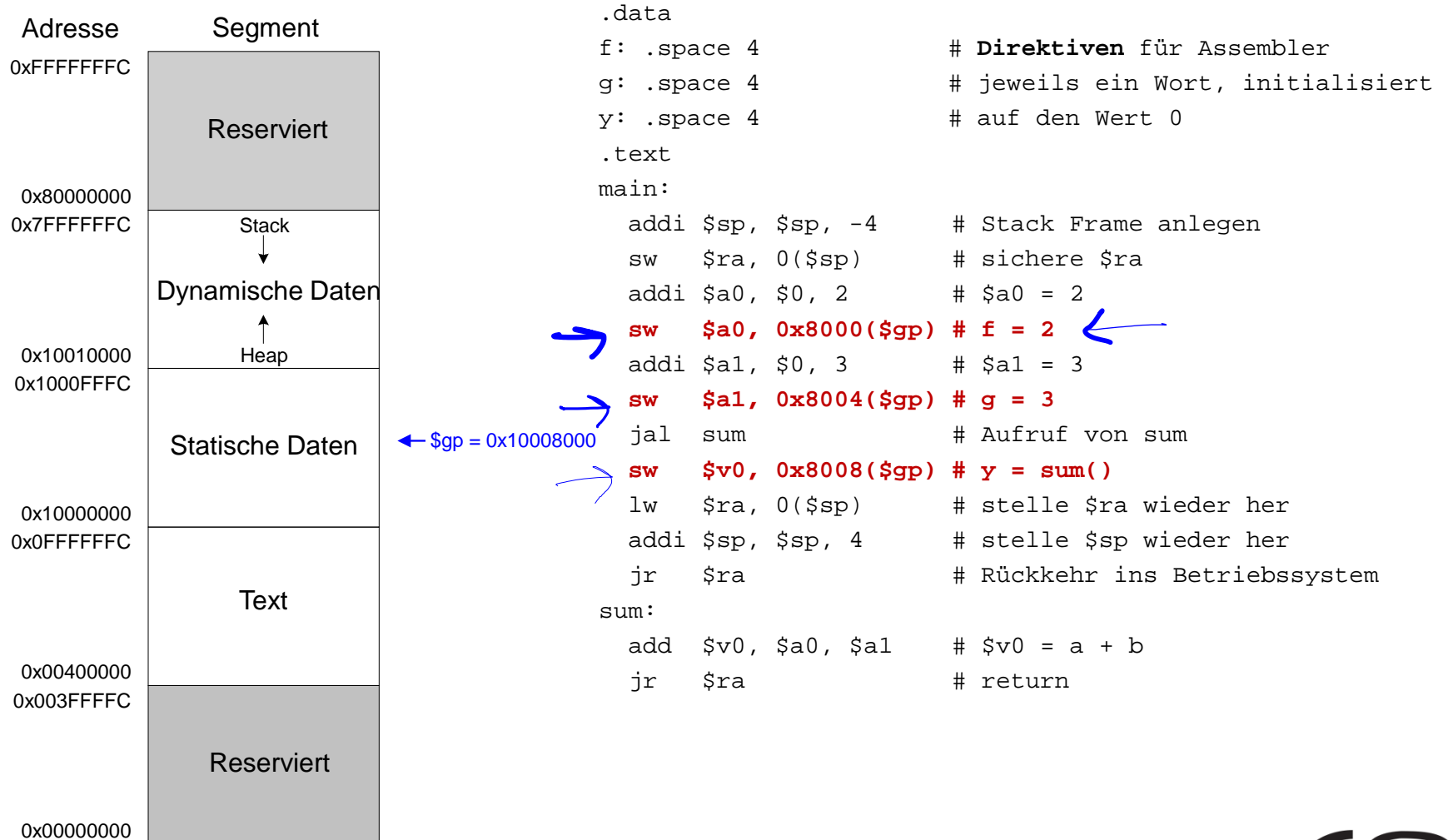
Beispielprogramm: Symboltabelle



Symbol	Adresse
f	0x10000000
g	0x10000004
y	0x10000008
main	0x00400000
sum	0x0040002C



Beispielprogramm: MIPS Assemblersprache



Beispielprogramm: MIPS Assemblersprache



Handwritten notes in blue ink:

0000

0100

1000

1100

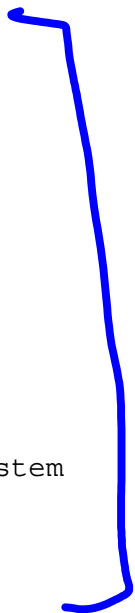
;

X

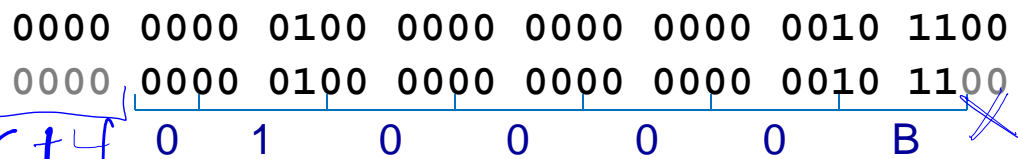


```

.data
f: .space 4           # Direktiven für Assembler
g: .space 4           # jeweils ein Wort, initialisiert
y: .space 4           # auf den Wert 0
.text
main:
0x00400000    addi $sp, $sp, -4    # Stack Frame anlegen
0x00400004    sw  $ra, 0($sp)    # sichere $ra
0x00400008    addi $a0, $0, 2    # $a0 = 2
0x0040000c    sw  $a0, 0x8000($gp) # f = 2
0x00400010    addi $a1, $0, 3    # $a1 = 3
0x00400014    sw  $a1, 0x8004($gp) # g = 3
0x00400018    jal  sum          # Aufruf von sum
0x0040001c    sw  $v0, 0x8008($gp) # y = sum()
0x00400020    lw  $ra, 0($sp)    # stelle $ra wieder her
0x00400024    addi $sp, $sp, 4    # stelle $sp wieder her
0x00400028    jr  $ra          # Rückkehr ins Betriebssystem
0x0040002c    sum:
0x00400030    add  $v0, $a0, $a1  # $v0 = a + b
0x00400034    jr  $ra          # return
    
```



32b Sprungzieladresse →
26b Feld in jal-Instruktion



Handwritten blue note: PC+4

Beispielprogramm: Ausführbare Datei

Dateikopf	Text Größe	Daten Größe
	0x34 (52 bytes)	0xC (12 bytes)
Textsegment	Adresse	Instruktion
	0x00400000	0x23BDFFFC
	0x00400004	0xAFBF0000
	0x00400008	0x20040002
	0x0040000C	0xAF848000
	0x00400010	0x20050003
	0x00400014	0xAF858004
	0x00400018	0x0C10000B
	0x0040001C	0xAF828008
	0x00400020	0x8FBF0000
	0x00400024	0x23BD0004
	0x00400028	0x03E00008
	0x0040002C	0x00851020
	0x00400030	0x03E00008
Datensegment	Adresse	Datum
	0x10000000	0
	0x10000004	0
	0x10000008	0

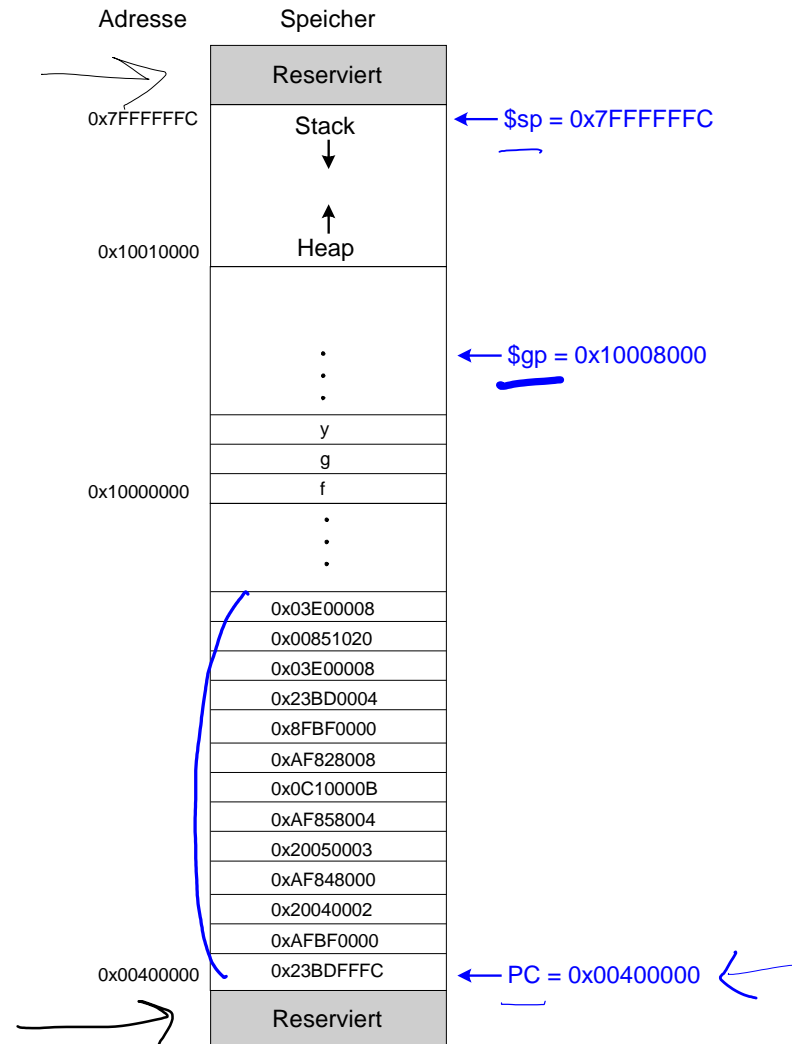
3 Globale Variablen

```

addi $sp, $sp, -4
sw  $ra, 0 ($sp)
addi $a0, $0, 2
sw  $a0, 0x8000 ($gp)
addi $a1, $0, 3
sw  $a1, 0x8004 ($gp)
jal  0x0040002C
sw  $v0, 0x8008 ($gp)
lw  $ra, 0 ($sp)
addi $sp, $sp, -4
jr  $ra
add $v0, $a0, $a1
jr  $ra
    
```

f
g
y

Beispielprogramm im Speicher



Dies und Das



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

- Pseudobefehle
- Ausnahmebehandlung (*exceptions*)
- Befehle für vorzeichenbehaftete und vorzeichenlose Zahlen
- Gleitkommabefehle

Beispiele für Pseudobefehle

Pseudobefehle	MIPS Befehle
<code>li \$s0, 0x1234AA77</code>	<code>lui \$s0, 0x1234</code> <code>ori \$s0, 0xAA77</code>
<code>move \$s1, \$s2</code>	<code>addu \$s1, \$0, \$s2</code>
<code>nop</code> "no op"	<code>sll \$0, \$0, 0</code>
<code>not \$t1, \$s7</code>	<code>nor \$t1, \$s7, \$0</code>

\$at ist dem Assembler zur Verfügung

Ausnahmebehandlung (*exceptions*)

Abweichen von der normalen **Ausführungsreihenfolge** von Befehlen

- Beim Auftreten **außergewöhnlicher** Umstände (*exception*)
- Automatischer Aufruf spezieller Prozedur:
Ausnahmebehandlung (*exception handler*)

Auslösung der Ausnahmebehandlung z.B. durch

- Hardware, dann genannt **Interrupt** (z.B. Tippen einer Taste auf Tastatur)
- Software, dann genannt **Trap** (z.B. Versuch der Ausführung einer unbekanntem Instruktion)

Ausnahmebehandlung (*exceptions*)

Beim Auftreten der Ausnahme

- Grund der Ausnahme wird gespeichert ←
- Sprung zur Ausnahmebehandlung auf Adresse 0x80000180
- Dann Wiederaufnahme der normalen Programmausführung



Spezialregister für Ausnahmebehandlung

- **Außerhalb** des regulären Registerfeldes
 - **Cause**
 - Enthält den Grund für Ausnahme
 - **EPC** (Exception PC)
 - Enthält den regulären PC ⁺⁴ an dem die Aufnahme auftrat
- EPC und Cause: Nicht Bestandteil des “eigentlichen” MIPS-Prozessors
 - Ausgelagert in **Coprozessor** (unterstützt Hauptprozessor)
 - Genauer: Coprozessor 0

Spezialregister für Ausnahmebehandlung

Datenaustausch mit Coprozessor (hier nur lesen):

“Move from Coprocessor 0”

mfc0 \$t0, EPC

hi, lo

- Lädt Inhalt des Spezialregisters EPC in reguläres Register \$t0
- Analog auch für Cause

Auslöser für Ausnahmen

Ausnahme	Cause
Hardware Interrupt	0x00000000
Systemaufruf	0x00000020
Breakpoint / Division durch 0	0x00000024
Unbekannte Instruktion	0x00000028
Arithmetischer Überlauf	0x00000030

Ausnahmen

Wenn eine Ausnahme passiert:

1. Prozessor speichert Grund und Auftritts-PC in Cause und EPC ←
2. Prozessor springt Ausnahmebehandlung an (0x80000180)

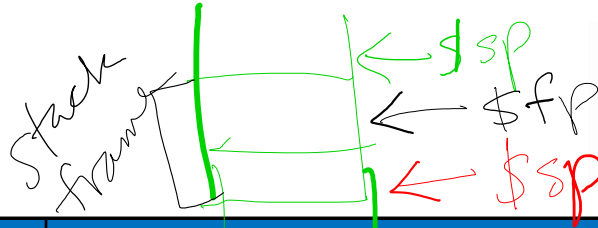
Ausnahmebehandlung:

1. Speichere Register auf Stack ←
2. Lese Cause Spezialregister: `mfc0 $t0, Cause`
3. Bearbeite Ausnahme ←
4. Stelle alle Register wieder her ←
5. Springe zurück ins eigentlich laufende Programm ←

`mfc0 $k0 EPC`

`jr $k0`

MIPS Registerfeld



Name	Registernummer	Verwendungszweck
\$0	0 —	Konstante Null
\$at	1 ←	Temporäre Variable für Assembler ←
\$v0-\$v1	2-3 ←	Rückgabe von Werten aus Prozedur
\$a0-\$a3	4-7 ←	Aufrufparameter in Prozedur
\$t0-\$t7	8-15 —	Temporäre Variablen
\$s0-\$s7	16-23 —	Gesicherte Variablen
\$t8-\$t9	24-25 —	Mehr temporäre Variablen
\$k0-\$k1	26-27 ←	Temporäre Variablen für Betriebssystem
\$gp	28 ←	Zeiger auf globale Variablen im Speicher
\$sp	29 ←	Stapelzeiger im Speicher
\$fp	30 ← X	Zeiger auf aktuellen Aufruf-Frame im Speicher
\$ra	31 ←	Rücksprungadresse aus Prozedur

Vorzeichenbehaftete und –lose Befehle



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

- Addition und Subtraktion
- Multiplikation und Division
- Set-less-than



Addition und Subtraktion

Vorzeichenbehaftet: add, addi, sub ←

- Gleiche Operation wie vorzeichenlose Versionen
- Aber: Prozessor löst Ausnahme bei arithmetischem Überlauf aus

Vorzeichenlos: addu, addiu, subu ←

- Prüft nicht auf Überlauf ←
- **Hinweis:** addiu vorzeichenerweitert den Direktwert

addiu \$s1, \$t0, 0x8000

Multiplikation und Division



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

Vorzeichenbehaftet: `mult, div`

Vorzeichenlos: `multu, divu`

Set Less Than

Vorzeichenbehaftet: `slt`, `slti`

Vorzeichenlos: `sltu`, `sltiu`

- **Hinweis:** `sltiu` vorzeichenerweitert den Direktwert vor dem Vergleich mit dem Register

Laden von 8b und 16b breiten Daten

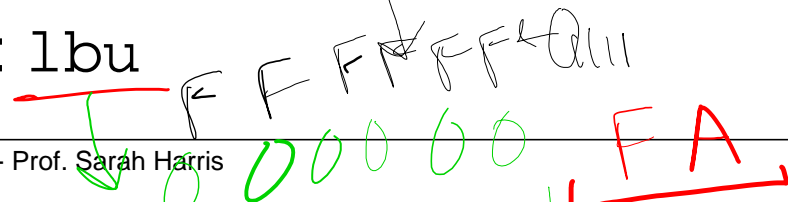


Vorzeichenbehaftet:

- Vorzeichenerweiterung schmale Daten auf volle 32b Registerbreite
- Load halfword: 1h → FFFF 89AB
- Load byte: 1b

Vorzeichenlos:

- Fülle schmale Daten mit Nullen auf volle 32b Registerbreite auf
- Load halfword unsigned: 1hu → \$to = 0000 89AB
- Load byte: 1bu



Im Digitaltechnik kennengelernt:

- Positive Zahlen: Vorzeichenlose Binärdarstellung
- Negative Zahlen
 - Zweierkomplement
 - Darstellung als Vorzeichen/Betrag

Wo bleiben Brüche? ↩

- Rationale Zahlen?
- Reelle Zahlen?

Zahlen mit Bruchanteilen



Zwei gängige Darstellungen:

- Festkomma (*fixed-point*) ←
- Gleitkomma (*floating-point*) ✓

Zahlen mit Bruchanteilen



010, 1010
000, 01010

Festkomma (*fixed-point*):

Position des Kommas bleibt konstant

Gleitkomma (*floating-point*):

Position des Kommas kann wandern, ist stets rechts der höchstwertigen Stelle. Angabe der Position des Kommas in Exponentenschreibweise

$204 \Rightarrow 2,04 \times 10^2$
 $10101, \Rightarrow 1,0101 \times 2^4$

Zahlen mit Bruchanteilen

Festkomma (*fixed-point*):

Position des Kommas bleibt konstant

Beispiel: Dezimalsystem, 2 Vorkomma-, 3 Nachkommastellen

2,000 99,999 0,000 -2,718

nicht: 3,1415 365,250 ←

Gleitkomma (*floating-point*)

Position des Kommas ist stets **rechts** der höchstwertigen Stelle.

Angabe der Position des Kommas in Exponentenschreibweise

Beispiel: Dezimalsystem, insgesamt 5 Stellen

→ $2 \cdot 10^0$ $9,9999 \cdot 10^1$ $0 \cdot 10^0$ $-2,718 \cdot 10^0$

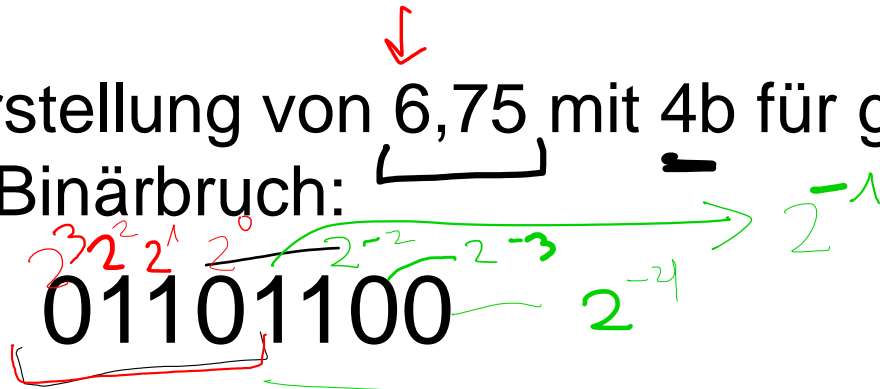
$3,1415 \cdot 10^0$ $3,6525 \cdot 10^2$ $5 \cdot 10^6$

nicht: $3,14159 \cdot 10^0$ ✗

Auch: Obergrenze für Exponenten, keine beliebig großen Zahlen darstellbar

Binäre Festkommazahlen

Darstellung von 6,75 mit 4b für ganzen Anteil und 4b für Binärbruch:



→ 0110,1100

$$2^2 + 2^1 + 2^{-1} + 2^{-2} = 6,75$$

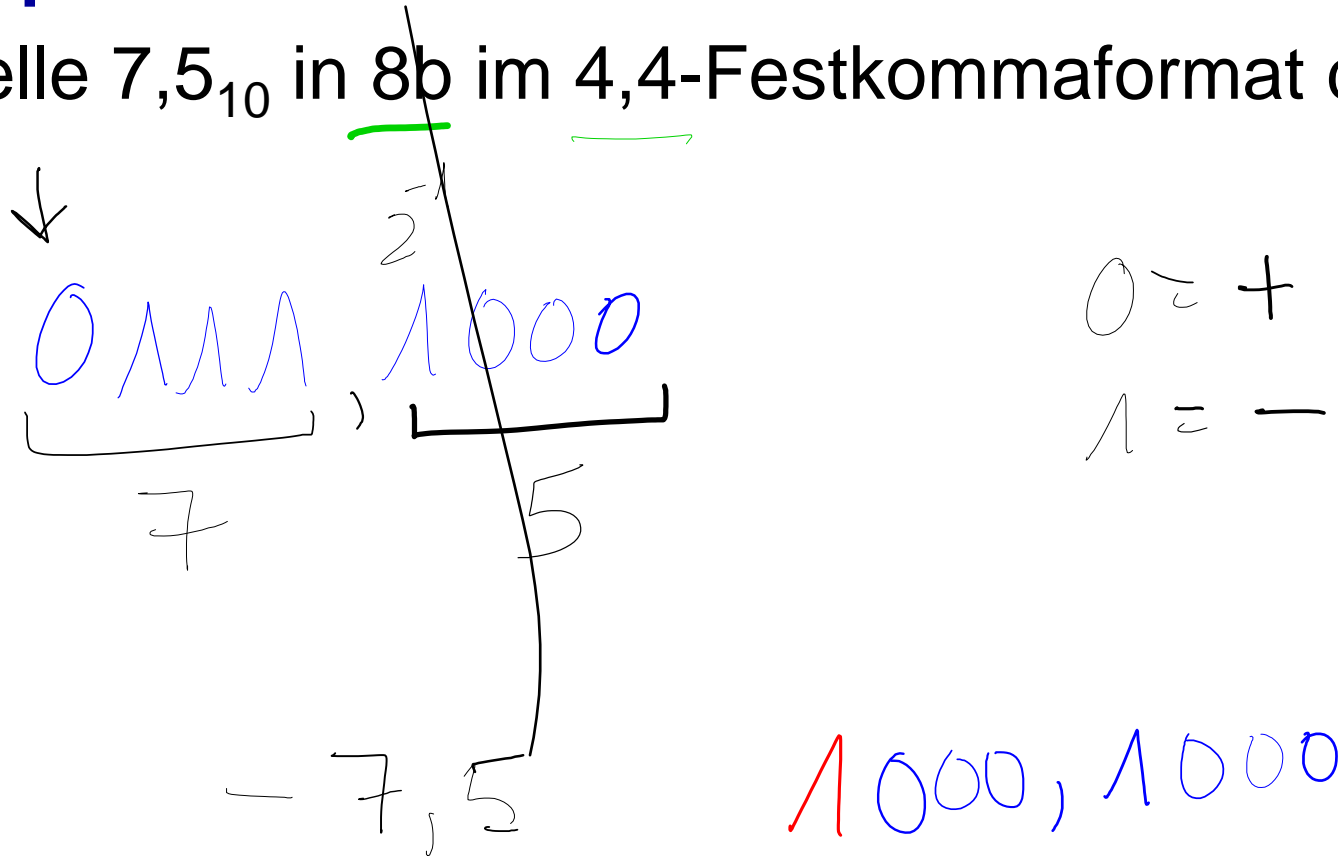
$$\frac{1}{2} + \frac{1}{4}$$
$$2^{-1} + 2^{-2}$$

- Binärkomma wird nicht explizit dargestellt: Position wird durch Format impliziert (hier: 4,4)
- Alle Leser und Schreiber von Festkommadaten müssen dasselbe Format verwenden

Binäre Festkommazahlen

Beispiel:

Stelle $7,5_{10}$ in 8b im 4,4-Festkommaformat dar



Binäre Festkommazahlen

Beispiel:

Stelle $7,5_{10}$ in 8b im 4,4-Festkommaformat dar

01111000

Vorzeichenbehaftete Festkommazahlen



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

Wie bei ganzen Zahlen: Zwei Darstellungen möglich

- Vorzeichen/Betrag
- Zweierkomplement

Vorzeichenbehaftete Festkommazahlen



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

Wie bei ganzen Zahlen: Zwei Darstellungen möglich

- Vorzeichen/Betrag
- Zweierkomplement
- Stelle $-7,5_{10}$ in 8b als 4,4-Festkommazahl dar
 - **Vorzeichen/Betrag:**
 - **Zweierkomplement:**

Vorzeichenbehaftete Festkommazahlen



Wie bei ganzen Zahlen: Zwei Darstellungen möglich

- Vorzeichen/Betrag
- Zweierkomplement
- Stelle $-7,5_{10}$ in 8b als 4,4-Festkommazahl dar
- **Vorzeichen/Betrag:**

① 11111000

$7,5 = 01111000$

- **Zweierkomplement:**

① 1000 0111
② + 1
1000 1000 ←

Vorzeichenbehaftete Festkommazahlen

Wie bei ganzen Zahlen: Zwei Darstellungen möglich

- Vorzeichen/Betrag
- Zweierkomplement
- Stelle $-7,5_{10}$ in 8b als 4,4-Festkommazahl dar

- **Vorzeichen/Betrag:**

11111000

- **Zweierkomplement:**

+7,5: 01111000

1. Invertieren: 10000111

2. Addiere 1 zu lsb: + 1

10001000

Binäre Gleitkommazahlen

- Binärkomma liegt immer genau rechts von höchstwertiger 1
- Ähnlich zur wissenschaftlichen Darstellung von Dezimalbrüchen
- Beispiel: 4.387.263 in wissenschaftlicher Darstellung

$$4,387263 \times 10^6$$


Binäre Gleitkommazahlen

- Binärkomma liegt immer genau rechts von höchstwertiger 1
- Ähnlich zur wissenschaftlichen Darstellung von Dezimalbrüchen
- Beispiel: 4.387.263 in wissenschaftlicher Darstellung

$$\underline{4,387263} \times \underline{10^6}$$

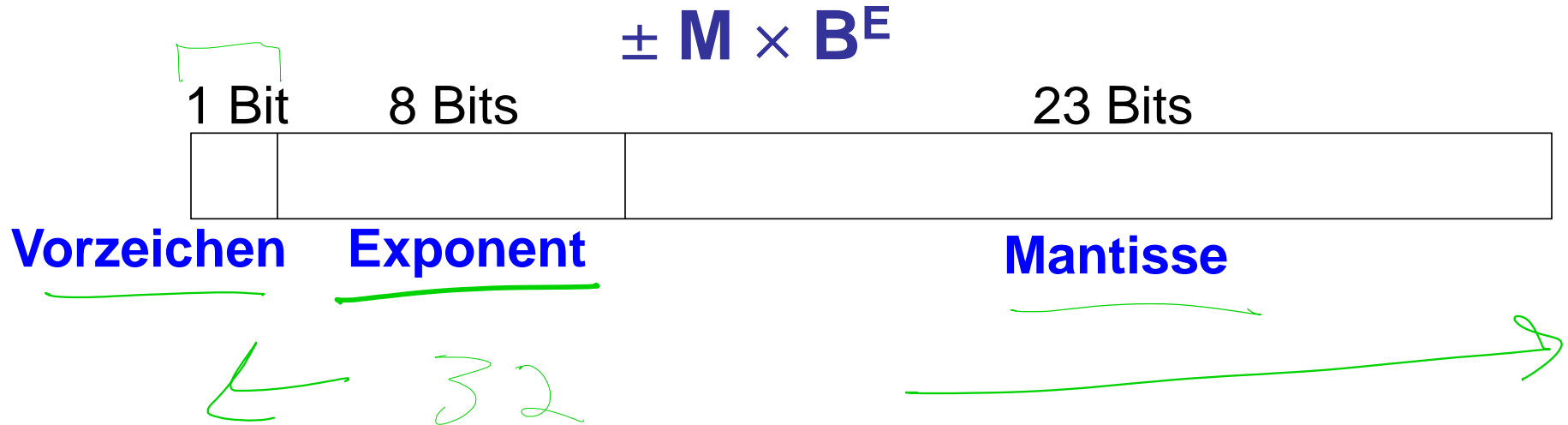
- Allgemeine Schreibweise:

$$\pm M \times B^E$$

wobei

- **M** = Mantisse
- **B** = Basis
- **E** = Exponent
- Im Beispiel: $M = 4,387263$, $B = 10$, and $E = 6$

Binäre Gleitkommazahlen



Binäre Gleitkommazahlen



Vorzeichen

Exponent

Mantisse

- **Beispiel:** Stelle den Wert 228_{10} als 32b- Gleitkommazahl dar

Im folgenden drei Versionen, nur die letzte davon ist eine Standarddarstellung!

IEEE 754, *single precision format*

Binäre Gleitkommadarstellung:

1. Versuch



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

- Wandele Dezimalzahl in Binärdarstellung um:
 - 228_{10}

Binäre Gleitkommadarstellung:

1. Versuch



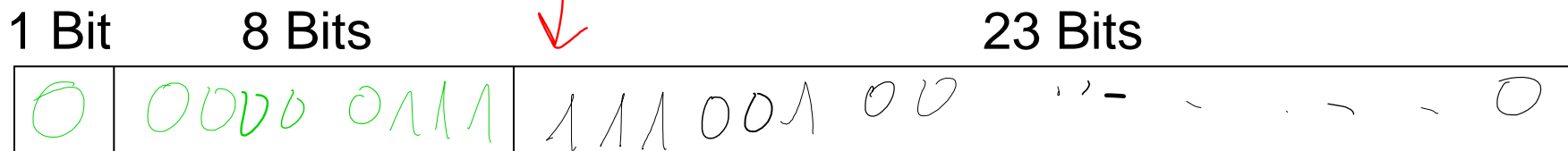
- Wandele Dezimalzahl in Binärdarstellung um:

$$228_{10} = \overset{\textcircled{1}}{11100100}_2 = \overset{\textcircled{2}}{1,11001} \times 2^7 \leftarrow$$

- Trage nun Daten in die Felder des 32b Wortes ein:

~~$\times 228 \Rightarrow$~~ $2,28 \times 10^2$ ~~\times~~ ~~Falsch!~~
 u.s.w. $0 = +$
 $1 = -$

wir können die weglassen



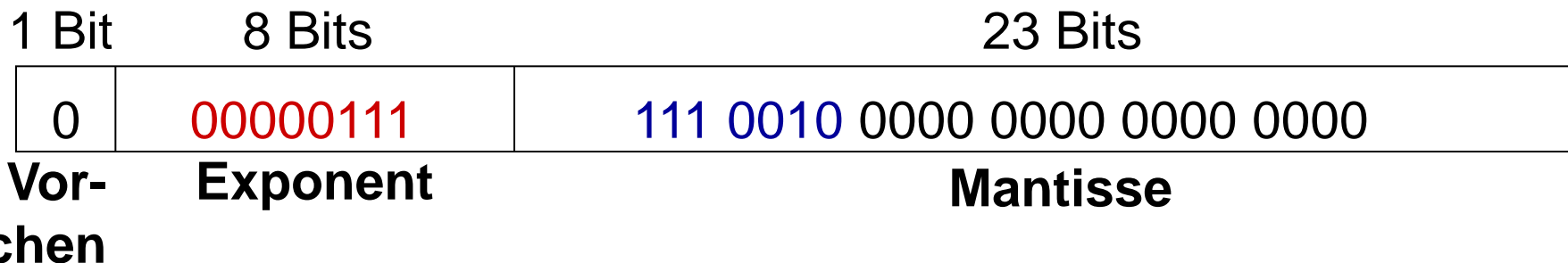
Vorzeichen **Exponent** ~~X~~ **Mantisse**

Binäre Gleitkommadarstellung:

1. Versuch



- Wandele Dezimalzahl in Binärdarstellung um:
 - $228_{10} = 11100100_2 = 1,11001 \times 2^7$
- Trage nun Daten in die Felder des 32b Wortes ein:
 - Vorzeichenbit ist positiv (0)
 - Die 8b des Exponenten stellen den Wert 7 dar
 - Die verbliebenen 23 Bit stellen die Mantisse dar



Binäre Gleitkommadarstellung:

2. Versuch



- **Beobachtung:** Das erste Bit der Mantisse ist so immer 1
 - $228_{10} = 11100100_2 = 1,11001 \times 2^7$
- Man kann sich das explizite Abspeichern der führenden 1 sparen
 - Die führende 1 wird implizit immer als präsent angenommen
- Stattdessen: **Speichere nur den Bruchanteil** (die “Nachkommastellen”) explizit ab

1 Bit

8 Bits

23 Bits

0	00000111	110 0100 0000 0000 0000 0000
---	----------	------------------------------

Vor-

Exponent

Bruchanteil

zeichen

Binäre Gleitkommadarstellung:

3. Versuch



- **Exponent kann auch negativ sein**
 - Idee: Zweierkomplement. Wäre möglich, hat aber praktische Nachteile
 - Besser: Exponent relativ zu konstantem Grundwert (Exzess, Biaswert) angeben

▪ Hier: **Biaswert = 127** (01111111_2) ←

▪ Exponent mit Bias = Biaswert + Exponent

▪ Exponent 7 wird also gespeichert als:

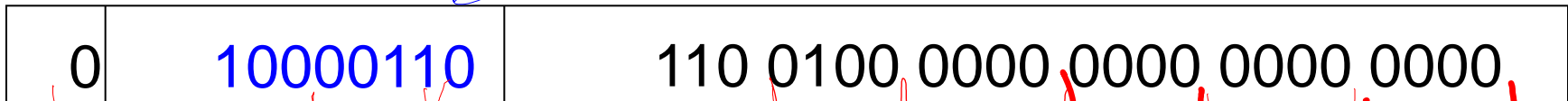
$$127 + 7 = 134 = 0x10000110_2$$

▪ Damit **IEEE 754 32-bit Gleitkommadarstellung** von 228_{10}

1 Bit

8 Bits

23 Bits



Vorz. 4
Exponent mit Bias

Bruchanteil

Beispiel IEEE 754

Gleitkommadarstellung



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

Stelle $-58,25_{10}$ gemäß dem IEEE 754 32-bit Gleitkommastandard dar

1. Wandle in Binärdarstellung um:

$$\blacksquare 58,25_{10} = 111010,01_2$$

Beispiel IEEE 754

Gleitkommadarstellung

Stelle $-58,25_{10}$ gemäß dem IEEE 754 32-bit Gleitkommastandard dar

1. Wandle in Binärdarstellung um:

▪ $58,25_{10} = 111010,01_2 = 1,1101001 \times 2^5$

$5 + 127 = 132$

5 Stellen

2. Trage Felder des 32b Gleitkommawortes ein:



Vorz.

Exponent

Bruchanteil

Beispiel IEEE 754

Gleitkommadarstellung

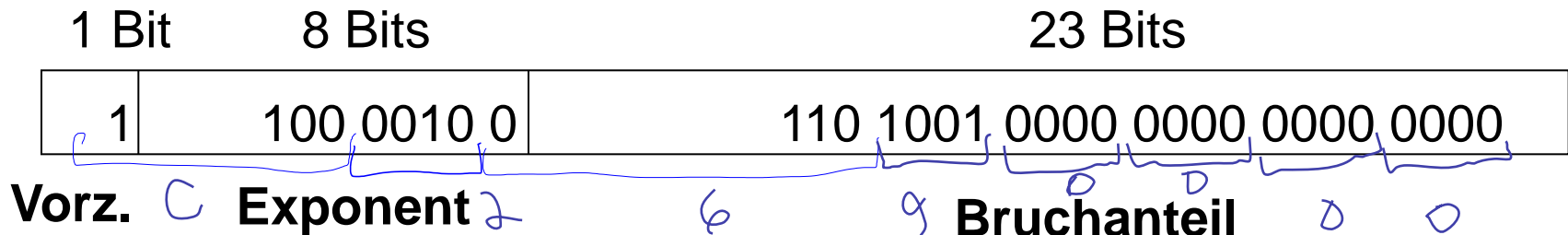
Stelle $-58,25_{10}$ gemäß dem IEEE 754 32-bit Gleitkommastandard dar

1. Wandle in Binärdarstellung um:

- $58,25_{10} = 111010,01_2 = 1,1101001 \times 2^5$

2. Trage Felder des 32b Gleitkommawortes ein:

- **Vorzeichen:** 1 (negativ)
- 8 Bits für **Exponent:** $(127 + 5) = 132 = 10000100_2$
- 23 Bits für **Bruchanteil:** 110 1001 0000 0000 0000 0000



in Hexadezimalschreibweise: **0xC2690000**

Beispiel IEEE 754

Gleitkommadarstellung



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

Stelle $0,125_{10}$ gemäß dem IEEE 754 32-bit Gleitkommastandard dar
1. Wandele in Binärdarstellung um:

Beispiel IEEE 754

Gleitkommadarstellung

Stelle $0,125_{10}$ gemäß dem IEEE 754 32-bit Gleitkommastandard dar

1. Wandle in Binärdarstellung um:

▪ $0,125_{10} = 0,001_2 = 1,0 \times 2^{-3}$

$127 + (-3) = 124$

2. Trage Felder des 32b Gleitkommawortes ein:



Beispiel IEEE 754

Gleitkommadarstellung

Stelle $0,125_{10}$ gemäß dem IEEE 754 32-bit Gleitkommastandard dar

1. Wandle in Binärdarstellung um:

- $0,125_{10} = 0,001_2 = 1,0 \times 2^{-3}$

2. Trage Felder des 32b Gleitkommawortes ein:

- **Vorzeichen:** 0 (positiv)
- 8 Bits für **Exponent:** $(127 - 3) = 124 = 01111100_2$
- 23 Bits für **Bruchanteil:** 000 0000 0000 0000 0000 0000



1 Bit	8 Bits	23 Bits
0	011 1110 0	000 0000 0000 0000 0000 0000

Vorz.

Exponent

Bruchanteil

in Hexadezimalschreibweise: 0x3E000000

IEEE 754 Gleitkommadarstellung: Sonderfälle



Nicht alle benötigten Werte nach dem Schema darstellbar

- **Beispiel:** 0, hat keine führende 1

Wert	Vorz.	Exponent	Bruchanteil
0	<u>X</u>	<u>00000000</u>	<u>00000000000000000000000000000000</u>
∞	0	11111111	00000000000000000000000000000000
$-\infty$	1	11111111	00000000000000000000000000000000
NaN	X	11111111	Ein Wert $\neq 0$

NaN steht für “Not a Number” und stellt häufig Rechenfehler dar
Beispiele: $\sqrt{-1}$ oder $\log(-5)$ oder eine Zahl durch 0.

Genauigkeit der Gleitkommadarstellungen



- Einfache Genauigkeit (***single-precision***):
 - 32-bit Darstellung
 - 1 Vorzeichenbit, 8 Exponentenbits, 23 Bits für Bruchanteil
 - Exponentenbias = 127
- Doppelte Genauigkeit (***double-precision***):
 - 64-bit Darstellung ←
 - 1 Vorzeichenbit, 11 Exponentenbits, 52 Bits für Bruchanteil
 - Exponentenbias = 1023

Rundungsmodi für Gleitkommazahlen

- **Overflow:** Betrag der Zahl ist zu groß, um korrekt dargestellt zu werden
- **Underflow:** Zahl ist zu nahe bei 0, um korrekt dargestellt zu werden

Rundungsmodi für Gleitkommazahlen

- **Overflow:** Betrag der Zahl ist zu groß, um korrekt dargestellt zu werden
- **Underflow:** Zahl ist zu nahe bei 0, um korrekt dargestellt zu werden
- **Rundungsmodi:**
 - Abrunden zu minus Unendlich
 - Aufrunden zu plus Unendlich
 - Hin zu Null
 - Hin zu nächster darstellbarer Zahl

Rundungsmodi für Gleitkommazahlen

- **Overflow:** Betrag der Zahl ist zu groß, um korrekt dargestellt zu werden
- **Underflow:** Zahl ist zu nahe bei 0, um korrekt dargestellt zu werden
- **Rundungsmodi:**
 - Abrunden zu minus Unendlich
 - Aufrunden zu plus Unendlich
 - Hin zu Null
 - Hin zu nächster darstellbarer Zahl
- **Beispiel:** Runde $1,100101$ ($1,578125_{10}$) auf 3 Bits Bruchanteil
 - Ab: $1,100$ ←
 - Auf: $1,101$ ←
 - Zu Null: $1,100$
 - Zu nächster: $1,101$ ($1,625$ liegt näher an $1,578125$ als an $1,5$)

Addition von Gleitkommazahlen mit gleichem Vorzeichen



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

1. Exponenten- und Bruchanteile aus Gleitkommawort extrahieren
2. Bruchanteil um führende 1 erweitern, um Mantisse zu bilden
3. Vergleiche Exponenten
4. Schiebe Mantisse von Zahl mit kleinerem Exponenten nach rechts (bis Exponenten gleich sind)
5. Addiere Mantissen
6. Normalisiere Mantisse und passe Exponent an, falls nötig
7. Runde Ergebnis entsprechend dem gewählten Rundungsmodus
8. Baue Gleitkommawort aus Exponenten und Bruchanteil des Ergebnisses

Beispiel: Addition von Gleitkommazahlen



TECHNISCHE
UNIVERSITÄT
DARMSTADT

Addiere die beiden Gleitkommazahlen:

0x3FC00000

0x40500000



Beispiel: Addition von Gleitkommazahlen

1. Extrahiere Exponenten und Bruchanteile aus 32b Worten

1 Bit	8 Bits	23 Bits
0	01111111	100 0000 0000 0000 0000 0000
Vorz.	Exponent	Bruchanteil

1 Bit	8 Bits	23 Bits
0	10000000	101 0000 0000 0000 0000 0000
Vorz.	Exponent	Bruchanteil

S

E

F

1. Zahl (N1):

$$S1 = 0, E1 = 127 (= \times 2^0), F1 = ,1$$


2. Zahl (N2):

$$S2 = 0, E2 = 128 (= \times 2^1), F2 = ,101$$

Beispiel: Addition von Gleitkommazahlen


3. Vergleiche Exponenten

$E2 - E1 = 128 - 127 = 1$, N1 muss also um ein Bit geschoben werden

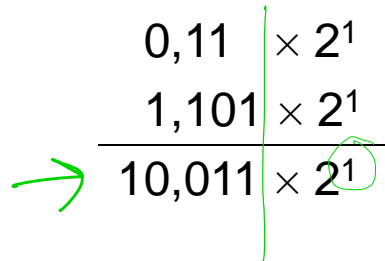
$$\begin{array}{l} \text{N1:} \quad 1,1 \times 2^0 \\ \text{N2:} \quad 1,101 \times 2^1 \end{array}$$


4. Mantisse von Zahl mit kleinerem Exponenten entsprechend nach rechts schieben

schiebe M1: $1,1 \gg 1 = 0,11$ ($\times 2^1$)

$$\begin{array}{l} \text{N1:} \quad 0,11 \times 2^1 \\ \text{N2:} \quad 1,101 \times 2^1 \end{array}$$


5. Mantissen addieren (haben jetzt den gleichen Exponenten)

$$\begin{array}{r} \quad 0,11 \times 2^1 \\ + \quad 1,101 \times 2^1 \\ \hline \rightarrow 10,011 \times 2^1 \end{array}$$


Beispiel: Addition von Gleitkommazahlen

6. Normalisiere Mantisse und passe Exponenten an, falls nötig

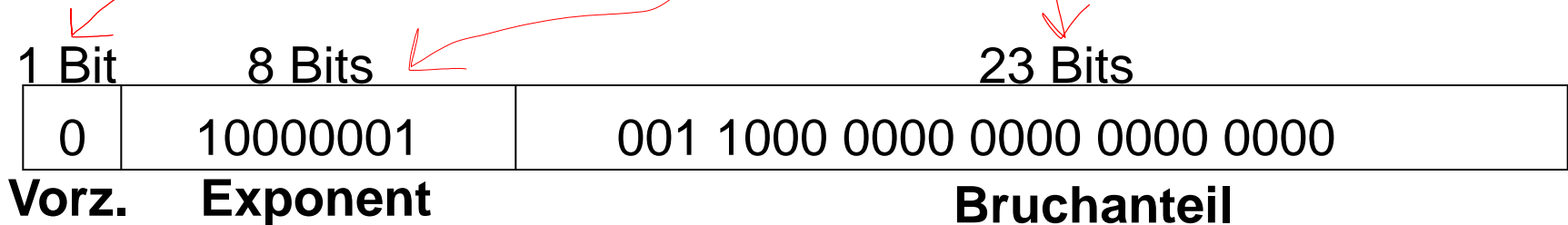
$$10,011 \times 2^1 = 1,0011 \times 2^2$$

7. Runde Ergebnis entsprechend Rundungsmodus

Hier nicht nötig (passt in 23b)

8. Baue neues Gleitkommawort für Ergebnis aus Exponent und Mantisse

$$S = 0, E = 2 + 127 = 129 = 10000001_2, F = 001100..0$$



Addition von Gleitkommazahlen mit gleichem Vorzeichen



1. Exponenten- und Bruchanteile aus Gleitkommawort extrahieren
2. Bruchanteil um führende 1 erweitern, um Mantisse zu bilden
3. Vergleiche Exponenten
4. Schiebe Mantisse von Zahl mit kleinerem Exponenten nach rechts (bis Exponenten gleich sind)
5. Addiere Mantissen
6. Normalisiere Mantisse und passe Exponent an, falls nötig
7. Runde Ergebnis entsprechend dem gewählten Rundungsmodus
8. Baue Gleitkommawort aus Exponenten und Bruchanteil des Ergebnisses

Organisatorisch

- **Keine Vorlesung** am kommenden Montag (16.05.2016) – Feiertag (Pfingstmontag)
- Keine Übungen oder Testate zum Übungsblatt werden am 23.-27.05. stattfinden. (Diese Woche würde sich allerdings sehr gut für Testate zur Programmier-Aufgabe eignen.)

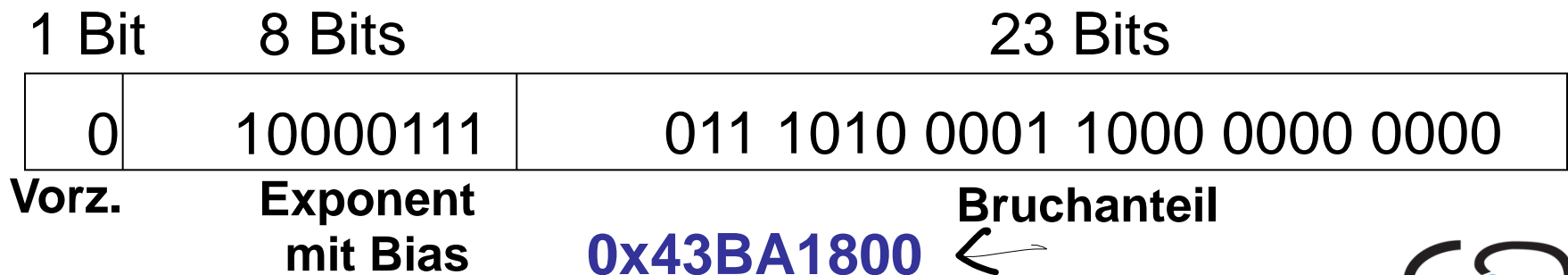
Wiederholung: Binäre Gleitkommadarstellung

Felder:

- **Vorzeichen:** 0 (positiv), 1 (negativ)
- **Exponent mit bias:** Exponent + Biaswert (127)
- **Bruchanteil:** den Bruchanteil (die “Nachkommastellen”)

Beispiel:

- $372,1875_{10} = 101110100,0011_2 = 1,011101000011 \times 2^8$
- **Vorzeichen:** 0
- **Exponent mit Bias:** $127+8 = 135$ (10000111)
- **Bruchanteil:** 011101000011000000000000



Gleitkommabefehle

- Nicht Bestandteil des “eigentlichen” MIPS-Prozessors
- Gleitkommakoprozessor (Coprocessor 1)
- 32 32-bit Gleitkommaregister (\$f0 - \$f31)
 - Single precision ←
- Werte mit doppelter Genauigkeit benötigen je zwei aufeinanderfolgende Register
 - z.B. \$f0 und \$f1, \$f2 und \$f3, etc.
 - Double precision-Register sind also: \$f0, \$f2, \$f4, etc.

Gleitkommabefehle

Namen	Registernummern	Zweck
$\$fv0 - \$fv1$	0, 2	Rückgabewerte
$\$ft0 - \$ft3$	4, 6, 8, 10	Temporäre Variablen
$\$fa0 - \$fa1$	12, 14	Prozedurargumente
$\$ft4 - \$ft5$	16, 18	Temporäre Variablen
$\$fs0 - \$fs5$	20, 22, 24, 26, 28, 30	Erhaltene Variablen

Format für F-Typ Instruktionen

- Opcode = 17 (010001_2)
- Drei Registeroperanden:
 - f_s, f_t : Quelloperanden
 - f_d : Zieloperanden

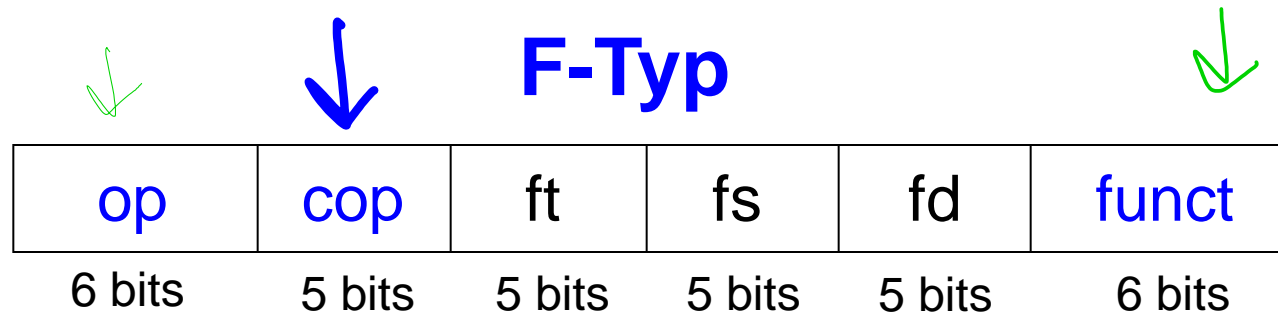
f_s source, f_t
 f_d destination

- **Single-precision:**

- $cop = 16$ (010000_2) ←
- $add.s, sub.s, div.s, neg.s, abs.s$, u.s.w.

- **Double-precision:**

- $cop = 17$ (010001_2) ←
- $add.d, sub.d, div.d, neg.d, abs.d$, u.s.w.



Format für F-Typ Instruktionen

- Opcode = 17 (010001₂)
- Drei Registeroperanden:
 - fs, ft: Quelloperanden
 - fd: Zieloperanden

▪ Single-precision:

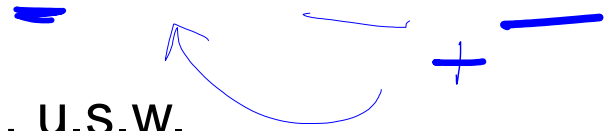
- cop = 16 (010000₂)
- add.s, sub.s, div.s, neg.s, abs.s, u.s.w.

▪ Double-precision:

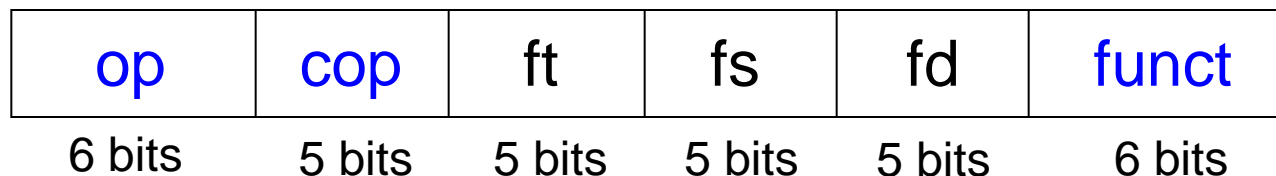
- cop = 17 (010001₂)
- add.d, sub.d, div.d, neg.d, abs.d, u.s.w.

Beispiel:

```
# $fs1 = $fs2 + $fs3  
add.s $fs1, $fs2, $fs3
```



F-Typ



Weitere Gleitkommabefehle



Setzt boole'sches **Spezialregister** bei Vergleichen: `fpcond`

- Gleichheit: `c.seq.s`, `c.seq.d`
 - Kleiner-als: `c.lt.s`, `c.lt.d`
 - Kleiner-als-oder-gleich: `c.le.s`, `c.le.d`
 - Beispiel: `c.lt.s $fs1, $fs2`
- fpcnd = 1*

Bedingte **Verzweigung** abhängig von Spezialregister

- `bc1f`: springt falls `fpcond = FALSCH` *"0"*
- `bc1t`: springt falls `fpcond = TRUE` (wahr) *"1"*
- Beispiel: `bc1f toosmall`

Loads und Stores: jeweils **Single precision**

- `lwc1: lwc1 $ft1, 42($s1)`
- `swc1: swc1 $fs2, 16($sp)`
- Double precision braucht je zwei Anweisungen



Bisher **Architektur**

- Programmierersicht

Nun **Mikroarchitektur**

- Aufbau der zugrundeliegenden **Hardware**